

۱۱۹

F

نام :

نام خانوادگی :

محل امضاء :

صبح جمعه

۹۲/۱۲/۱۶

دفترچه شماره (۱)



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.

امام حسینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی
دوره‌های دکتری (فیمه متمرکز) داخل
سال ۱۳۹۲

بیانفورماتیک (کد ۲۲۴۶)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

| ردیف | مواد امتحانی | تعداد سؤال | از شماره | تا شماره |
|------|--|------------|----------|----------|
| ۱ | مجموعه دروس تخصصی (زیست‌شناسی سلولی و ملکولی، آمار و احتمال، ساختمنداده و الگوریتم، ریاضیات گسسته) | ۴۵ | ۱ | ۴۵ |

اسفندماه سال ۱۳۹۲

این آزمون نمره منفي دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نمي باشد.

- ۱ کدام یک از اجزاء سلولی زیر با اسکلت پروتئینی مت Shank از لامین ها همراه است؟
- (۱) غشاء پایه (۲) میتوکندری (۳) کلروپلاست (۴) هسته
- ۲ در پستانداران ویژگی های پمپ کلسیم (Ca^{2+} – ATPase) کدام است؟
- (۱) به صورتی عمل می کند که در غشاء سارکوپلاسمیک یون کلسیم آزاد نموده و متأثر از پروتئین دیگری نمی باشد.
 (۲) در غشاء سلول های عضلانی و گلبول قرمز وجود دارد و فعالیت آن متأثر از پروتئین کالمودیولین است.
 (۳) به ازای مصرف یک ملکول ATP، یک یون Ca^{2+} به لومن شبکه سارکوپلاسمیک وارد می شود.
 (۴) پروتئینی است با چندین زنجیره پلی پپتیدی و با عمل خود موجب انقباض عضلانی می شود.
- ۳ سلول های غیر اپتیالی مانند فیبروبلاست ها از طریق چه نوع اتصالی به ماتریکس خارج سلول متصل می شوند؟
- (۱) فشرده tight – junction (۲) پلکتین (۳) کاتونی (focal adhesion)
- ۴ در کدام پمپ یونی، انتقال همراه با فسفریلاسیون است؟
- V-class pumps (۴) P-class pumps (۳) F-class pumps (۲) ABC-Class pumps (۱)
- یک فاکتور رونویسی (TF) اختصاصی معمولاً به کدام بخش از DNA قابل اتصال است؟
- Insulator (۴) TATA (۳) جعبه Enhancer (۲) Activator (۱)
- ۵ در طی آغاز ترجمه یوکاریوتی، برقراری ارتباط بین زیر واحد های ۴۰S و ۶۰S ریبوزوم مستلزم رهایی کدام است؟
- eIF5 و eIF3 (۲) eIF5, eIF1 (۴) eIF5B.GTP (۱) eIF5, eIF3, eIF1 (۳)
- ۶ ترادف های shine-delgarno
- (۱) با اتصال به قسمت ۳' RNA ریبوزومی ۱۶S mRNA به ریبوزوم می گردد.
 (۲) با اتصال به قسمت ۵' RNA ریبوزومی ۲۳S mRNA به ریبوزوم می گردد.
 (۳) بعد از کدون آغازین در mRNA پروکاریوتی قرار دارد.
 (۴) قبل از کدون آغازین در mRNA یوکاریوتی قرار دارد.
- ۷ کدام نوکلئوتید در DNA می تواند به عنوان کاندید Hot spot جفت جهش های خود بخودی مطرح گردد؟
- (۱) آدنوزین (A) (۲) تیمیدین (T) (۳) کرانوزین (G) (۴) سیتیدین (C)
- ۸ در DNA E.coli پلیمراز III یک Holoenzyme است و از ۱۰ زیر واحد تشکیل شده است. آن کدام است؟
- (۱) زیر واحد های آلفا، بتا و اپسیلون (۲) زیر واحد های آلفا، بتا و گاما (۳) زیر واحد های آلفا، بتا و گاما (۴) سوپر کویل منفی دارد.
- ۹ در طول هر DNA به طول ۳۰۰ جفت باز، عدد اتصال (LK) برابر ۳۳ است. کدام گزینه در مورد DNA صحیح است؟ (طول هر مارپیچ ۱۰ bp فرض شود.)
- (۱) $\text{Tw} = ۳۳$ (۲) $\text{WR} = ۳۰$
- ۱۰ :RNA i
- (۱) Dicer باعث تجزیه mRNA هدف می شود.
 (۲) رشته آنتی سنس siRNA به mRNA هدف متصل می شود.
 (۳) siRNA در انتهای ۵' دارای دو نوکلئوتید اضافی است.
 (۴) رشته سنس siRNA به mRNA هدف متصل می شود.
- ۱۱ طی کنترل اپرون lac
- (۱) cAMP، با CAP پیوندهای هیدروژنی برقرار می کند.
 (۲) گلوکز موجب افزایش غلظت cAMP، می شود.
- ۱۲ (۱) cAMP، هیچگونه نقش کنترلی ندارد.
 (۳) به مهار کننده lac متصل می شود.

-۱۳ اگر X دارای توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد، توزیع $Y = 2\lambda X$ کدام است؟

$$f(x) = \lambda e^{-\lambda x}$$

$$\chi_{(1)}^{\text{۲}} \quad E(1) \quad (1)$$

$$\Gamma(\frac{1}{\lambda}, 1) \quad \chi_{(2)}^{\text{۳}} \quad (2)$$

-۱۴ اگر X و Y دارای تابع احتمال توان زیر باشند، ضریب همبستگی بین X و Y یعنی $\rho_{X,Y}$ کدام است؟

| | X | -1 | 0 | 1 |
|-----|-----|---------------|---------------|---------------|
| Y | -1 | $\frac{1}{9}$ | $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{9}$ |
| | -1 | $\frac{2}{9}$ | $\frac{1}{6}$ | $\frac{2}{9}$ |

- ۱ (۱)
۰ (۲)
 $\frac{1}{2}$ (۳)
۱ (۴)

-۱۵ فرض کنید y دارای توزیع پواسون با پارامتر y و Y دارای توزیع گاما با پارامترهای $(3, 4)$ باشد، میانگین شرطی $Y | X = x$ کدام است؟

$$(Y \sim \Gamma(3, 4), X | Y = y \sim P(y))$$

$$\frac{x+3}{4} \quad (2) \quad \frac{5}{x+4} \quad (1)$$

$$\frac{x+4}{5} \quad (4) \quad \frac{x+3}{5} \quad (3)$$

-۱۶ در جامعه‌ای ۶۴٪ کالاهای مصرفی وارداتی است. یک نمونه ۳۶ تایی از کالاهای مصرفی انتخاب شده است. انحراف معیار نسبت کالاهای وارداتی در نمونه کدام است؟

- ۰/۰۸ (۲) $0/06$ (۱)
۲/۸۸ (۴) $0/288$ (۳)

-۱۷ فرض کنید ۱, ۳, ۵, ۷, ۹ یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیع هندسی با تابع

$$\theta \quad \text{احتمال زیر باشد. برآورد ماکزیمم درستنمایی} \quad \frac{\theta}{1-\theta} \quad \text{کدام است؟}$$

$$f_\theta(x) = \theta(1-\theta)^{x-1}, \quad x = 1, 2, \dots$$

- ۰/۵۲ (۲) $0/25$ (۱)
۰/۰۸ (۴) $0/80$ (۳)

-۱۸ فرض کنید $1, 1/4, 1/3, 1/2, 1/1$ یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد. برآورد به روش گشتاوری پارامتر θ کدام است؟

$$f_{\theta}(x) = e^{-(x-\theta)}, \quad x > \theta$$

۱/۲ (۲)

۱/۴ (۱)

۰/۲ (۴)

۱ (۳)

-۱۹ ظرفی دارای ۱۰ مهره است که n تای آن سفید و بقیه سیاه هستند. می‌خواهیم فرض $H_0: n = 4$ در مقابل $H_1: n = 6$ را آزمون کنیم. برای انجام آزمون ۴ مهره به تصادف و بدون جایگذاری از این ظرف انتخاب می‌کنیم، اگر تعداد مهره‌های سفید حداقل ۳ باشند، فرض H_0 را رد می‌کنیم. احتمال خطای نوع اول کدام است؟

 $\frac{4}{35}$ (۲) $\frac{4}{53}$ (۱) $\frac{5}{42}$ (۴) $\frac{5}{24}$ (۳)

-۲۰ یافته‌های زیر خلاصه اطلاعات میزان سطح هموگلوبین ۹ ورزشکار را پیش از شروع و پس از پایان یک مسافت طولانی نشان می‌دهد. برای پاسخ به اینکه آیا طی مسافت طولانی در سطح میزان هموگلوبین مؤثر است؟ آماره آزمون کدام است؟

$$\bar{x} = ۱۴/۲ \quad \text{(بعد)} \quad \bar{y} = ۱۳/۷۳ \quad \text{(قبل)}$$

$$S_y^2 = (1/8)^2 = ۳/۲۴ \quad \text{و} \quad S_{xy} = ۳/۹۴۵$$

$$S_x^2 = (2/3)^2 = ۵/۲۹$$

 $\frac{۱۱۴}{۸۰}$ (۲) $\frac{۱۴۱}{۸۰}$ (۱) $\frac{۱۱}{۸}$ (۴) $\frac{۱۴}{۸}$ (۳)

-۲۱ رابطه بین دو صفت x و y به صورت $y = \alpha\beta^{-x}$ است. براساس ۸ مشاهده، خلاصه اطلاعات زیر حاصل شده است. برآورد (α, β) به روش کمترین مربعات خطأ کدام است؟

$$\bar{x} = ۴ \quad \text{و} \quad \bar{y} = ۳$$

$$S_x^2 = ۴۲ \quad \text{و} \quad S_y^2 = ۴۸ \quad \text{و} \quad S_{xy} = ۲۱$$

 $(1, -0/5)$ (۲) $(e, -0/5)$ (۱) $(1, 0/5)$ (۴) $(e, 0/5)$ (۳)

-۲۲ در مدل رگرسیون خطی ساده $y = \beta_0 + \beta_1 x + \epsilon$ ، خلاصه اطلاعات زیر حاصل شده است. مجموع مربعات خطا (SSE) کدام است؟

$$\sum y_i = n \quad \text{و} \quad \sum y_i^2 = 6n \quad \text{و} \quad \sum x_i y_i = 2n$$

$$\sum_{i=1}^n x_i = 0 \quad \text{و} \quad \sum_{i=1}^n x_i^2 = n$$

$$n \quad (1)$$

$$\frac{n}{2} \quad (2)$$

$$3n \quad (3)$$

$$2n \quad (4)$$

-۲۳ برای جفت رتبه‌های داده شده در زیر، ضریب همبستگی رتبه‌ای اسپیرمن نمونه‌ای کدام است؟

| | | |
|--|-----------------------|-----------------------|
| | $\circ / 4 \quad (2)$ | $\circ / 3 \quad (1)$ |
| | $\circ / 7 \quad (3)$ | $\circ / 6 \quad (3)$ |

-۲۴ تابع زیر برای S_1 و S_2 با طول مساوی چه عملی انجام می‌دهد؟

```
F(char * s1, char * s2){
    while(*s1)
        if(!(*s1 - *s2))
            return(*s1 - *s2);
        else{
            s1++;
            s2++;
        }
    return(1)
}
```

- (۱) رشته S_1 را به انتهای رشته S_2 اضافه می‌کند.
- (۲) رشته S_2 را به انتهای رشته S_1 اضافه می‌کند.
- (۳) در صورت وجود کاراکتر متفاوت بین رشته‌های S_1 و S_2 ، مقدار صفر را بر می‌گرداند.
- (۴) در صورت وجود کاراکتر مشترک بین رشته‌های S_1 و S_2 ، مقدار صفر را بر می‌گرداند.

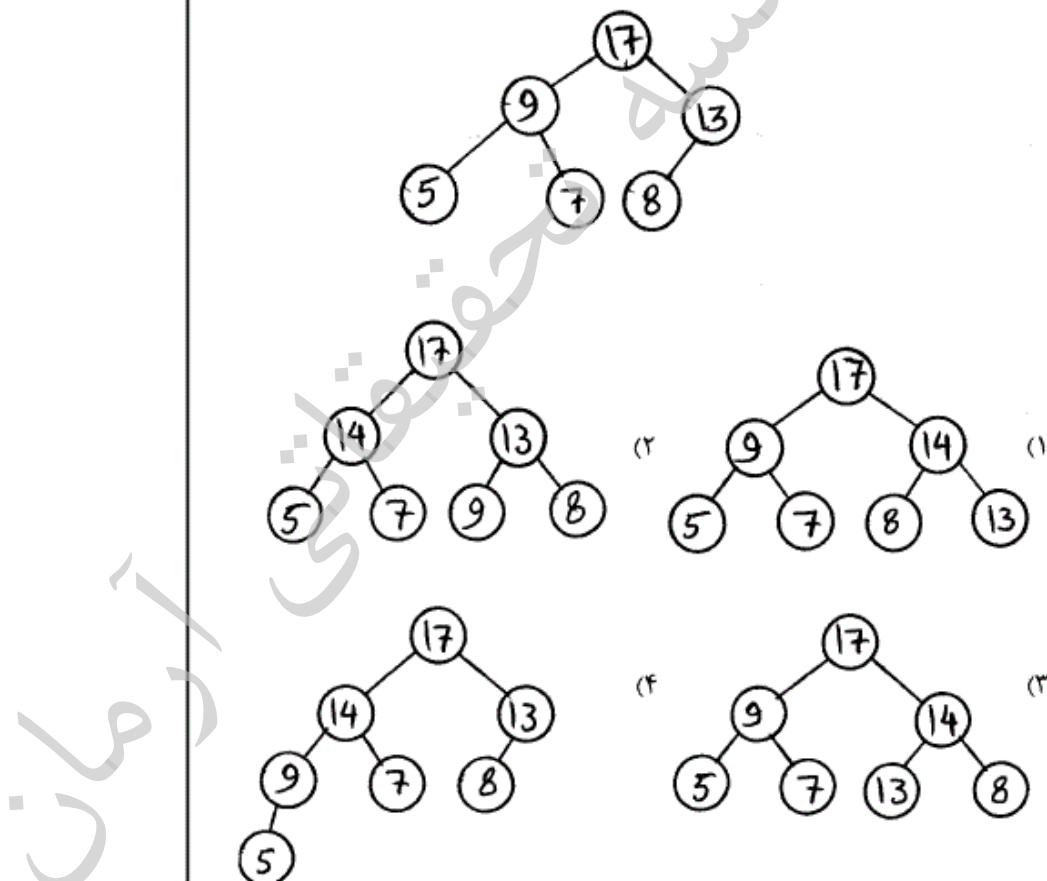
-۲۵

در پیاده‌سازی ساختمان داده‌های آرایه و لیست پیوندی، کدام گزینه صحیح است؟ (بدون در نظر گرفتن کارایی)

- ۱) امکان پیاده‌سازی آرایه با لیست پیوندی وجود دارد اما امکان پیاده‌سازی لیست پیوندی با آرایه وجود ندارد.
- ۲) امکان پیاده‌سازی لیست پیوندی با آرایه وجود دارد اما امکان پیاده‌سازی آرایه با لیست پیوندی وجود ندارد.
- ۳) هم امکان پیاده‌سازی آرایه توسط لیست پیوندی وجود دارد و هم امکان پیاده‌سازی لیست پیوندی با آرایه.
- ۴) نه امکان پیاده‌سازی لیست پیوندی با آرایه وجود دارد و نه امکان پیاده‌سازی آرایه با لیست پیوندی.

-۲۶

درخت **max-Heap** زیر داده شده است. با افزودن عنصر ۱۴، درخت چه شکلی پیدا می‌کند؟



-۲۷

در کدام گزینه توابع داده شده بر حسب افزایش نرخ رشد از چپ به راست مرتب هستند؟

$$\left(\sum_{i=1}^n \frac{1}{i} \right) \simeq \log n$$

$$\sum_{i=1}^n \frac{2}{i}, \quad \sum_{i=0}^{\log n} \log\left(\frac{n}{2^i}\right), \quad \sum_{i=1}^n i \log i \quad (1)$$

$$\sum_{i=1}^n \frac{2}{i}, \quad \sum_{i=1}^n i \log i, \quad \sum_{i=0}^{\log n} \log\left(\frac{n}{2^i}\right) \quad (2)$$

$$\sum_{i=0}^{\log n} \log\left(\frac{n}{2^i}\right), \quad \sum_{i=1}^n \frac{2}{i}, \quad \sum_{i=1}^n i \log i \quad (3)$$

$$\sum_{i=1}^n i \log i, \quad \sum_{i=1}^n \frac{2}{i}, \quad \sum_{i=0}^{\log n} \log\left(\frac{n}{2^i}\right) \quad (4)$$

-۲۸

پیچیدگی زمانی الگوریتم زیر از چه درجه‌ای است؟

```

F(int n){
    static int k = 1;                                n (1)
    if (n == 0) return 0;                            n log n (2)
    for (int i = 1; i <= n; i++)
        k++;                                         n^r (3)
    F(n - 1);                                     n! (4)
    return k;
}

```

جواب فرمول بازگشتی زیر چیست؟

-۲۹

$$T(n) = T\left(\frac{n}{3}\right) + T\left(\frac{2n}{3}\right) + cn$$

$$O(n \log n) \quad (1) \quad O(n^r) \quad (2)$$

$$O(n^r \log n) \quad (3) \quad O(n^r) \quad (4)$$

-۳۰

آرایه A با عناصر تصادفی داده شده است. کدامیک از الگوریتم‌های زیر برای جستجوی عدد x در آرایه A مناسب‌تر است؟

۱) الگوریتم جستجوی ترتیبی

۲) الگوریتم جستجوی دودوئی

۳) ابتدا یک درخت جستجوی دو دوئی برای عناصر آرایه A می‌سازیم و سپس

عمل جستجو را انجام می‌دهیم.

۴) در مورد آرایه A با عناصر تصادفی، هر سه الگوریتم یکسان عمل می‌کنند.

-۳۱

الگوریتم زیر چه عملی بر روی آرایه n عنصری A انجام می‌دهد؟

```

f(A,i,j)
{
    if (A[i] > A[j])
        swap(A[i], A[j])
    if ((i + j) ≥ j) return
    k = ⌊(j - i + 1) / 2⌋
    f(A, i, j - k)
    f(A, i + k, j)
    f(A, i, j - k)
}

```

(۱) آرایه A را برعکس می‌کند.

(۲) آرایه A را مرتب می‌کند.

(۳) هیچ تغییری روی A اعمال نمی‌کند.

(۴) تعدادی از عناصر آرایه A را جابجا می‌کند.

-۳۲

با استفاده از یک الگوریتم مرتب‌سازی، 8 داده را مرتب کرده‌ایم و مراحل مرتب‌سازی بصورت زیر می‌باشد. الگوریتم مرتب‌سازی مورد استفاده چه الگوریتمی بوده است؟

5,3,1,9,8,2,4,7
 2,3,1,4,5,8,9,7
 1,2,3,4,5,8,9,7
 1,2,3,4,5,8,7,9
 1,2,3,4,5,7,8,9

(۱) merge sort

(۲) quick sort

(۳) insertion sort

(۴) exchange sort

-۳۳

برای محاسبه X^{49} به روش تقسیم و حل با پیاده‌سازی بهینه، چند عمل ضرب انجام می‌گیرد؟

۷ (۲)

۶ (۱)

۲۳ (۴)

۸ (۳)

-۳۴

با استفاده از کدام رابطه می‌توانیم برای ضرب بهینه ماتریس‌های $A_{d_{i-1}d_i}, A_{d_i, d_{i+1}}, \dots, A_{p, j}$ یک الگوریتم بویا بنویسیم؟

$$M[i][j] = \min_{i \leq k \leq j} (M[i][k] + M[k][j] + d_{i-1}d_kd_j) \quad (1)$$

$$M[i][j] = \min_{i \leq k \leq j} (M[i][k-1] + M[k][j] + d_id_kd_j) \quad (2)$$

$$M[i][j] = \min_{i \leq k \leq j} (M[i][k] + M[k+1][j] + d_{i-1}d_kd_j) \quad (3)$$

$$M[i][j] = \min_{i \leq k < j} (M[i][k] + M[k+1][j] + d_{i-1}d_kd_j) \quad (4)$$

-۳۵

در دنباله $\{a_n\}_{n \geq 1}$ ، رابطه بازگشتی $a_n = 5a_{n-1} - 6a_{n-2}$ برقرار است. می دانیم $a_1 + a_2 + a_3 = 120$ و $a_1 + a_2 + a_4 = 186$ است. در این صورت $a_{100} + a_{101}$ برابر است با:

$$8 \times 2^{100} + 9 \times 3^{100} \quad (2) \quad 9 \times 2^{100} + 8 \times 3^{100} \quad (1)$$

$$3^{104} + 3^{103} \quad (4) \quad 9 \times 2^{101} + 8 \times 3^{101} \quad (3)$$

-۳۶

چه تعداد از اعضای مجموعه $A = \{1, 2, \dots, 3000\}$ دقیقاً بر یکی از اعداد ۲، ۳ یا ۵ بخش پذیر هستند؟

$$1200 \quad (2) \quad 800 \quad (1)$$

$$2200 \quad (4) \quad 1400 \quad (3)$$

-۳۷

بزرگترین ضریب در بسط عبارت $(x+y+z)^k$ کدام است؟

$$1260 \quad (2) \quad 126 \quad (1)$$

$$7280 \quad (4) \quad 1680 \quad (3)$$

-۳۸

یک شش ضلعی منتظم با راس‌های a, b, c, d, e, f را در نظر بگیرید. به چند راه می‌توان با اضافه کردن قطرهای غیر متقاطع آن را به مثلث‌ها افراز کرد؟

$$14 \quad (2) \quad 10 \quad (1)$$

$$42 \quad (4) \quad 15 \quad (3)$$

-۳۹

می‌خواهیم ۳ کمیته علمی متمایز به کمک ۵ دانشجو تشکیل دهیم به‌طوری که هر دانشجو عضو حداقل یک کمیته باشد و هر دو کمیته دقیقاً ۲ عضو مشترک داشته باشند. به چند راه می‌توان کمیته‌ها را تشکیل داد؟

$$260 \quad (2) \quad 60 \quad (1)$$

$$630 \quad (4) \quad 420 \quad (3)$$

-۴۰

در یک شهر فرضی تنها سکه‌های رایج، سکه‌های ۱ تومانی، ۲ تومانی و ۳ تومانی است. پرداخت هزینه یک جنس ۲۰ تومانی به چند راه ممکن است؟ مشروط بر آنکه فروشنده هیچ پولی نداشته باشد و تعداد سکه‌های ۱ تومانی از سکه‌های ۲ تومانی مورد استفاده بیشتر باشد.

$$21 \quad (2) \quad 20 \quad (1)$$

$$40 \quad (4) \quad 38 \quad (3)$$

-۴۱

در گراف همبند G با ۱۰ رأس، تعداد زوج مرتبهای (x, y) از رأس‌ها به طوری که $d(x, y) \geq 2$ ، برابر است با ۷۲. تعداد یالهای G کدام است؟

$$18 \quad (2) \quad 9 \quad (1)$$

$$36 \quad (4) \quad 28 \quad (3)$$

-۴۲

می‌دانیم چهار نوکلتوید A، C، G و T الفای ژنوم موجودات زنده هستند.
با سه A، یک C، دو G و یک T چند رشته متفاوت به طول هفت می‌تواند به وجود آید؟

۴۲۰ (۲)

۳۵ (۱)

 $4^7 \times 3^5$ (۴)

۴۷ (۳)

-۴۳

اگر A ماتریس مجاورت گراف کامل دو بخشی $K_{5,6}$ باشد، مجموع تمام

درآیهای ماتریس A^2 برابر است با:

۱۶۵ (۲)

۶۰ (۱)

۳۴۱ (۴)

۳۳۰ (۳)

-۴۴

فرض کنید $n \geq 3$ عدد صحیح باشد. چند درخت بر چسب‌گذاری شده با مجموعه رأس‌های $\{1, 2, \dots, n\}$ و دقیقاً دو رأس درجه یک وجود دارد؟

$$\frac{(n-1)!}{2} (۲) \quad (n-1)! (۱)$$

$$\frac{n!}{2} (۴) \quad n^{n-2} (۳)$$

-۴۵

فرض کنید T درخت دودویی با رأس‌های {A, B, C, D, E} و ریشه B باشد. اگر پیمایش میان ترتیب درخت ABDCE باشد، کدام گزینه نمی‌تواند پیمایش پیش ترتیب آن باشد؟

B A D E C (۲) B A C D E (۱)

B A C E D (۴) B A D C E (۳)

آزمون