

167F

F

: نام

: نام خانوادگی

: محل امضاء

صبح جمعه

۹۲/۱۲/۱۶

دفترچه شماره (۱)



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.

امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی
دورهای دکتری (نیمه مرکز) داخل
سال ۱۳۹۳

مجموعه مهندسی مکانیک (۲)
طراحی کاربردی زمینه دینامیک جامدات (کد ۲۳۲۲)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

| ردیف | مواد امتحانی | تعداد سؤال | از شماره | تا شماره |
|------|---|------------|----------|----------|
| ۱ | مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی - مکانیک محیط پیوسته، تئوری الاستیسیته) | ۴۵ | ۱ | ۴۵ |

اسندهای سال ۱۳۹۲

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی باشد.

-۱ دو جمله‌ی اول غیر صفر بسط مک‌لورن $f(z) = \sin(\sin z)$ در صفحه‌ی مختلط عبارتست از:

$$z + \frac{z^3}{3} \quad (2) \quad z - \frac{z^3}{3!} \quad (1)$$

$$z + \frac{z^3}{3!} \quad (4) \quad z - \frac{z^3}{3!} \quad (3)$$

-۲ با استفاده از روش جداسازی متغیرها $u(x,t) = X(x)T(t)$ در مسأله داده شده، برای $T(t)$ چه جوابی به دست می‌آید؟

$$u_{tt} - u_{xx} - u = 0 \quad 0 < x < 1, t > 0$$

$$u(0,t) = u(1,t) = 0$$

$$u(x,0) = 0 \quad 0 \leq x \leq 1$$

$$\sin(t\sqrt{k^2\pi^2 - 1}) \quad (2) \quad \sin(t\sqrt{k\pi}) \quad (1)$$

$$\sin(t(k^2\pi^2 - 1)) \quad (4) \quad \sin(t(k\pi)) \quad (3)$$

-۳ حاصل انتگرال $\int_C \frac{dz}{\cosh z}$ که در آن C مربعی در جهت مثلثاتی به رأس

$$(\pm\pi, 0) \text{ و } (\pm\pi, \pi) \text{ می‌باشد، کدام است؟}$$

$$-2\pi \quad (2) \quad -2\pi i \quad (1)$$

$$2\pi \quad (4) \quad 2\pi i \quad (3)$$

-۴ در مسأله جریان سیال مشخصی، لاپلاسین پتانسیل سرعت به صورت

$$\frac{\partial^2 \phi}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \phi}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial \theta^2} = 0 \quad \text{می‌باشد. با استفاده از روش جداسازی متغیرها،}$$

پتانسیل سرعت به شکل $\phi = \sum_{n=0}^{\infty} (A_n r^n + \frac{B_n}{r^n})(C_n \cos n\theta + D_n \sin n\theta)$

حاصل می‌شود. اگر به ازای تمام مقادیر θ ، شرایط: $r = a$ و $r = b$ ، $\frac{\partial \phi}{\partial r} = 0$ و

$$\text{ثابت) بوقرار باشند آنگاه جواب مسأله عبارتست} \quad \frac{\partial \phi}{\partial r} = U \cos \theta$$

از:

$$\phi = \frac{Ub^r}{(b^r - a^r)} \left(r - \frac{a^r}{r} \right) \cos \theta \quad (2) \quad \phi = \frac{Ub^r}{(b^r - a^r)} \left(r - \frac{a^r}{r} \right) \sin \theta \quad (1)$$

$$\phi = \frac{Ub^r}{(b^r - a^r)} \left(r + \frac{a^r}{r} \right) \sin \theta \quad (4) \quad \phi = \frac{Ub^r}{(b^r - a^r)} \left(r + \frac{a^r}{r} \right) \cos \theta \quad (3)$$

-۵

تبدیل فوریه تابع $f(x) = e^{-|x|}$ به طوری که

$$\left(F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-i\omega x} f(x) dx \right)$$

کدام است؟

$$\frac{2}{1+\omega^2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{1+\omega^2} \quad (1)$$

$$\begin{cases} \frac{-1}{1+\omega^2}, & \omega < 0 \\ \frac{1}{1+\omega^2}, & \omega > 0 \end{cases} \quad (4)$$

$$\frac{|\omega|}{1+\omega^2} \quad (3)$$

-۶

می‌دانیم تابع $f(z) = u(r, \theta) + iv(r, \theta)$ تحلیلی استو در این صورت مقدار $u_r v_\theta + u_\theta v_r$ در نقطه مذکور کدام

است؟

$$-4i \quad (2)$$

$$-2\sqrt{2}i \quad (1)$$

$$2\sqrt{2} \quad (4)$$

$$\sqrt{2} \quad (3)$$

-۷

تصویر ناحیه $w = u + iv$ از صفحه z به صفحه w تحتتبدیل (نگاشت) $w = \frac{1}{z}$ در کدام یک از حالات زیر گراندیار نیست؟

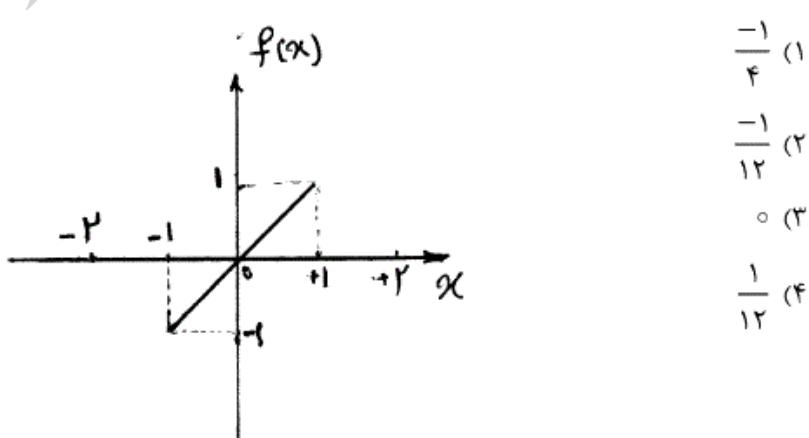
$$C_2 > 0, C_1 < 0 \quad (2)$$

$$C_2 < 0, C_1 < 0 \quad (1)$$

$$C_2 > 0, C_1 > 0 \quad (4)$$

$$C_2 < 0, C_1 > 0 \quad (3)$$

-۸

تابع $f(x) = \int_{-\infty}^{x_0} f(x) dx$ به شکل زیر مفروض است. اگرو $g(x) = -\frac{1}{3}(x-a_0)$ در این صورت ضریب a_0 در سری فوریه تابع $g(x)$ کدام است؟

-۹ تابع مختلط $f(z) = u(r, \theta) + iv(r, \theta)$ در حوزه D که شامل مبدأ نیست

تحلیلی می باشد به قسمی که تابع حقیقی v فقط به θ بستگی دارد (یعنی v به

r بستگی ندارد). در این صورت مقدار کلی تابع u کدام است؟

$$C_1 \ln r \quad (1)$$

$$C_1 \ln r + C_2 \quad (2)$$

$$\ln r + C \quad (3)$$

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} = \sin^2(\pi x), & 0 < x < 1, t > 0 \\ u(x, 0) = 0, u_t(x, 0) = 0, & 0 \leq x \leq 1 \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} u(0, t) = 0, u(1, t) = 0, & \forall t > 0 \end{cases} \quad (2)$$

با تغییر متغیر تابع $u(x, t) - v(x) = w$ تبدیل می شود به مسأله مقدار اولیه

$$w(0, t) = 0, w(1, t) = 0 \quad (3)$$

$$\begin{cases} w_{tt} - w_{xx} = 0, & 0 < x < 1, t > 0 \\ w(x, 0) = g(x), w_t(x, 0) = 0, & 0 \leq x \leq 1 \\ w(0, t) = w(1, t) = 0 \end{cases}$$

که در آن $v(x)$ تابعی است که در معادله دیفرانسیل (1) و شرایط مرزی آن صدق می کند. مقدار $g(x)$ کدام است؟

$$\frac{-3}{4\pi^2} \sin(\pi x) + \frac{1}{36\pi^2} \sin(3\pi x) \quad (1)$$

$$\frac{3}{4\pi^2} \sin(\pi x) - \frac{1}{36\pi^2} \sin(3\pi x) \quad (2)$$

$$\frac{-3}{4} \sin(\pi x) + \frac{1}{36} \sin(3\pi x) \quad (3)$$

$$\frac{3}{4} \sin(\pi x) - \frac{1}{36} \sin(3\pi x) \quad (4)$$

-۱۱ معادله انتگرالی زیر داده شده است:

$$\int_0^\infty [A(\lambda) \cos(\lambda x) + B(\lambda) \sin(\lambda x)] d\lambda = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{\pi}{2}, & x = 0 \\ \pi e^{-x}, & x > 0 \end{cases}$$

مقادیر $B(\lambda)$ و $A(\lambda)$ به ترتیب کدام هستند؟

$$\lambda e^{-\lambda}, e^{-\lambda} \quad (1) \quad e^{-\lambda}, \lambda e^{-\lambda} \quad (2)$$

$$\frac{1}{1+\lambda^2}, \frac{\lambda}{\lambda^2+1} \quad (3) \quad \frac{\lambda}{\lambda^2+1}, \frac{1}{1+\lambda^2} \quad (4)$$

-۱۲

دترمینان ضرب دایادیک دو بردار \vec{a} و \vec{b} برابر با کدام است؟

$$\left| \vec{a} \right| \left| \vec{b} \right| \quad (۲) \quad ۱) \text{ صفر}$$

$$\frac{\left| \vec{b} \right|}{\left| \vec{a} \right|} \quad (۴) \quad \frac{\left| \vec{a} \right|}{\left| \vec{b} \right|} \quad (۳)$$

-۱۳

اگر $C_{ij} = C_{ji}$ مقادیر ثابتی باشند، عبارت $(C_{ij}x_i x_j)_{,k}$ برابر با کدام گزینه می‌باشد؟

$$\gamma C_{ik} x_i \quad (۲) \quad \gamma C_{ik} x_k \quad (۱)$$

$$\gamma C_{ki} x_i \quad (۴) \quad C_{kj} x_j \quad (۳)$$

-۱۴

حجم V توسط سطح بسته محدب S احاطه شده است. حاصل S بردار یکه نرمال رو به خارج سطح S برابر با کدام است؟

$$e_{ijk} \int_V F_{k,j} dv \quad (۲) \quad \int_V F_{j,j} n_i dv \quad (۱)$$

$$\int_V F_i dv \quad (۴) \quad e_{ijk} \int_V F_{j,k} dv \quad (۳)$$

-۱۵

$C_i = \epsilon_{ijk} A_{jk}$ نسبت به مختصات ثابت بوده و بردار

تعریف شده است. حاصل $\int \epsilon_{pqi} C_i dV$ برابر با کدام است؟

$$\gamma A_{pq} V \quad (۲) \quad \circ \quad (۱)$$

$$\gamma A_{qq} V \quad (۴) \quad \gamma A_{pq} V \quad (۳)$$

-۱۶

با توجه به مختصات $(\theta^1, \theta^2, \theta^3) = (u, v, \phi)$ با تبدیل مختصاتی داده شده g_{22} برابر با کدام است؟

$$\begin{cases} x = a \sinh u \sin v \cos \phi \\ y = a \sinh u \sin v \sin \phi \\ z = a \cosh u \cos v \end{cases}, \begin{cases} u \geq 0 \\ 0 \leq v \leq \pi \\ \phi < 2\pi \end{cases}$$

$$a^2 \quad (۲) \quad \circ \quad (۱)$$

$$a^2 (\sinh^2 u + \sin^2 v) \quad (۴) \quad a^2 \sinh^2 u \sin^2 v \quad (۳)$$

-۱۷ تغییر شکل هموژن جسمی بوسیله روابط $X_i = g_i(x_j)$ داده شده است که در آن X_i مختصات مادی و x_j مختصات فضایی‌اند. چنانچه کسینوس‌های هادی برای یک عنصر خطی به طول dX قبل از تغییر شکل n_i و بعد از تغییر شکل \bar{n}_m فرض شوند و داشته باشیم $\lambda = \frac{dx}{dX}$ که در آن dx طول عنصر خطی بعد از تغییر شکل است. n_i برابر با کدام است؟

$$\frac{1}{\lambda} \bar{n}_m \frac{\partial g_i}{\partial x_m} \quad (۲) \quad \lambda \bar{n}_m \frac{\partial g_i}{\partial x_m} \quad (۱)$$

$$\lambda \bar{n}_i \frac{\partial g_m}{\partial x_m} \quad (۴) \quad \lambda \frac{\partial g_i}{\partial x_m} \quad (۳)$$

-۱۸ در صورتی که $v = u_\gamma g^\gamma$ عمود بر بردار $u = u_\alpha \epsilon^{\alpha\beta} g_\beta$ باشد. حاصل $u.v$ کدام است؟ ($\epsilon^{\alpha\beta}$ تانسور نامتقارن می‌باشد).

$$u_\alpha u_\beta \epsilon_{\alpha\beta} \quad (۲) \quad u_\alpha u_\beta \epsilon^{\alpha\gamma} \quad (۱)$$

$$u_\alpha u_\gamma \epsilon^{\alpha\beta} \quad (۴) \quad u_\alpha u_\beta \epsilon^{\alpha\beta} \quad (۳)$$

-۱۹ حاصل $g_{ij}|_k$ همواره برابر با طرفین کدام رابطه می‌باشد؟

$$\Gamma_{jk}^i = \frac{1}{r} g^{is} (g_{sk,j} + g_{js,k} - g_{jk,s})$$

$$g_{ij,k} - g_{ip} \Gamma_{jk}^p - g_{pj} \Gamma_{ik}^p = 0 \quad (۲) \quad g_{ij,k} + g_{ip} \Gamma_{jk}^p + g_{pj} \Gamma_{ik}^p \neq 0 \quad (۱)$$

$$g_{ij,k} + g_{ip} \Gamma_{jk}^p + g_{pj} \Gamma_{ik}^p = 0 \quad (۴) \quad g_{ij,k} - g_{ip} \Gamma_{jk}^p - g_{pj} \Gamma_{ik}^p \neq 0 \quad (۳)$$

-۲۰ در مختصات (r, s, z) تانسور متريک اقليدسی به صورت زير است. مؤلفه Γ_{21}^1 از نمادهای کریستال اقلیدسی نوع دوم برابر با کدام است؟

$$[g_{ij}] = \begin{bmatrix} 1 + \frac{s^2}{r^2} & -\frac{s}{r} & 0 \\ -\frac{s}{r} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{-1}{r} \quad (۲) \quad \frac{-s^2}{r^2} \quad (۱)$$

$$0 \quad (۴) \quad \frac{s}{r^2} \quad (۳)$$

-۲۱ حاصل $g_1 \times g_2 \cdot g = |g_{ij}|$ کدام است؟ و g_i بردار پایه می‌باشد.

$$\frac{1}{\sqrt{g}} \quad (1)$$

$$-\frac{1}{\sqrt{g}} \quad (2) \quad (3)$$

-۲۲ با توجه به رابطه زیر،

$$\rho \frac{D}{Dt} \left(\frac{1}{2} v_i v_i + e \right) = f_i v_i + \frac{\partial}{\partial x_j} (\sigma_{ij} v_i) - \frac{\partial q_j}{\partial x_j}$$

که در آن ρ جرم مخصوص، v_i مؤلفه‌های بردار سرعت، f_i مؤلفه‌های بردار نیروی جسمی بر واحد حجم، σ_{ij} مؤلفه‌های تانسور تنش، q_j مؤلفه‌های بردار

فلکس گرمایی و e انرژی داخلی بر واحد جرم می‌باشد، $\rho \frac{De}{Dt}$ برابر با کدام

است؟ (D_{ij} مؤلفه‌های تانسور نرخ تغییر شکل می‌باشد).

$$f_i v_i - \frac{\partial q_i}{\partial x_i} \quad (1) \quad \sigma_{ij} D_{ij} - \frac{\partial q_i}{\partial x_i} - \frac{1}{2} v_i v_i \quad (2)$$

$$\sigma_{ij} D_{ij} - \frac{\partial q_j}{\partial x_j} \quad (3) \quad f_i v_i + \sigma_{ij} D_{ij} - \frac{\partial q_j}{\partial x_j} \quad (4)$$

-۲۳ قانون بقای اندازه حرکت خطی به شکل $\rho \frac{D}{Dt} v_i = \sigma_{ji,j} + b_i$ بیان شده است.

علاوه بر این قانون، برقراری کدام قانون را می‌توان نتیجه گرفت؟

(۱) بقای جرم

(۲) بقای اندازه حرکت زاویه‌ای

(۳) بقای جرم و بقای اندازه حرکت زاویه‌ای

(۴) برقراری هیچ قانون دیگری قابل نتیجه‌گیری نمی‌باشد.

-۲۴ معادله $\nabla^2 u^i|_j + (\lambda + \mu) u^i|_{jj} - \rho \ddot{u}^i|_i = 0$ معادل کدام است؟

$$(C^2 = \frac{\rho}{\lambda + 2\mu})$$

$$\nabla^2 u^i|_i - C^2 u^i|_j = 0 \quad (1)$$

$$\nabla^2 u^i|_j - C^2 \ddot{u}^i|_j = 0 \quad (2)$$

$$\nabla^2 u^i|_j - C^2 \ddot{u}^i|_i = 0 \quad (3)$$

-۲۵
معادله کدام است؟

$$\mu u^i |^k \varepsilon_{kil} + (\lambda + \mu) u^j |^k \varepsilon_{kil} - \rho \ddot{u}^i |^k \varepsilon_{kil} = 0$$

$$(\nabla^r u^i |^k - c^r \dot{u}^i |^k) \varepsilon_{kil} = 0 ; c^r = \frac{\rho}{\mu} \quad (1)$$

$$(\nabla^r u^i |^k - c^r \ddot{u}^i |^k) \varepsilon_{kil} = 0 ; c^r = \frac{\rho}{\lambda + \gamma \mu} \quad (2)$$

$$\nabla^r u^i |^j - c^r \dot{u}^i |^j = 0 ; c^r = \frac{\rho}{\mu} \quad (3)$$

$$\nabla^r u^i |^j - c^r \ddot{u}^i |^j = 0 ; c^r = \frac{\rho}{\lambda + \gamma \mu} \quad (4)$$

-۲۶ در سیستم مختصات عمومی، تنش هیدرواستاتیک کدام است؟

$$\tau_i^i \quad (1)$$

$$\tau_{ij}^j g_j^i \quad (2)$$

-۲۷ با توجه به رابطه $e_{ij} = \frac{1}{2}(u_{i,j} + u_{j,i})$ چند معادله از معادلات مستقل خواهد بود؟

$$e_{ij,rs} + e_{rs,ij} - e_{ir,js} - e_{js,ir} = 0 \quad (1)$$

$$e_{ij,rs} + e_{rs,ij} - e_{ir,js} - e_{js,ir} = 0 \quad (2)$$

$$15 \quad (3) \quad 12 \quad (4)$$

-۲۸ تانسور تنش در یک نقطه از محیط پیوسته به صورت

$$\sigma_{ij} = \begin{pmatrix} \sigma_{11} & -3 & 0 \\ -3 & \sigma_{22} & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$$

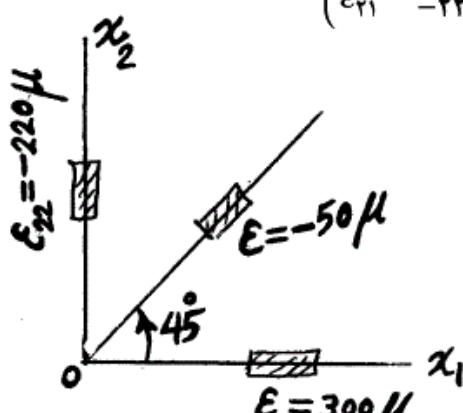
و تنشهای اصلی آن $\sigma_{(1)} = 4 \text{ MPa}$ ، $\sigma_{(2)} = 3 \text{ MPa}$ و $\sigma_{(3)} = -2 \text{ MPa}$ می باشند. مقادیر σ_{11} و σ_{22} به ترتیب از راست به چپ، چند MPa می باشند؟

$$4 \text{ و } 2 \quad (1) \quad 2 \text{ و } 4 \quad (2)$$

$$1 \text{ و } 4 \quad (3) \quad 0 \text{ و } 2 \quad (4)$$

-۲۹ کرنش سنج زیر در نقطه‌ای بر روی یک سازه صفحه‌ای نصب شده و کرنش‌های خوانده شده روی شکل نشان داده شده‌اند. کرنش ϵ_{12} در تانسور کرنش متقاضی

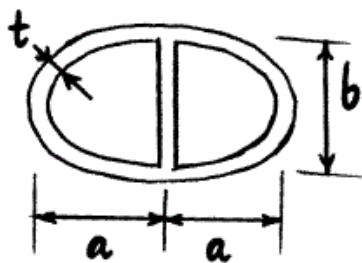
$$\epsilon_{ij} = \begin{pmatrix} 300 & \epsilon_{12} \\ \epsilon_{21} & -220 \end{pmatrix} \text{ می باشد؟} \quad (1)$$



-۳۰

قطعه جدا نازک زیر با ضخامت ثابت t تحت گشتاور پیچشی T قرار دارد. تنש

برشی در شاخه قائم برابر با کدام است؟



$$\frac{3T}{\pi abt} \quad (1)$$

$$\frac{2T}{\pi ab^2} \quad (2)$$

$$\frac{T}{\pi a^2 b} \quad (3)$$

(4) صفر

-۳۱

در صورت برقراری معادلات سازگاری گرنش کدام کمیت را می‌توان به دست آورد؟

(1) قسمت خطی میدان گرنش (2)تابع تنش

(3) میدان جابجایی (4) میدان گرنش

-۳۲

نیم دایره AB در صفحه xy واقع شده و دارای قطعه دایره به شعاع r می‌باشد ودر نقطه A ثابت شده (گیردار است) و تحت تأثیر گشتاور T_0 در سر آزاد B قرارگرفته است. با توجه به اینکه $G = \frac{E}{2(1+\nu)}$ می‌باشد، زاویه پیچش در نقطه B

برابر با کدام است؟

$$\frac{2T_0 R}{Er^4} (2+\nu) \quad (1)$$

$$\frac{\pi T_0 R}{2GJ} (1+\nu) \quad (2)$$

$$\frac{\pi T_0 R}{2EJ} (1+\nu) \quad (3)$$

$$\frac{4T_0 R}{Er^4} (2+\nu) \quad (4)$$

-۳۳ برقراری معادلات سازگاری برای وجود یک میدان جابجایی

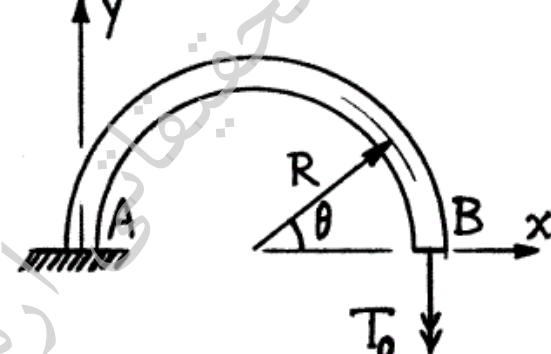
single-valued می‌باشد.

(1) شرط کافی

(2) شرط لازم و کافی

(3) شرط لازم

(4) شرط لازم و در صورت همبند ساده بودن دامنه، شرط کافی



-۳۴ در سیستم محورهای قائم اگر به المانی از جسم در سه راستا تنش متوسط

$$\sigma_m = \frac{\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3}{3} \quad \text{وارد آید، بین کرنش حجمی، } \epsilon = \epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3 \text{، و}$$

تنش متوسط رابطه $\epsilon = \frac{\sigma_m}{k}$ حکمفرماس است. مدول حجمی، k ، برابر با کدام است؟

$$\frac{E}{2(1-2\nu)} \quad (1)$$

$$\frac{E}{3} \quad (2)$$

$$\frac{E}{2(1+\nu)} \quad (3)$$

-۳۵ روابط تنش - کرنش - تنش در حالت کامل سه محوری بر اجسام

الاستیک - خطی، همگن و همسانگرد به کمک مدول الاستیتیه E ، مدول برشی

$$\frac{\lambda}{G} \text{، نسبت پواسون } \nu \text{ و ضریب لامه } \lambda \text{ بیان می شود. نسبت } \frac{\lambda}{G} \text{ برابر با کدام}$$

است؟

$$\frac{1-2\nu}{2\nu} \quad (1)$$

$$\frac{2\nu}{1+\nu} \quad (2)$$

$$\frac{2\nu}{(1-2\nu)} \quad (3)$$

-۳۶ برای مسئله کرنش صفحه ای یک جسم ایزوتروپیک در صفحه (x_1, x_2) که

معادله مشخصه آن به صورت $\sigma_{ij} = \lambda \epsilon_{kk} \delta_{ij} + 2\mu \epsilon_{ij}$ می باشد، حاصل

$$\frac{\sigma_{11} + \sigma_{22}}{\sigma_{33}} \text{ برابر با کدام است؟}$$

$$2(1+\frac{\lambda}{\mu}) \quad (1)$$

$$2(1+\frac{\lambda}{\mu}) \quad (2)$$

$$2(1+\frac{\mu}{\lambda}) \quad (3)$$

-۳۷ برای مواد همسانگرد هوکی کدام گزینه صحیح است؟

۱) جهات اصلی نظریه تنش های اصلی متمایز غیر متعامندند.

۲) جهات اصلی نظریه کرنش های اصلی متمایز غیر متعامندند.

۳) جهات اصلی تنش همان جهات اصلی کرنش می باشند.

۴) جهات اصلی تنش ارتباطی با جهات اصلی کرنش ندارند.

-۳۸-

تансور تنش در یک نقطه دو سطح مرزی جسمی به صورت

$$\begin{bmatrix} \sigma & 0 & \sqrt{2} \\ 0 & 0 & -\sqrt{2} \\ \sqrt{2} & -\sqrt{2} & -\sigma \end{bmatrix}$$

می‌باشد. در صورتی که این نقطه فقط تحت تنش

نرمال برابر σ قرار گرفته باشد در مورد مقدار σ کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) با این شرایط، مقداری برای σ به دست نمی‌آید.
- ۲) مقدار σ می‌تواند ۲ باشد.
- ۳) مقدار σ می‌تواند $\sqrt{2}$ باشد.
- ۴) مقدار σ می‌تواند -۱ باشد.

-۳۹-

مقادیر اصلی یک تانسور تنش انحراف از کدام معادله به دست می‌آیند؟ (ضرایب

J که در گزینه‌ها بکار رفته مخالف صفر فرض شده‌اند.)

$$S^3 + J_2 S + J_3 = 0 \quad (1)$$

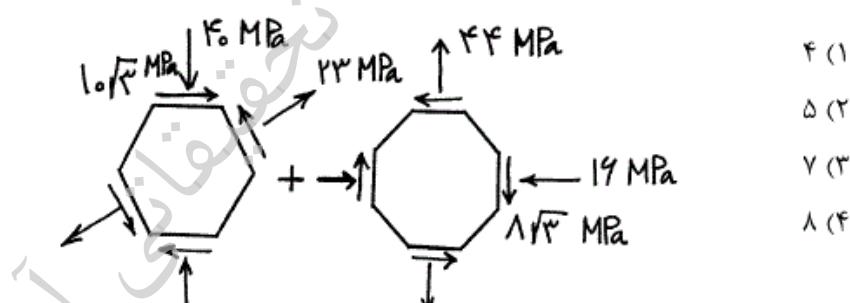
$$S^3 + J_1 S^3 + J_2 S = 0 \quad (2)$$

$$S^3 + J_1 S^3 + J_3 = 0 \quad (3)$$

-۴۰-

تنش برشی ماکزیمم مطلق برای المانی که از مجموع دو المان شش ضلعی و

هشت ضلعی منظم زیر حاصل می‌شود چند مگاباسکال است؟



-۴۱-

با فرض برقراری قوانین بقای جرم و اندازه حرکت خطی و عدم حضور گشتوار

جسمی و تنش کوبیل کدام معادله قانون بقای اندازه حرکت زاویه‌ای را نشان

می‌دهد؟

(تانسور تنش با σ و بردار نیروی جسمی با b نشان داده شده است)

$$\sigma_{ij,i} = 0 \quad (1) \qquad \sigma_{ij} = \sigma_{ji}$$

$$b_{i,i} = 0 \quad (2) \qquad \sigma_{ij,i} + b_j = 0 \quad (3)$$

-۴۲-

در مسائل الاستیسیته کرنش صفحه‌ای تابع تنش ایری (ϕ) چگونه باید باشد؟

۱) باید در $\nabla^T \phi = 0$ صدق کند، تا معادلات سازگاری برقرار باشند.

۲) باید در $\nabla^T \phi = 0$ صدق کند، تا معادلات تعادل برقرار باشند.

۳) باید در $\nabla^T \phi = 0$ صدق کند، تا معادلات تعادل و سازگاری برقرار باشند.

۴) محدودیتی نیاز ندارد.

-۴۳ در مسائل دو بعدی متقارن محوری با نیروهای حجمی ثابت، برای ارضاء شرایط سازگاری کرنش،تابع تنش ایری (ϕ) چه شکلی باید داشته باشد؟

$$A + Br^r + C \frac{1}{r} \ln r + D \frac{1}{r^r} \quad (۱) \quad Ar + Br^r + Cr \ln r + D \frac{1}{r} \quad (۱)$$

$$A + Br^r + Cr^r + D \frac{1}{r^r} \quad (۲) \quad A + Br^r + C \ln r + Dr^r \ln r \quad (۲)$$

-۴۴ تحلیل الاستیسیته مسائل صفحه‌ای پس از کم کردن روابط و صرفنظر کردن از نیروی وزنی، به سه رابطه زیر تقلیل می‌یابد؟

$$\frac{\partial \sigma_x}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} = 0$$

$$\frac{\partial \sigma_y}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial x} = 0$$

$$\left(\frac{\partial^r}{\partial x^r} + \frac{\partial^r}{\partial y^r} \right) (\sigma_x + \sigma_y) = 0$$

برای تقلیل این روابط به یک رابطه بر حسب تابع تنش کدام روابط باید برقرار باشند؟

$$\sigma_x = \sigma_y = \frac{\partial^r \phi}{\partial x \partial y}, \quad \tau_{xy} = \frac{\partial \phi}{\partial x} \quad (۱)$$

$$\sigma_x = \frac{\partial^r \phi}{\partial y^r}, \quad \sigma_y = \frac{\partial^r \phi}{\partial x^r}, \quad \tau_{xy} = + \frac{\partial^r \phi}{\partial x \partial y} \quad (۲)$$

$$\sigma_x = \frac{\partial^r \phi}{\partial x^r}, \quad \sigma_y = \frac{\partial^r \phi}{\partial y^r}, \quad \tau_{xy} = - \frac{\partial^r \phi}{\partial x \partial y} \quad (۳)$$

$$\sigma_x = \frac{\partial^r \phi}{\partial y^r}, \quad \sigma_y = \frac{\partial^r \phi}{\partial x^r}, \quad \tau_{xy} = - \frac{\partial^r \phi}{\partial x \partial y} \quad (۴)$$

-۴۵ معیار تسلیم فون میسر (ماگزیمم انرژی تغییر شکل) در حالت سه محوری به صورت زیر است:

$$(\sigma_1 - \sigma_2)^r + (\sigma_2 - \sigma_3)^r + (\sigma_3 - \sigma_1)^r = 2Y^r$$

که در آن Y تنش تسلیم حالت تک محوری است. این معیار در حالت تنش صفحه‌ای چگونه است؟

$$\sigma_1^r + \sigma_2^r + \sigma_1 \sigma_2 = Y^r \quad (۱) \quad \sigma_1^r + \sigma_2^r - 2\sigma_1 \sigma_2 = 2Y^r \quad (۱)$$

$$\sigma_1^r + \sigma_2^r - \sigma_1 \sigma_2 = Y^r \quad (۲) \quad \sigma_1^r + \sigma_2^r - 2\sigma_1 \sigma_2 = Y^r \quad (۲)$$