



نام :

نام خانوادگی :

محل امضاء :



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.
امام خمینی (ره)

صبح جمعه

۹۲/۱۲/۱۶

دفترچه شماره (۱)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

**آزمون ورودی
دوره‌های دکتری (نیمه متمرکز) داخل
سال ۱۳۹۳**

**مهندسی پزشکی (۲)
بیومکانیک (کد ۲۲۴۸)**

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات عمومی ۱ و ۲ و معادلات دیفرانسیل - مبنای بیومکانیک ۱ و ۲)	۴۵	۱	۴۵

اسفندماه سال ۱۳۹۲

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی‌باشد.

- ۱- فرض کنید $Z = 2e^{i\frac{\pi}{3}}$. مساحت مستطیل محصور بین نقاط $Z, \bar{Z}, -Z, -\bar{Z}$ کدام است؟
- (۱) $\sqrt{3}$
- (۲) ۲
- (۳) ۴
- (۴) $4\sqrt{3}$

- ۲- سریهای $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{n!}$ ، $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{n}-1)^n$ به ترتیب و می باشند.
- (۱) همگرا- همگرا
- (۲) همگرا- واگرا
- (۳) واگرا- همگرا
- (۴) واگرا- واگرا

- ۳- مقدار $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\int_x^{x+\Delta x} (1+\frac{1}{t})^t dt}{x}$ برابر است با:
- (۱) ۰
- (۲) e
- (۳) $4e$
- (۴) $5e$

- ۴- مقدار انتگرال $\int_1^e (\ln x)^3 dx$ کدام است؟
- (۱) $3-2e$
- (۲) $3-e$
- (۳) $6-2e$
- (۴) $6-e$

- ۵- مقدار $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sum_{k=1}^n \sqrt{(n+k)(n+k+1)}}{n^2}$ کدام است؟
- (۱) $\frac{1}{2}$
- (۲) ۱
- (۳) $\frac{3}{2}$
- (۴) ۲

- ۶- کدام گزینه در مورد $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{\sin(x^2+y^2)}{x^2+y^2}$ صحیح است؟
- (۱) وجود ندارد
- (۲) ۰
- (۳) $\frac{1}{2}$
- (۴) ۱

۷- فرض کنید $r(t) = ((1+t^2)^t, \cosh(1-t))$ که در آن $t > 0$. انحناء این منحنی در $t=1$ برابر است با:

$$(1) \frac{1}{\lambda(1+\ln 2)^2} \quad (2) \frac{1}{\lambda(1+\ln 2)^2}$$

$$(3) \frac{1}{\lambda(1+\ln 2)^3} \quad (4) \frac{1}{\lambda(1+\ln 2)^3}$$

۸- معادله صفحه مماس بر رویه $\sin(xyz) - \sin(x+y+z) = 1$ ، در نقطه $(0, -\frac{\pi}{2}, 2\pi)$ کدام است؟

$$(1) x = 0 \quad (2) y = 0$$

$$(3) x = \frac{2}{\pi} \quad (4) x + y + z = -\frac{2\pi}{2}$$

۹- کدام گزینه در مورد انتگرال دو گانه

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{dx dy}{\sqrt{(1+x^2+y^2)^3}}$$

صحیح است؟

(۱) و اگر به $+\infty$ است. (۲) همگرا به $\frac{\pi}{2}$ است.

(۳) همگرا به π است. (۴) همگرا به 2π است.

۱۰- فرض کنید C منحنی $x^2 + y^2 = 1$ و $y \geq 0$ باشد که در جهت مثلثاتی در نظر گرفته شده است. مقدار $\int_C (e^x \cos y) dx - (e^x \sin y) dy$ کدام است؟

$$(1) \frac{1}{e} - e \quad (2) \frac{1}{e} - e$$

$$(3) 2\pi \quad (4) e + \frac{1}{e}$$

۱۱- مقدار حد زیر کدام است؟

$$\lim_{x \rightarrow e} (\ln x)^{\frac{1}{1-\ln x}}$$

$$(1) -1 \quad (2) \frac{1}{e}$$

$$(3) 1 \quad (4) e$$

- ۱۲- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست می‌باشد؟
- (۱) اگر $(a_n)_{n=1}^{\infty}, (b_n)_{n=1}^{\infty}$ دو دنباله باشند که به ازای هر n داریم $a_n < b_n$ و $\sum b_n$ همگرا باشد آنگاه $\sum a_n$ نیز همگرا است.
- (۲) اگر $(a_n)_{n=1}^{\infty}$ دنباله‌ای باشد و $\sum_{n=1}^{\infty} |a_n|$ همگرا باشد آنگاه $\sum_{n=1}^{\infty} a_n^2$ نیز همگرا است.
- (۳) اگر $k > 0$ و $\lim_{n \rightarrow \infty} \left| \frac{a_n}{b_n} \right| = k$ ، چنانچه $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ همگرایی مطلق باشد آنگاه $\sum a_n$ نیز همگرا است.
- (۴) اگر $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ همگرا و $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ واگرا باشد آنگاه $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n + b_n)$ واگرا است.

۱۳- حاصل انتگرال $\int_{-2}^{2e-3} \ln(x+3) dx$ کدام است؟

(۱) $2e \ln 2 + 2$

(۲) $e(2 + \ln 2) + 1$

(۳) $(-1 + \ln 2)e + 2$

(۴) $2e \ln 2 + 1$

۱۴- مقدار سری $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(n+3)}{2^n}$ چقدر است؟

(۱) ۶

(۲) ۷

(۳) ۸

(۴) ۹

۱۵- فرض کنید $f(x) = \int_0^x e^{-tx} dt$. در این صورت شیب خط مماس بر منحنی

$y = f(x)$ در $x = 1$ کدام است؟

(۱) $\frac{1}{e} - 1$

(۲) $\frac{1}{e}$

(۳) $\frac{2}{e}$

(۴) $\frac{3}{e} - 1$

۱۶- مقدار انتگرال $I = \int_0^1 \int_x^1 e^{-y^2} dy dx$ کدام است؟

(۱) $\frac{1}{e}$

(۲) $\frac{1}{2e}$

(۳) $\frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{e}\right)$

(۴) $\frac{1}{2} \left(1 + \frac{1}{e}\right)$

۱۷- کدام یک از گزینه‌های زیر معادله صفحه مماسی بر رویه $z = xy$ است که بر خط

$$\frac{x+2}{2} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-1}{-1}$$
 عمود می‌باشد؟

$$(۱) -2x - 2y - z = 4$$

$$(۲) -2x + 2y + z = 4$$

$$(۳) 2x - 2y + z = 4$$

$$(۴) 2x + 2y - z = 4$$

۱۸- فرض کنید $z = y\phi(x^2 - y^2)$. در این صورت مقدار $\frac{1}{x} \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{1}{y} \frac{\partial z}{\partial y}$ کدام

است؟

$$(۱) \frac{z}{y^2}$$

$$(۲) \frac{z}{y}$$

$$(۳) \frac{xz}{y}$$

$$(۴) \frac{-yz}{x}$$

۱۹- حجم ناحیه محصور به منحنی $z = 2 - x^2 - y^2$, $y = x^2$, $x = y^2$ و $z = 0$

برابر است با:

$$(۱) \frac{49}{105}$$

$$(۲) \frac{51}{105}$$

$$(۳) \frac{52}{105}$$

$$(۴) \frac{53}{105}$$

۲۰- اگر $f(x, y, z) = x^2 + 2x(y+z)$ ماکزیمم تابع بر روی فصل مشترک دو رویه

$$x + 2y + 2z = 1 \text{ و } x^2 + 2y^2 - z^2 = 4$$
 برابر است با:

$$(۱) -1 - \sqrt{10}$$

$$(۲) -1 + \sqrt{10}$$

$$(۳) 1 - \sqrt{10}$$

$$(۴) 1 + \sqrt{10}$$

۲۱- جواب عمومی معادله دیفرانسیل $(xy^3 - y^3 - x^2 e^x)dx + 3y^2 x dy = 0$

کدام است؟

$$(۱) xy^3 = \frac{1}{2} e^x + ce^{-x}$$

$$(۲) y^3 = \frac{x}{2} e^x + ce^{-x}$$

$$(۳) y^3 = xe^x + ce^{-x}$$

$$(۴) y^3 = \frac{1}{2} e^x + ce^{-x}$$

۲۲- جواب عمومی معادله دیفرانسیل $(x+2)^2 \frac{d^2 y}{dx^2} - (x+2) \frac{dy}{dx} + y = 4$ کدام

است؟

$$(۱) y = c_1(x+2) + c_2(x+2)^2 + 4$$

$$(۲) y = c_1(x+2) + c_2(x+2) \ln(x+2)$$

$$(۳) y = c_1(x+2)^2 + c_2(x+2)^2 \ln(x+2) + 4$$

$$(۴) y = c_1(x+2) + c_2(x+2) \ln(x+2) + 4$$

۲۳- جواب عمومی معادله دیفرانسیل

$$x \frac{d^2 y}{dx^2} - (2x+1) \frac{dy}{dx} + (x+1)y = (x^2 + x - 1)e^{2x}$$

کدام است؟

$$y = c_1 x e^{2x} + c_2 e^{2x} + x e^{2x} \quad (2) \quad y = c_1 x e^{2x} + c_2 e^{2x} + x^2 e^{2x} \quad (1)$$

$$y = c_1 x^2 e^{2x} + c_2 e^{2x} + x^2 e^{2x} \quad (4) \quad y = c_1 x^2 e^{2x} + c_2 e^{2x} + x e^{2x} \quad (3)$$

۲۴- $y(t)$ جواب معادله انتگرالی $y'(t) + 2y(t) + \int_0^t y(x) dx = 0$, $y(0) = 1$

کدام است؟

$$e^{-t}(2+t) \quad (2) \quad e^{-t}(1-t) \quad (1)$$

$$e^t(2+t) \quad (4) \quad e^t(1-t) \quad (3)$$

۲۵- در مسئله مقدار اولیه $\begin{cases} y_1'' = 16y_2, y_2'' = 16y_1 \\ y_1(0) = 2, y_1'(0) = 12, y_2(0) = 6, y_2'(0) = 4 \end{cases}$

مقدار $y_1(t)$ کدا است؟

$$\frac{3}{2} \cosh(4t) + 2 \sinh(4t) + \frac{1}{2} \cos(4t) + \sin(4t) \quad (1)$$

$$\frac{5}{2} \cosh(4t) + 2 \sinh(4t) - \frac{1}{2} \cos(4t) + \sin(4t) \quad (2)$$

$$4 \cosh(4t) + 2 \sinh(4t) - 2 \cos(4t) + \sin(4t) \quad (3)$$

$$6 \cosh(4t) + 2 \sinh(4t) - 4 \cos(4t) + \sin(4t) \quad (4)$$

۲۶- حل عمومی معادله $\frac{dy}{dx} = \frac{x+3y-1}{2y-3x+4}$ کدام است؟

$$\frac{1}{2} y^2 - 2x^2 y + y - x^2 + 4y = c \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} x^2 + 3xy - x - y^2 - 4y = c \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} x^2 - 3xy + x - y^2 - 4y = c \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} y^2 + 3xy - y - x^2 - 4x = c \quad (4)$$

۲۷- جواب عمومی معادله دیفرانسیل $y^2 dx - (x^2 - xy) dy = 0$ کدام است؟

$$x \left(\frac{2}{3} y^{-3} + c \right) = 1 \quad (2) \quad xy \left(\frac{2}{3} y^{-3} + c \right) = 1 \quad (1)$$

$$x^2 y^2 \left(\frac{2}{3} y^{-3} + c \right) = 1 \quad (4) \quad y \left(\frac{2}{3} y^{-3} + c \right) = 1 \quad (3)$$

۲۸- جواب عمومی معادله دیفرانسیل $y'' - y' - 2y = \cosh 2t$ کدام است؟

$$y(t) = c_1 e^{-t} + c_2 e^{2t} + \frac{1}{6} t e^{2t} + \frac{1}{8} e^{-2t} \quad (1)$$

$$y(t) = c_1 e^{-t} + c_2 e^{2t} + \frac{1}{3} t e^{2t} + \frac{1}{4} e^{-2t} \quad (2)$$

$$y(t) = c_1 e^{-t} + c_2 e^{2t} + \frac{1}{8} \cosh 2t + \frac{1}{8} \sinh 2t \quad (3)$$

$$y(t) = c_1 e^{-t} + c_2 e^{2t} + \frac{1}{4} \cosh 2t + \frac{1}{4} \sinh 2t \quad (4)$$

۲۹- جواب کلی $y(x)$ معادله $y'' - 3y' + 2y = \delta e^x$ کدام گزینه است؟

$$c_1 e^{2x} + c_2 e^x - \delta x^2 e^x \quad (2) \quad c_1 e^{2x} + c_2 e^x - x e^x \quad (1)$$

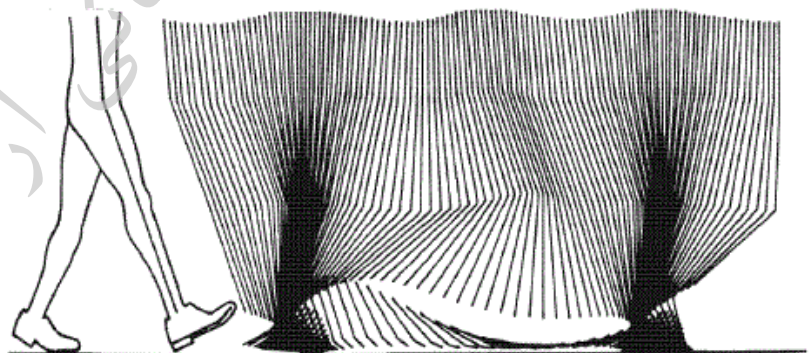
$$c_1 e^{2x} + c_2 e^x - e^x \quad (4) \quad c_1 e^{2x} + c_2 e^x - \delta x e^x \quad (3)$$

۳۰- تبدیل لاپلاس معکوس $\ln\left(1 + \frac{\omega^2}{s^2}\right)$ برابر است با:

$$\frac{2}{t}(1 - \sin \omega t) \quad (2) \quad \frac{2}{t}(1 - \cos \omega t) \quad (1)$$

$$2t(1 - \sin \omega t) \quad (4) \quad 2t(1 - \cos \omega t) \quad (3)$$

۳۱- با توجه به نمودار داده شده سرعت در کدام حالت بیش تر است؟



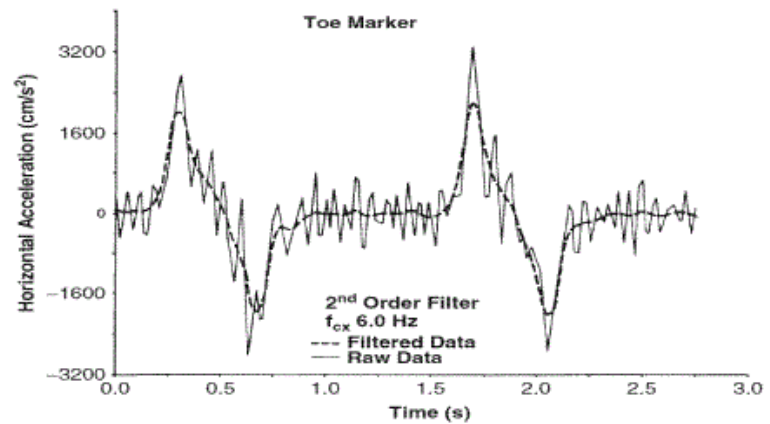
(۱) مفصل زانو در لحظه Toe Off

(۲) مفصل مچ پا در لحظه Toe Off

(۳) مفصل زانو در لحظه Mid Swing

(۴) مفصل مچ پا در لحظه Mid Swing

۳۲- در شکل زیر فیلتر به طور عمده اثر کدام عامل را خنثی می کند؟



- (۱) مشتق گیری از تابع گسسته
(۲) لرزش های غیرارادی مفاصل
(۳) کم بودن فرکانس نمونه گیری
(۴) زیاد بودن فرکانس نمونه گیری

۳۳- موقعیت قدامی - خلفی مفصل زانو در سه فریم متوالی ۱۲۵، ۱۳۰ و ۱۳۱ میلی متر

است. اگر فرکانس نمونه برداری ۲۰۰ هرتز باشد، سرعت مفصل با استفاده از رابطه مشتق گیری مرکزی چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) ۰/۱
(۲) ۰/۶
(۳) ۱
(۴) ۱/۲

۳۴- در یک آزمایش EMG با فرکانس ۲۰۰۰ هرتز نمونه برداری و با فرکانس قطع

(Cutoff) ۴۰۰ هرتز تحلیل شده است. اگر فاکتور تصحیح (Correction factor

for number of passes required) یک فرض شود، ضریب فیلتر ω_c

(Coefficients for a Butterworth or a critically damped filter) چه

مقدار است؟

- (۱) $\frac{1}{5}$
(۲) $\frac{\pi}{6}$

- (۳) $\frac{\sqrt{3}}{2}$
(۴) $\frac{\sqrt{5}}{2}$

۳۵- کدام عامل تاثیر بیش تری در افزایش نیروی وارد بر مفصل زانو در حین راه رفتن

طبیعی دارد؟

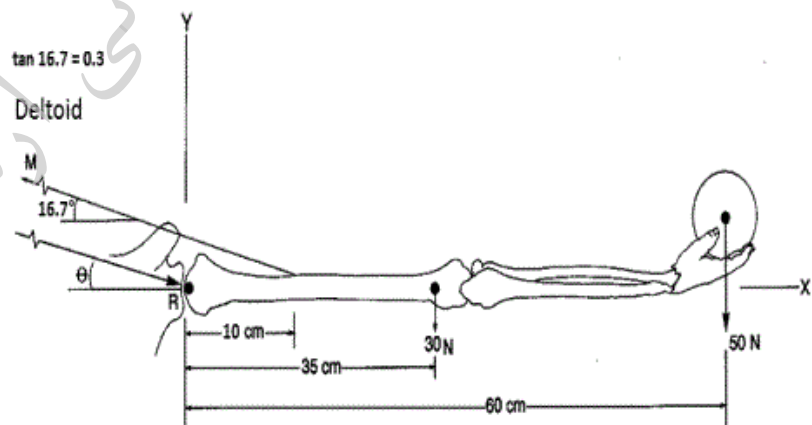
- (۱) قرار گرفتن مفصل در حداکثر زاویه فلکشن
(۲) قرار گرفتن مفصل در حداکثر زاویه اکستنشن
(۳) هم انقباضی عضلات باز و بسته کننده زانو
(۴) افزایش سرعت مرکز ثقل در راستای وزن بدن

- ۳۶- در میانه فاز ایستایش (Stance)، نیروی عکس‌العمل زمین کم‌تر از وزن بدن است. کدام عامل در این کاهش نقش بیش‌تری دارد؟
- (۱) اجتناب از پایداری در راستای وزن
 - (۲) تغییر اینرسی خطی در راستای وزن
 - (۳) جلوگیری از ضربه قائم وارد بر بدن
 - (۴) ایجاد توازن بین نیروی عکس‌العمل زمین و وزن

- ۳۷- کدام روش برآورد دقیق‌تری از تبادلات انرژی مکانیکی در سیستم اسکلتی عضلانی مفصل زانو در هنگام راه رفتن است؟
- (۱) روش تحلیل مفصلی $(\int M_j \omega_j dt)$
 - (۲) روش تحلیل عضلانی $(\int F_m V_m dt)$
 - (۳) روش تحلیل تبادل انرژی جنبشی و پتانسیل $(\Delta PE, \Delta KE)$
 - (۴) روش تحلیل مجموع انرژی اعضاء $(\sum \text{Segment energies})$

- ۳۸- گشتاور مفصلی در هنگام راه رفتن در کدام حالت دارای مقدار حداکثر بزرگ‌تری است؟
- (۱) گشتاور چرخشی مفصل ران در صفحه ترانسورس
 - (۲) گشتاور چرخشی مفصل زانو در صفحه ترانسورس
 - (۳) گشتاور اکستنسوری مفصل ران در صفحه ساجیتال
 - (۴) گشتاور اکستنسوری مفصل زانو در صفحه ساجیتال

- ۳۹- در شکل زیر نیروی عضله دلتوئید چند نیوتن است؟



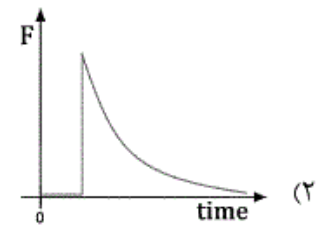
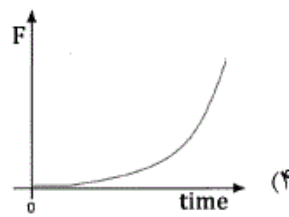
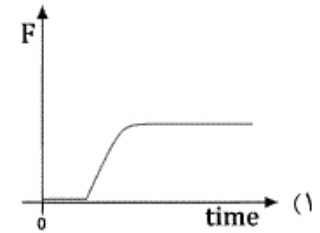
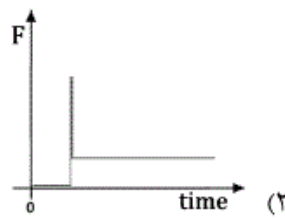
(۱) ۳۳۳

(۲) ۱۰۰۰

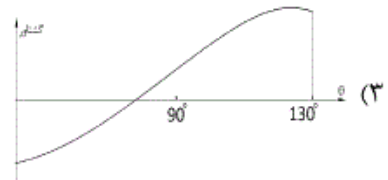
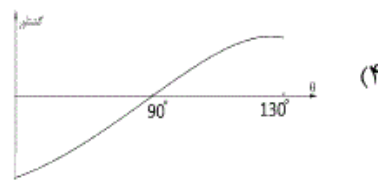
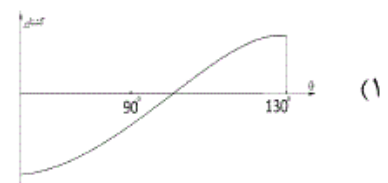
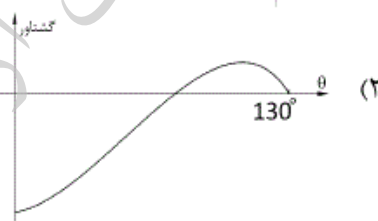
(۳) ۱۳۵۰

(۴) ۱۴۰۰

۴۰- اگر ورودی مدل بافت، جابجایی پله‌ای باشد، خروجی نیرو برای مدل ماکسول کدام است؟



۴۱- از مفصل آرنج تست CPM یا (Continuous Passive Motion) در سرعت ۴۵ درجه بر ثانیه گرفتیم، حرکت از ۰ تا ۱۳۰ درجه در صفحه Saggital انجام شد. منحنی گشتاور بدست آمده به کدام گزینه شبیه می‌باشد؟



۴۲- در یک عضله‌ی پر شکل، زاویه پرها با راستای طولی دو انتهای تاندونی ۳۶/۸۷ درجه، جرم فیبرهای عضلانی ۱۰۰ گرم و طول فیبرهای عضلانی ۵ سانتیمتر می‌باشد. سطح مقطع فیزیولوژیک یک عضله چند سانتی‌متر مربع است؟ (دانشیته عضله یک گرم بر سانتی‌متر مکعب فرض شود).

(۲) ۸/۶۶

(۱) ۸

(۴) ۱۷/۳۲

(۳) ۱۶

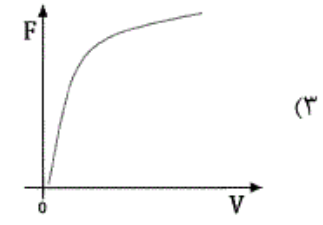
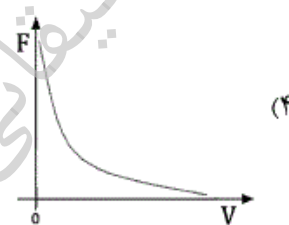
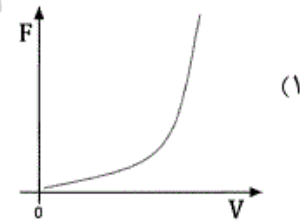
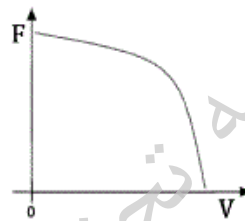
۴۳- برای ثبت واضح ترین سیگنال EMG مکان الکتروود گذاری بر روی کدام نقاط عضله است؟

- (۱) بالک عضله و انتهای دیستال
 (۲) دو سوی بالک عضله
 (۳) بالک عضله و انتهای پروکسیمال
 (۴) انتهای دیستال و پروکسیمال عضله

۴۴- شخصی به قد ۱۸۰ سانتی متر بر روی سطح افقی کاملاً صاف ایستاده است. در لحظه ای که در راستای قدامی - خلفی مرکز فشار ۲ سانتی متر جلوتر از مرکز ثقل قرار گرفته است، مولفه قدامی - خلفی شتاب مرکز ثقل چند متر بر مجذور ثانیه است؟ شعاع چرخش بدن حول کف پا یک متر فرض شود. مرکز ثقل بدن در وسط قد فرض شود.

- (۱) ۹/۸
 (۲) ۲
 (۳) ۰/۱۸
 (۴) ۰/۵۱۸

۴۵- نمودار نیرو - سرعت عضله اسکلتی کدام است؟



آرمان