

311F

311  
F

نام:  
نام خانوادگی:  
محل امضا:

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»  
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

صبح جمعه  
۱۳۹۵/۱۲/۶  
دفترچه شماره (۱)

**آزمون ورودی**  
**دوره دکتری (نیمه‌متمرکز) داخل - سال ۱۳۹۶**

**رشته امتحانی مهندسی هوافضا - دینامیک پرواز و کنترل (کد ۲۳۳۴)**

تعداد سؤال: ۴۵  
مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی - دینامیک پرواز پیشرفته - کنترل پیشرفته)	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.  
استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

اسفندماه - سال ۱۳۹۵

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

۱- با فرض اینکه  $-\pi < x < \pi$ ،  $x = -2 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n} \sin(nx)$  و  $-\pi < x < \pi$ ،  $|x| = \frac{\pi}{2} - \frac{1}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos(2n-1)x}{(2n-1)^2}$

آنگاه سری فوریه مثلثاتی تابع  $f(x) = \begin{cases} x, & 0 < x < \pi \\ 0, & -\pi < x \leq 0 \end{cases}$  کدام است؟

(۱)  $f(x) = \frac{\pi}{4} - \frac{2}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{(2k-1)^2} \cos(2k-1)x - \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} (-1)^k \sin(kx)$

(۲)  $f(x) = \frac{\pi}{4} - \frac{2}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{(2k-1)^2} \cos(2k-1)x + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} (-1)^k \sin(kx)$

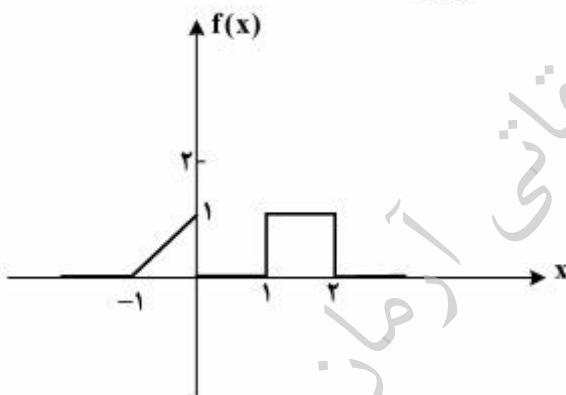
(۳)  $f(x) = \frac{\pi}{4} + \frac{2}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{(2k-1)^2} \cos(2k-1)x - \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} (-1)^k \sin(kx)$

(۴)  $f(x) = \frac{\pi}{4} + \frac{2}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{(2k-1)^2} \cos(2k-1)x + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} (-1)^k \sin(kx)$

۲- برای تابع نشان داده شده در شکل، چنانچه نمایش انتگرال فوریه آن را به صورت زیر در نظر بگیریم:

$$f(x) = \frac{1}{\pi} \int_0^{\infty} [A(\omega) \cos \omega x + B(\omega) \sin \omega x] d\omega$$

آنگاه حاصل انتگرال  $\int_0^{\infty} [A(\omega)]^2 d\omega$  کدام است؟



- (۱) ۰
- (۲)  $\frac{2}{3\pi}$
- (۳)  $\frac{2}{3}$
- (۴)  $\frac{2\pi}{3}$

۳- اگر  $f(x) = \int_0^{\infty} \frac{2\omega}{1+\omega^2} \sin \omega x d\omega$ ، آنگاه  $I = \int_0^{\infty} f(x) \sin^2 x dx$  کدام است؟

- (۱)  $\frac{3\pi}{10}$
- (۲)  $\frac{3\pi}{5}$
- (۳)  $\frac{5\pi}{12}$
- (۴)  $\frac{8\pi}{25}$

۴- معادله دیفرانسیل با مشتقات جزئی  $u_{xx} + u_{yy} + u_y - u = 0$  در داخل مستطیل  $a < x < b$  و  $0 < y < 1$  به همراه شرایط مرزی  $u(a, y) = u(b, y) = 0$  و  $u(x, 0) = 0$  داده شده است. اگر برای این مسئله

$u(x, y) = \sum_{k=1}^{\infty} c_k u_k(x, y)$  باشد، که در آن  $c_k$  ها ضرایب ثابت هستند، آنگاه تابع  $u_k(x, y)$  کدام است؟

$$(e^{\gamma y} - e^{r\gamma y}) \sin \alpha_k (b-x), \alpha_k = \frac{k\pi}{b+a}, r = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + \gamma(1 + \alpha_k^2)}}{\gamma} \quad (1)$$

$$(e^{\gamma y} - e^{r\gamma y}) \sin \alpha_k (b-x), \alpha_k = \frac{k\pi}{b-a}, r = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + \gamma \alpha_k^2}}{\gamma} \quad (2)$$

$$(e^{\gamma y} - e^{r\gamma y}) \sin \alpha_k (b+x), \alpha_k = \frac{k\pi}{b-a}, r = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + \gamma(1 + \alpha_k^2)}}{\gamma} \quad (3)$$

$$(e^{\gamma y} - e^{r\gamma y}) \sin \alpha_k (b-x), \alpha_k = \frac{k\pi}{b-a}, r = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + \gamma(1 + \alpha_k^2)}}{\gamma} \quad (4)$$

۵- برای حل مسئله مقدار مرزی غیرهمگن داده شده با شرایط اولیه و مرزی همگن به صورت زیر:

$$\begin{cases} \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + (1-x) \sin t = \frac{\partial u}{\partial t}, & 0 < x < 1, t > 0 \\ u(0, t) = u(1, t) = u(x, 0) = 0, & 0 < x < 1, t > 0 \end{cases}$$

می توان از بسط فوریه به صورت زیر استفاده نمود.

$$u(x, t) = \sum_{n=1}^{\infty} U_n(t) \sin(n\pi x), \quad F(x, t) = (1-x) \sin t = \sum_{n=1}^{\infty} F_n(t) \sin(n\pi x)$$

کدام یک از عبارتهای زیر صحیح است؟

$$u'_n(t) - n^2 \pi^2 u_n(t) = \frac{\sin t}{n\pi}, F_n(t) = \frac{\gamma}{n\pi} \sin t \quad (1)$$

$$u'_n(t) - n^2 \pi^2 u_n(t) = \frac{\gamma \sin t}{n\pi}, F_n(t) = \frac{1}{n\pi} \sin t \quad (2)$$

$$u'_n(t) + n^2 \pi^2 u_n(t) = \frac{\gamma \sin t}{n\pi}, F_n(t) = \frac{\gamma}{n\pi} \sin t \quad (3)$$

$$u'_n(t) + n^2 \pi^2 u_n(t) = \frac{\sin t}{n\pi}, F_n(t) = \frac{1}{n\pi} \sin t \quad (4)$$

۶- مسئله مقدار اولیه  $\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = c^2 \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$ ،  $-\infty < x < \infty$ ،  $t > 0$  با شرایط اولیه  $\frac{\partial y}{\partial t}(x, 0) = 0$ ،  $y(x, 0) = e^{-|x|}$  با

فرض آن که پاسخ مسئله به شکل  $y(x, t) = \int_0^\infty [a(\omega) \cos(\omega x) + b(\omega) \sin(\omega x)] \cos(\omega ct) d\omega$  باشد،  
 آنگاه  $a(\omega)$  و  $b(\omega)$ ، کدام است؟

$$b(\omega) = \frac{1}{\pi(1+\omega^2)}, a(\omega) = 0 \quad (1)$$

$$a(\omega) = \frac{2}{\pi(1+\omega^2)}, b(\omega) = 0 \quad (2)$$

$$a(\omega) = \frac{1}{\pi(1+\omega^2)}, b(\omega) = 0 \quad (3)$$

$$b(\omega) = \frac{2}{\pi(1+\omega^2)}, a(\omega) = 0 \quad (4)$$

۷- به ازای کدام ثابت‌های  $\gamma$  معادله دیفرانسیل با مشتقات جزئی  $\frac{\partial^2 w}{\partial x \partial y} + \gamma w = 0$  دارای جواب کراندار غیر صفر

به صورت  $w(x, y) = F(x)G(y)$ ، در تمام ربع اول صفحه  $xy$  می‌باشد؟

$$\gamma > 0 \quad (2)$$

$$\gamma < 0 \quad (1)$$

(۴) مسئله جواب ندارد

$$\forall \gamma \in \mathbb{R} \quad (3)$$

۸- اگر  $z = x + iy$  عدد مختلط باشد، آنگاه  $\operatorname{Im}\left(\frac{z}{\pi} \cdot \cosh z\right)$ ، (قسمت موهومی) کدام است؟

$$\frac{x}{\pi} \cosh x \cos y - \frac{y}{\pi} \sinh x \sin y \quad (1)$$

$$\frac{x}{\pi} \sinh x \sin y + \frac{y}{\pi} \cosh x \cos y \quad (2)$$

$$\frac{x}{\pi} \sinh x \cos y + \frac{y}{\pi} \cosh x \sin y \quad (3)$$

$$-\frac{x}{\pi} \sinh x \sin y + \frac{y}{\pi} \cosh x \cos y \quad (4)$$

۹- اگر  $\operatorname{Im}\left(\operatorname{Log} \frac{z-1}{z+1}\right) = c$  (قسمت موهومی) و  $c$  ثابت و مخالف صفر باشد، آنگاه بیان این معادله بر حسب  $x$  و  $y$

کدام است؟

$$x^2 + (y - \cot c)^2 = 1 \quad (1)$$

$$x^2 + (y - \tan c)^2 = \frac{1}{\cos^2 c} \quad (2)$$

$$x^2 + (y - \cot c)^2 = \frac{1}{\sin^2 c} \quad (3)$$

$$x^2 + (y - \tan c)^2 = \tan^2 c \quad (4)$$

۱۰- حداکثر مقدار  $|e^{3z-1}|$  در ناحیه  $|z| \leq \frac{1}{4}$ ، کدام است؟

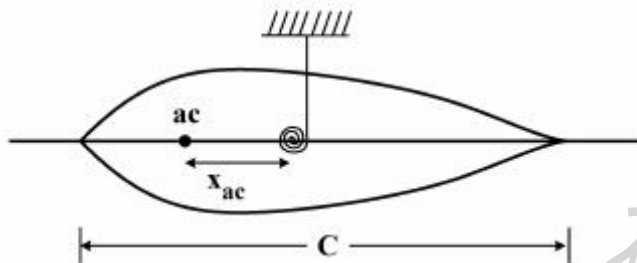
- (۱) ۱
- (۲) e
- (۳)  $e^2$
- (۴)  $e^{\frac{3}{4}}$

دینامیک پرواز پیشرفته:

۱۱- مطابق شکل، رابطه فرکانس طبیعی نوسانات مود پیچشی یک بال مستطیلی در حال سکون کدام است؟

k : ضریب سختی پیچشی بال

$I_y$  : ممان اینرسی بال حول محور پیچشی



$$\omega_n = \sqrt{\frac{k}{I_y}} \quad (۱)$$

$$\omega_n = \sqrt{\frac{c}{x_{ac}} \frac{k}{I_y}} \quad (۲)$$

$$\omega_n = \sqrt{\frac{x_{ac}}{c} \frac{k}{I_y}} \quad (۳)$$

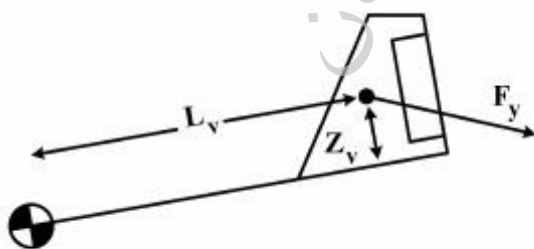
$$\omega_n = \frac{c}{x_{ac}} \sqrt{\frac{k}{I_y}} \quad (۴)$$

۱۲- فرض کنید دم هواپیما الاستیک باشد. در اثر حرکت Rudder نیروی حاصل که عمود بر سطح دم است، باعث

انحراف دم به اندازه زاویه  $\eta$  نسبت به حالت قائم می‌شود. زاویه  $\eta$  با گشتاور خمشی حاصل از آن حول محور

طولی متناسب خواهد بود. مشتق  $C_{m_{\delta r}}$  بر حسب مشتقات دیگر این هواپیما کدامیک از موارد زیر است؟ (k

ضریب سختی خمش دم عمودی حول محور طولی هواپیما است)



$$C_{m_{\delta r}} = \frac{1}{k\bar{c}} \bar{q} C_{y_{\delta r}} s z_v L_v |\delta_r| \quad (۱)$$

$$C_{m_{\delta r}} = \frac{z_v}{L_v} \bar{q} C_{y_{\delta r}} s z_v L_v |\delta_r| \quad (۲)$$

$$C_{m_{\delta r}} = \frac{1}{k\bar{c}} \bar{q} C_{y_{\delta r}}^r s z_v L_v |\delta_r| \quad (۳)$$

$$C_{m_{\delta r}} = \frac{z_v}{L_v} \bar{q} C_{y_{\delta r}}^r s z_v L_v |\delta_r| \quad (۴)$$



۱۳- در یک هواپیمای الاستیک کدام یک از مشتقات زیر به نحوه توزیع جرم هواپیما بستگی ندارد؟

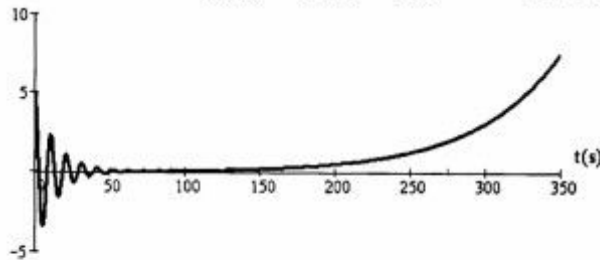
(۱)  $C_{Dq}$

(۲)  $C_{Lu}$

(۳)  $C_{L\dot{\psi}}$

(۴)  $C_{mq}$

۱۴- شکل زیر رفتار زمانی چه متغیر پروازی از یک هواپیمای جت مسافری معمولی را نشان می‌دهد؟



(۱) زاویه حمله ( $\alpha$ )

(۲) شتاب قائم ( $a_z$ )

(۳) زاویه لغزش ( $\beta$ )

(۴) سرعت اوجگیری ( $w$ )

۱۵- کدام یک از شرایط زیر حرکت یک هواپیما در مسیر مستقیم الخط، در صفحه قائم و به اصطلاح با بال‌های تراز (wings level, straight and symmetric) را توصیف می‌کند؟ اندیس ۱ بیانگر مقدار تریم است.

(۱)  $\dot{\theta}_1 = \dot{\phi}_1 = \dot{\psi}_1 = V_1 = W_1 = 0$

(۲)  $\phi_1 = \psi_1 = P_1 = \dot{\phi}_1 = R_1 = V_1 = 0$

(۳)  $\phi_1 = \dot{\psi}_1 = \psi_1 = \dot{\phi}_1 = V_1 = W_1 = 0$

(۴)  $\theta_1 = \phi_1 = \psi_1 = V_1 = P_1 = Q_1 = R_1 = 0$

۱۶- معادلات حالت هواپیما برای مود رول به صورت زیر در نظر گرفته می‌شود، که  $L_{\delta a} = 2$  و  $L_p = -0.5$  می‌باشد.

$$\begin{bmatrix} \dot{p} \\ \dot{\phi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_p & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p \\ \phi \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} L_{\delta a} \\ 0 \end{bmatrix} \delta_a$$

پاسخ حالت دائم زاویه  $\phi$  برای ورودی پله واحد سکان شهپر ( $\delta_a$ ) چقدر است؟

(۱) ۰

(۲) ۲

(۳) ۴

(۴)  $\infty$

۱۷- کدام یک از عبارات زیر در خصوص زوایای اوپلر نادرست است؟

(۱) زوایای اوپلر یا سه چرخش متوالی به اندازه  $\psi$ ،  $\theta$  و  $\phi$  دستگاه اینرسی را به بدنی منطبق می‌کنند و بر مؤلفه‌های نیروی جاذبه در دستگاه بدنی اثر می‌گذارند.

(۲) زوایای اوپلر به حل معادلات ناوبری و تعیین وضعیت و موقعیت یک هواپیما در پرواز کمک می‌کنند.

(۳) زوایای اوپلر نیروهای ایرودینامیکی را تحت تأثیر قرار می‌دهند.

(۴) موارد ۱ و ۲

۱۸- ماهیت کدام یک از سیستم‌های کنترلی زیر با بقیه متناوب است؟

(۱) Wing Leveler

(۲) Roll Damper

(۳)  $\beta$ -SAS

(۴)  $\alpha$ -SAS

۱۹- کدام یک از عبارات زیر صحیح است؟

(۱) هواپیمایی که پایداری استاتیکی ندارد، تریم‌پذیر نیست.

(۲) پرنده‌ای که دارای ناپایداری جهت پیچش (Unstable-Pitch Break) است حداکثر زاویه حمله مجاز پروازی آن بیشتر از پرنده‌های با پایداری جهت پیچش است.

(۳) هواپیما می‌تواند علاوه بر تریم‌پذیری در پرواز مستقیم‌الخط حالت دائم، در برخی شرایط مانوری دیگر نیز تریم شده و پرواز حالت دائم داشته باشد.

(۴) تریم‌پذیری عرضی - سمتی به معنای حذف زاویه سرش جانبی  $\beta$  و سمت  $\psi$  است.

۲۰- کدام یک از عبارات زیر پایداری استاتیکی طولی و تریم‌پذیری را تضمین می‌کند؟

(۱)  $Cm_\alpha < 0$  و  $Cm_0 < 0$

(۲)  $Cm_\alpha < 0$  و  $Cm_0 > 0$

(۳)  $Cm_\alpha > 0$  و  $Cm_0 > 0$

(۴)  $Cm_\alpha > 0$  و  $Cm_0 < 0$

۲۱- زاویه حمله  $\alpha$  عبارتست از:

(۱) زاویه بین تصویر بردار سرعت در صفحه قائم  $(V_\infty \cos \beta)$  و محور  $X$  بدنی  $(X_B)$  است.

(۲) زاویه بین بردار سرعت  $V_\infty$  و تصویر آن در صفحه افق  $(X_B - Y_B)$  است.

(۳) زاویه بین بردار سرعت  $V_\infty$  و تصویر آن در صفحه قائم  $(X_B - Z_B)$  است.

(۴) زاویه بین مؤلفه‌های  $X$  و  $Z$  بردار سرعت  $(V_\infty)$  در دستگاه پایداری است.

۲۲- قطب‌های یک موشک الاستیک:

(۱) فقط قطب‌های مدل جسم صلب می‌باشند.

(۲) فقط قطب‌های مربوط به خمش بدنه می‌باشند.

(۳) قطب‌هایی نزدیک قطب‌های مدل جسم صلب می‌باشند.

(۴) شامل قطب‌های مدل جسم صلب و خمش بدنه می‌باشند.

۲۳- در حرکت هواپیما تابع تبدیل شتاب نرمال به الوتور توسط رابطه زیر داده شده است (با استفاده از تقریب مود

Short Period). فرکانس طبیعی مود Short Period کدام است؟

$$\frac{n_z}{\delta_e} = \frac{as + b}{s^2 - (Z_\alpha + M_q)s - M_\alpha(1 + Z_q) + Z_\alpha M_q}$$

$$\sqrt{M_q Z_\alpha - (1 + Z_q)M_\alpha} \quad (۲)$$

$$Z_\alpha M_q - M_\alpha(1 + Z_q) \quad (۴)$$

$$\sqrt{M_\alpha(1 + Z_q) - Z_\alpha M_q} \quad (۱)$$

$$M_\alpha(1 + Z_q) - Z_\alpha M_q \quad (۳)$$

۲۴- در مورد مؤلفه‌های سرعت زاویه‌ای در دستگاه بدنی هواپیما  $(p, q, r)$  و نرخ زوایای اولر  $(\dot{\phi}, \dot{\theta}, \dot{\psi})$  کدام گزینه صحیح است؟

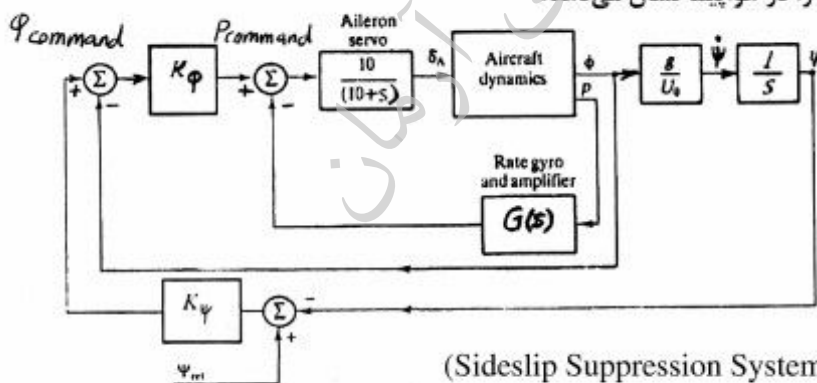
- (۱) انتگرال  $\dot{\phi}, \dot{\theta}, \dot{\psi}$  منجر به زوایای می‌شود که توجیه فیزیکی ندارند ولی برای مؤلفه‌های سرعت زاویه‌ای در دستگاه بدنی اینگونه نیست.
- (۲) انتگرال  $p, q, r$  منجر به زوایایی می‌شود که توجیه فیزیکی ندارند ولی برای نرخ زوایای اولر اینگونه نیست.
- (۳) انتگرال  $p, q, r$  منجر به سینگولاریتی (تکنیگی) می‌شود.
- (۴) تفاوتی ندارند.

۲۵- در حلقه کنترل زاویه غلت  $(\phi)$  جهت جلوگیری از مود اسپیرال فرض کنید که تابع تبدیل عرضی هواپیما به فرم  $\frac{\phi(s)}{\delta_a(s)} = \frac{L\delta_a}{s(s-L_p)}$  باشد؟ کدام یک از عبارتهای زیر درخصوص نقش خلبان در حلقه سیستم صحیح است؟ فرض کنید که خلبان از روی عمد تأخیری در سیستم وارد نکند و تأخیر ناشی از عملکرد ماهیچه‌ای نیز قابل صرفنظر باشد.

راهنمایی: تابع تبدیل خلبان در حلقه به صورت  $\psi_p(s) = k_p \frac{\tau - \tau s}{\tau + \tau s} (T_L s + 1)$  است.

- (۱) یک خلبان غیر ورزیده و با تأخیر زمانی در صورتی که باعث تقدم فاز گردد می‌تواند پایداری سیستم حلقه بسته را بهبود ببخشد.
- (۲) یک خلبان ورزیده می‌تواند بدون ایجاد تقدم فاز و فقط با افزایش بهره فرکانس طبیعی سیستم را افزایش و باعث ناپایداری آن شود.
- (۳) یک خلبان بیمار با تأخیر زمانی زیاد با افزایش بهره فرکانس طبیعی سیستم را کاهش و میرائی آن را افزایش خواهد داد.
- (۴) خلبان چه ورزیده و چه بیمار باشد با افزایش بهره فرکانس طبیعی سیستم را کاهش می‌دهد و اثری روی پایداری سیستم حلقه بسته ندارد.

۲۶- بلوک دیاگرام زیر چه سیستمی را در هواپیما نشان می‌دهد؟



(۱) سیستم کنترل زاویه لغزش (Sideslip Suppression System)

(۲) سیستم افزایشده پایداری سمتی هواپیما (Yaw Damper System)

(۳) سیستم کنترل سمت پرواز (Direction Control System)

(۴) سیستم کنترل زاویه غلت (Roll Control System)



۲۷- در یک هواپیمای متعارف، بزرگ شدن کدامیک از مشتقات زیر باعث افزایش قابل توجه نسبت میرایی یکی از مدهای دینامیکی می‌شود؟

$$C_{m\alpha} \quad (۱)$$

$$C_{n\beta} \quad (۲)$$

$$C_{lp} \quad (۳)$$

$$C_{Du} \quad (۴)$$

۲۸- اگر یک هواپیمای دارای سیستم کنترل برگشت‌پذیر در حالت **stick free** پایدار خنثی باشد، در حالت **stick fixed** چگونه است؟

(۲) پایدار دینامیکی

(۱) ناپایدار

(۴) نمی‌توان اظهارنظر کرد

(۳) پایدار استاتیکی

۲۹- کدامیک جزء فواید استفاده از سیستم‌های کنترل برگشت‌ناپذیر نیست؟

(۱) حذف حرکات نامطلوب اهرم کنترلی داخل کابین

(۲) ایجاد دینامیک تقریباً یکسان در شرایط پروازی مختلف

(۳) حذف امکان اعمال فرامین غلط توسط خلبان

(۴) ارتقای رتبه کیفیت پروازی هواپیما

۳۰- ماتریس انتقال از دستگاه بدنی به دستگاه اینرسی در کدامیک از عبارات زیر صحیح بیان شده است؟

$$T = \begin{bmatrix} \cos \psi & \sin \psi & 0 \\ -\sin \psi & \cos \psi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & -\sin \theta \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \phi & \sin \phi \\ 0 & -\sin \phi & \cos \phi \end{bmatrix} \quad (۱)$$

$$T = \begin{bmatrix} \cos \psi & -\sin \psi & 0 \\ \sin \psi & \cos \psi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & \sin \theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \phi & -\sin \phi \\ 0 & \sin \phi & \cos \phi \end{bmatrix} \quad (۲)$$

$$T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \phi & -\sin \phi \\ 0 & \sin \phi & \cos \phi \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & \sin \theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \psi & -\sin \psi & 0 \\ \sin \psi & \cos \psi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (۳)$$

$$T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \phi & \sin \phi \\ 0 & -\sin \phi & \cos \phi \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & -\sin \theta \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \psi & \sin \psi & 0 \\ -\sin \psi & \cos \psi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (۴)$$

کنترل پیشرفته:

۳۱- پاسخ یک سیستم دینامیکی خطی نامتغیر با زمان با ورودی صفر چگونه است؟

$$\bar{x}(t) = 0 \quad (۱)$$

$$\bar{x}(t) = \exp[A(t-t_0)] \cdot \bar{x}(t_0) \quad (۲)$$

$$\bar{x}(t) = \int_{t_0}^t \exp[A(t-\tau)] d\tau \cdot \bar{x}(t_0) \quad (۳)$$

$$\bar{x}(t) = \exp[A(t-t_0)] \bar{x}(t_0) + \int_{t_0}^t \exp[A(t-\tau)] d\tau \quad (۴)$$

۳۲- ماتریس تبدیل مودال جهت قطری‌سازی سیستم زیر کدام است؟

$$\dot{\bar{x}} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -3 \end{bmatrix} \bar{x}(t) + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u(t)$$

$$y(t) = [1 \quad 1] \bar{x}(t)$$

$$\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \quad (۱)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} \quad (۲)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \quad (۳)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \quad (۴)$$

۳۳- سیستم زیر که متعلق به یک مدار الکتریکی است را در نظر بگیرید.

$$\dot{\bar{x}}(t) = \begin{bmatrix} \frac{-2}{RC} & \frac{1}{C} \\ -\frac{1}{L} & 0 \end{bmatrix} \bar{x}(t) + \begin{bmatrix} \frac{1}{RC} \\ \frac{1}{L} \end{bmatrix} u(t)$$

$$y(t) = [-1 \quad 0] \bar{x}(t) + u(t)$$

$$\bar{x}(t) = \begin{bmatrix} u_C(t) \\ i_L(t) \end{bmatrix}$$

شرط عدم کنترل‌پذیری کدام است؟

C: ظرفیت خازن، R: مقاومت الکتریکی، L: مشخصه سلف

$$R = \sqrt{\frac{L}{C}} \quad (۱)$$

$$R = \sqrt{\frac{1}{LC}} \quad (۲)$$

$$R = \frac{L}{C} \quad (۳)$$

$$R = \frac{1}{LC} \quad (۴)$$

۳۴- برای سیستم خطی کنترل پذیر و رویت پذیر مستقل از زمان

$$\dot{\bar{x}} = A\bar{x} + Bu ; y = C\bar{x}$$

که دارای پایداری مجانبی است، کدام یک از عبارات‌های زیر صحیح است؟

(۱) تمامی قطب‌های تابع تبدیل این سیستم قسمت حقیقی منفی دارند.

(۲) با حالت اولیه صفر؛ سیستم پایدار BIBO است.

(۳) این سیستم خطی کاملاً پایدار است. (T-Stable)

(۴) همه عبارات‌های فوق

۳۵- در خصوص کنترل پذیری و رویت پذیری سیستم زیر

$$\dot{\bar{x}} = A\bar{x} + B\bar{u} ; \bar{y} = C\bar{x}$$

تحت تبدیل همانندی  $\bar{Z} = T\bar{x}$  کدام عبارت صحیح است؟

(۱) کنترل پذیری و رویت پذیری تحت تبدیل همانندی تغییرناپذیر است.

(۲) رویت پذیری تغییرناپذیر ولی کنترل پذیری تغییر خواهد کرد.

(۳) کنترل پذیری تغییرناپذیر ولی رویت پذیری، تغییر خواهد کرد.

(۴) هم کنترل پذیری و هم رویت پذیری تحت تبدیل همانندی تغییر خواهند است.

۳۶- چنانچه معادلات حالت یک سیستم به فرم قطری زیر باشد:

$$\dot{\bar{z}} = (P^{-1}AP)\bar{z} + (P^{-1}B)\bar{u}$$

شرط کنترل پذیری کامل وضعیت سیستم کدام است؟

(۱) هیچ یک از سطرهای ماتریس  $(P^{-1}AP)$  صفر نباشد.

(۲) هیچ یک از سطرهای ماتریس  $(P^{-1}B)$  صفر نباشد.

(۳) هیچ یک از ستونهای ماتریس  $(P^{-1}B)$  صفر نباشد.

(۴) همه اعضای روی قطر ماتریس  $(P^{-1}AP)$  مخالف صفر باشند.

۳۷- برای سیستم زیر:

$$\frac{y(s)}{u(s)} = \frac{6}{s^3 + 6s^2 + 11s + 6}$$

چنانچه معادلات حالت را بنویسیم ماتریس A کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & -3 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -5 & 0 \\ 0 & 0 & -6 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 6 \end{bmatrix} \quad (4)$$

۳۸- برای سیستم زیر فیدبک حالت را طوری طراحی کنید که دارای فرکانس طبیعی و میرایی  $\zeta$  و  $\omega_n$  باشد.

$$\dot{\bar{x}} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -a_0 & -a_1 \end{bmatrix} \bar{x} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = [1 \ 0] \bar{x}$$

$$K_1 = \omega_n^2 + a_0, \quad K_2 = 2\zeta\omega_n - a_1 \quad (1)$$

$$K_1 = 2\zeta\omega_n + a_1, \quad K_2 = -\omega_n^2 + a_0 \quad (2)$$

$$K_1 = 2\omega_n^2 + a_0, \quad K_2 = 2\zeta\omega_n - a_1 \quad (3)$$

$$K_1 = \omega_n^2 - a_0, \quad K_2 = 2\zeta\omega_n - a_1 \quad (4)$$

۳۹- ماتریس تبدیل حالت زیر داده شده است. کدام گزینه ماتریس حالت سیستم را نشان می‌دهد؟

$$\phi(t) = \begin{bmatrix} 2e^{-2t} - e^{-4t} & \frac{1}{2}e^{-2t} - \frac{1}{2}e^{-4t} \\ -4e^{-2t} + 4e^{-4t} & -e^{-2t} + 2e^{-4t} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 7 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -8 & -6 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & -8 \\ 1 & -6 \end{bmatrix} \quad (4)$$

۴۰- در روش جایگزینی قطب در سیستم‌های یک ورودی و یک خروجی، فیدبک حالت چگونه است؟

(۱) بر صفرهای سیستم تأثیرگذار نیست.

(۲) باعث افزایش تعداد صفرهای سیستم می‌شود.

(۳) باعث کاهش تعداد صفرهای سیستم می‌شود.

(۴) محل صفرهای سیستم را عوض می‌کند.

۴۱- شرط لازم و کافی برای آنکه سیستم  $\dot{\bar{x}} = A\bar{x} + B\bar{u}$  کنترل پذیر خروجی باشد، کدام است؟  
 $\bar{y} = C\bar{x} + D\bar{u}$

(۱) رتبه ماتریس  $[CB \ CAB \ \dots \ CA^{n-1}B]$  کامل باشد (Full Rank)

(۲) رتبه ماتریس  $[B \ AB \ A^2B \ \dots \ A^{n-1}B]$  کامل باشد (Full Rank)

(۳) رتبه ماتریس  $[B \ AB \ A^2B \ \dots \ A^{n-1}B \ C]$  برابر با سطرهای ماتریس  $C$  باشد (تعداد خروجی‌های سیستم)

(۴) رتبه ماتریس  $[CB \ CAB \ \dots \ CA^{n-1}B \ D]$  برابر با سطرهای ماتریس  $C$  باشد (تعداد خروجی‌های سیستم)

۴۲- کدام یک از عبارات زیر صحیح است؟

- (۱) کنترل پذیری یا رؤیت پذیری یک سیستم وابسته به پایداری آن سیستم‌اند.
- (۲) با تبدیل همانندی و انتقال  $\bar{X} = T\bar{Z}$  می‌توان خواص سیستم، محل قطب‌های آن و شکل پاسخ دینامیکی را تغییر داد.
- (۳) با استفاده از تبدیل همانندی می‌توان سیستم دینامیکی (در فرم معادلات دیفرانسیل) را از فرم کوپل به فرم غیرکوپل تبدیل نمود.
- (۴) چنانچه متغیرهای حالت انتخاب شده برای یک سیستم وابسته خطی باشند، سیستم به شکل کنترل پذیر و رؤیت‌ناپذیر در خواهد آمد.

۴۳- مدل ریاضی یک سیستم غیر خطی به صورت زیر است:

$$\begin{cases} \frac{dx_1}{dt} = x_1^2 - \sin x_2 + u_1^3 - u_2 \\ \frac{dx_2}{dt} = x_2 - u_1 + x_1 e^{-x_2} \end{cases}$$

چنانچه سیستم فوق حول نقطه صفر خطی گردد ماتریس A کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 0 & -3 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (۱)$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (۲)$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -3 & 1 \end{bmatrix} \quad (۳)$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \quad (۴)$$

۴۴- سیستم کنترل پذیر زیر داده شده است.

$$G(s) = \frac{s+4}{(s+1)(s+2)(s+5)}$$

کنترلی به کمک روش جایگزینی قطب با فیدبک حالت برای این سیستم طراحی می‌کنیم که در آن یکی از قطب‌های انتخابی  $S = -4$  باشد، کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) سیستم حلقه بسته کنترل‌ناپذیر و رؤیت‌ناپذیر است.
- (۲) سیستم حلقه بسته کنترل پذیر و رؤیت‌ناپذیر است.
- (۳) سیستم حلقه بسته کنترل پذیر و رؤیت پذیر است.
- (۴) سیستم حلقه بسته کنترل‌ناپذیر و رؤیت پذیر است.



۴۵- سیستم زیر مفروض است:

$$\begin{cases} \dot{\mathbf{x}} = \mathbf{Ax} + \mathbf{Bu} \\ \mathbf{y} = \mathbf{cx} \end{cases}$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -6 & -11 & -6 \end{bmatrix}, \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, \mathbf{c} = [1 \ 0 \ 0]$$

کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) سیستم مشاهده‌پذیر کامل حالت نیست.
- (۲) بدون شرایط اولیه نمی‌توان قضاوتی نمود.
- (۳) سیستم مشاهده‌پذیر کامل حالت است.
- (۴) مشاهده‌پذیری سیستم بستگی به روش آن دارد.

موسسه تحقیقاتی آرمان

موسسه تحقیقاتی آرمان

موسسه تحقیقاتی آرمان