



510
A

نام :
نام خانوادگی :
محل امضاء :

صبح جمعه
۹۲/۱۱/۱۸



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.
امام خمینی (ره)

آزمون ورودی دوره های کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل - سال ۱۳۹۳

مهندسی شیمی - کد ۱۲۵۷

مدت پاسخگویی: ۲۰۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۱۵۰

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی	۳۰		۳۰
۲	انتقال حرارت ۱ و ۲	۱۵	۳۱	۴۵
۳	ترمودینامیک	۲۰	۴۶	۶۵
۴	مکانیک سیالات	۱۵	۶۶	۸۰
۵	کنترل فرآیندها	۱۵	۸۱	۹۵
۶	انتقال جرم و عملیات واحد ۱ و ۲	۲۰	۹۶	۱۱۵
۷	سینتیک و طرح راکتورهای شیمیایی	۱۵	۱۱۶	۱۳۰
۸	ریاضیات (کاربردی- عددی)	۲۰	۱۳۱	۱۵۰

بهمن ماه سال ۱۳۹۲

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی باشد.
این آزمون دارای نمره منفی است.

حق چاپ و تکثیر سوالات پس از برگزاری آزمون برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می شود.

Part A: Vocabulary

Directions: Choose the word or the phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark your answer sheet.

- 1- The two groups of students should be taught differently in that their learning needs are quite _____.
1) bizarre 2) distinct 3) stable 4) reckless
- 2- This mildly picaresque novel _____ a boy's flight from prep school to an eventful weekend in a big city.
1) recounts 2) accumulates 3) asserts 4) restricts
- 3- The two companies worked in _____ and lowered their prices to make their rival company collapse.
1) ambivalence 2) validity 3) chaos 4) collusion
- 4- The U.S. was accused of _____ international efforts to combat global warming.
1) regretting 2) convicting 3) undermining 4) accelerating
- 5- Richard is so _____ that his diet consists almost exclusively of catfish and chicken liver—the two most inexpensive foods in the store.
1) frugal 2) timid 3) selective 4) astute
- 6- Even after traveling 62 miles, the _____ runner kept on moving.
1) congenial 2) indefatigable 3) flimsy 4) indifferent
- 7- As we traveled to college for the first time, the family car was laden with books, clothing, _____, and other necessities.
1) warehouses 2) amenities 3) fragments 4) appliances
- 8- When Eileen _____ me to a fight, I could see the hatred in her eyes.
1) strengthened 2) derived 3) challenged 4) justified
- 9- People like to be around George because he is so _____ and good-natured, so it comes as no surprise that he has so many good friends.
1) affable 2) sarcastic 3) superficial 4) half-hearted
- 10- The new tax policy was criticized in that it was argued that the rich were actually the main _____ of the tax cuts.
1) hedonists 2) savants 3) benefactors 4) beneficiaries

Part B: Cloze Passage

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark your answer sheet.

Quantum teleportation exploits some of the most basic (and peculiar) features of quantum mechanics, (11) _____ in the first quarter of the 20th century to explain (12) _____ at the level of individual atoms. (13) _____ the beginning, theorists realized that quantum physics led to a plethora of new phenomena, (14) _____ defy common sense. Technological progress in the final quarter of the 20th century has enabled researchers to conduct many experiments that not only demonstrate fundamental, sometimes bizarre aspects of quantum mechanics but, (15) _____ in the case of quantum teleportation, apply them to achieve previously inconceivable feats.

- 11- 1) invented a branch of physics 2) a branch of physics invented
3) a branch of physics was invented 4) that invented a branch of physics
- 12- 1) occurrence in processes 2) that processes that occur
3) processes that occur 4) processes of occurrence
- 13- 1) Since 2) Of 3) From 4) For
- 14- 1) some of which 2) some of them 3) some of those 4) of them some
- 15- 1) also 2) as 3) like 4) such a

PART C: Reading Comprehension

Directions: Read the following passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

Passage 1:

You can't deny the importance of alarms in the chemical and process industries. Ignore them and you risk damage to equipment, loss of million of dollars, and loss of life or severe injuries to personell. On the flip side, many alarms are a routine part of process control, with large industrial complexes capable of notching up as many as 15-20,000 alarms a day.

Alarm flooding - when high rates of alarms mean that operators are unable to effectively manage them - represents danger periods, as dealing with the routine may cause a major problem to be overlooked. However, with a simple alarm management strategy, frequently-occurring "nuisance" alarms can be drastically reduced.

- 16- Which of the following is similar in meaning to "notching up" as used in the first paragraph?
 1) achieving 2) initiating 3) stopping 4) sounding
- 17- Nuisance alarms are alarms that -----
 1) are faulty 2) are too loud 3) cause problems 4) keep on ringing
- 18- The phrase "flip side" used in paragraph one means:
 1) the disadvantages of something
 2) the advantages of something
 3) the bad effects of something that also has good effects
 4) the good effects of something that also has bad effects
- 19- Alarm flooding -----
 1) sends signals to many people 2) can cause problems in chemical plants
 3) is a new management strategy 4) may prevent many hazardous events

Passage 2:

By using mirrors and lenses to concentrate the rays of the sun, solar thermal systems can produce very high temperatures-as high as 3,000 degrees Celsius. This intense heat can be used in industrial applications or to produce electricity. One of the greatest benefits of large scale solar thermal systems is the possibility of storing the sun's heat energy for later use, which allows the production of electricity even when the sun is no longer shining. Properly sized storage systems, commonly consisting of molten salts, can transform a solar plant into a supplier of continuous base-load electricity. Solar thermal systems now in development will be able to compete in output and reliability with large coal and nuclear plants.

- 20- What does which refer to?
 1) use 2) possibility 3) heat energy 4) production
- 21- What is an equivalent for industrial?
 1) active 2) diligent 3) industrious 4) manufacturing

- 22- Which one is not correct according to the text?
- 1) Solar systems can provide base-load electricity.
 - 2) Temperatures such as 3000 degrees Celsius are achievable.
 - 3) Solar energy will be able to compete with nuclear power.
 - 4) Sun's heat energy is usable while the sun itself is present.

Passage 3:

Changing economic circumstances as well as changing technology create a challenge for the chemical engineer designing or improving process plant. Within this changing picture the need for accurate mass and energy balances remains paramount, since they determine the size and design of the associated unit operations. Having introduced such balances, attention will now be given to some of the more familiar unit operations.

- 23- By the help of material and energy balances one can ----- the unit operations
- 1) design
 - 2) order
 - 3) determine
 - 4) challenge
- 24- Paramount means ----- .
- 1) logical
 - 2) very accurate
 - 3) very important
 - 4) overwhelming
- 25- What tests the skills and abilities of designers of chemical plants?
- 1) mass and energy balances
 - 2) technology measures
 - 3) economic and technology measures
 - 4) economic measures

Fill the blank with suitable words:

As oil exploration moves into deeper water, off-shore design will differ even more from (26) design. The major factor to date has been cost. However, future (27) will be floating structures. The wind and wave will result in heave, roll and pitching motion. The question raised for the process engineer is basically "will the equipment (28) with the inevitable sloshing?" The influence of unintentionally (29) motion on processing equipment is a relatively unexplored area of chemical engineering, but research on modified standard (30) is currently in progress.

- 26- 1) on- shore 2) previous 3) standard 4) structural
- 27- 1) activities 2) platforms 3) development 4) works
- 28- 1) draw 2) agree 3) progress 4) cope
- 29- 1) hard 2) light 3) imposed 4) accepted
- 30- 1) design 2) structure 3) procedure 4) development

۳۱- بخار اشباع یک هیدروکربن نفتی با دمای اشباع 50°C درجه سانتی‌گراد در یک مبدل پوسته لوله (کندانسور) میعان می‌یابد. دبی آب استفاده شده در لوله $1 \frac{\text{kg}}{\text{sec}}$ ، ظرفیت حرارتی آب $4000 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$ و تغییر دمای آن 20°C است (دمای آب ورودی نیز 20°C است). اگر گرمای نهان تبخیر این هیدروکربن $4 \times 10^4 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ و ضریب کلی انتقال حرارت این مبدل $U = 1000 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\cdot^\circ\text{C}}$ باشد، دبی جرمی بخار میعان یافته و سطح مبدل حرارتی موردنیاز به ترتیب از راست به چپ برحسب $\frac{\text{kg}}{\text{sec}}$ و m^2 ، کدام است؟

(۱) ۲،۴

(۲) ۵،۰/۵

(۳) ۴،۲

(۴) ۲۵،۰/۴

۳۲- افزایش ضریب انتقال حرارت جابجایی در محیطی که پره (فین) در آن نصب شده است:

(۱) راندمان پره را کاهش اما حرارت انتقال یافته را افزایش می‌دهد.

(۲) راندمان پره و حرارت انتقال یافته را کاهش می‌دهد.

(۳) راندمان پره و حرارت انتقال یافته را افزایش می‌دهد.

(۴) راندمان پره را افزایش اما حرارت انتقال یافته را کاهش می‌دهد.

۳۳- درون گلوله‌ای با قطر $1/10$ متر که درون سیالی کاملاً ساکن قرار دارد انرژی با نرخ ثابت تولید می‌شود. اختلاف دمای سطح گلوله و سیال برابر 50°C درجه سانتی‌گراد است. اگر ضریب انتقال حرارت هدایتی سیال $5/10$ وات بر متر بر درجه سانتی‌گراد باشد، مقدار انرژی تولیدی درون گلوله چند وات بر مترمکعب است؟

(۱) ۱۵۰۰

(۲) ۳۰۰۰

(۳) ۱۵۰۰۰

(۴) ۳۰۰۰۰

۳۴- در زمان $t = 0$ دمای سطح استوانه‌ای با طول بسیار بزرگ و قطر D که دمای اولیه تمام نقاط آن T_0 است به مقدار T_s تغییر می‌کند. در چه صورت می‌توان در تحلیل انتقال حرارت این استوانه از فرض جسم نیمه بی‌نهایت استفاده کرد؟

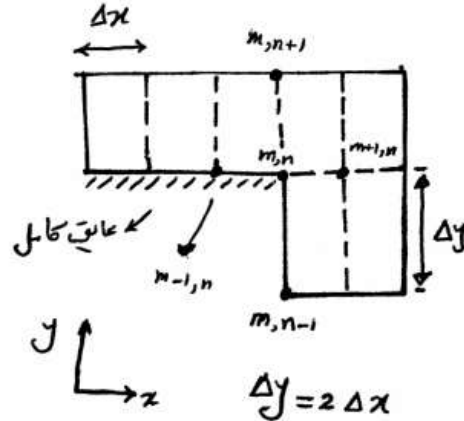
(۱) یک استوانه نمی‌تواند هیچ‌گاه مشابه با یک جسم نیمه بی‌نهایت باشد.

(۲) کافیسیت $\sqrt{\frac{\alpha t}{D^2}}$ کوچک‌تر از یک باشد. (α ضریب نفوذ حرارتی استوانه است)

(۳) اگر Bi (عدد بایوت) این جسم کمتر از $1/10$ نباشد و قطر آن هم زیاد باشد.

(۴) کوچک‌تر از یک باشد و قطر استوانه هم بزرگ باشد. $\sqrt{\frac{\alpha t}{D^2}}$

۳۵- فرم تفاضل محدود مربوط به نقطه (m, n) در شکل زیر کدام است؟



$$T_{m,n} = \frac{4T_{m-1,n} + 4T_{m+1,n} + 2T_{m,n+1} + 2T_{m,n-1} + \frac{4h\Delta x}{k}T_{\infty}}{\left(15 - \frac{4h\Delta x}{k}\right)} \quad (1)$$

$$T_{m,n} = \frac{4T_{m-1,n} + 4T_{m+1,n} + 2T_{m,n+1} + T_{m,n-1} + \frac{4h\Delta x}{k}T_{\infty}}{\left(15 + \frac{4h\Delta x}{k}\right)} \quad (2)$$

$$T_{m,n} = \frac{4T_{m-1,n} + 8T_{m+1,n} + 2T_{m,n+1} + T_{m,n-1} + \frac{4h\Delta x}{k}T_{\infty}}{\left(15 + \frac{4h\Delta x}{k}\right)} \quad (3)$$

$$T_{m,n} = \frac{4T_{m-1,n} + 4T_{m+1,n} + 2T_{m,n+1} + T_{m,n-1} + \frac{4h\Delta x}{k}T_{\infty}}{\left(15 - \frac{4h\Delta x}{k}\right)} \quad (4)$$

۳۶- در یک دیواره تخت با تولید حرارت یکنواخت و اتلاف حرارت یکسان از هر دو

طرف توسط انتقال حرارت جابه‌جایی در حالت پایا کدام گزینه در خصوص

تغییرات گرادیان دما در جهت ضخامت دیواره صحیح است؟

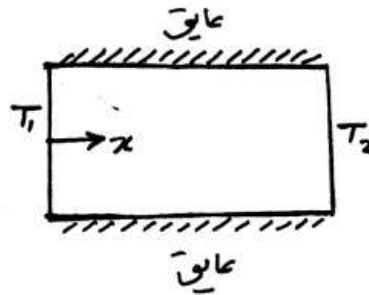
(۱) با افزایش فاصله از مرکز دیوار، گرادیان دما بیشتر می‌شود.

(۲) با افزایش فاصله از مرکز دیوار، گرادیان دما کمتر می‌شود.

(۳) گرادیان دما ثابت می‌ماند.

(۴) هر کدام از موارد بالا بستگی به شدت تولید حرارت می‌تواند درست باشد.

۳۷- معادله دیفرانسیل مربوط به توزیع دمای پایای درون یک استوانه نشان داده شده در شکل زیر، که در آن تولید انرژی با شدت MT^2 (وات بر مترمکعب) صورت می‌گیرد و ضریب انتقال حرارت هدایتی آن به صورت $K = bT$ با دما تغییر می‌کند، کدام است؟ (سطح جانبی استوانه عایق شده است).



$$\dot{q} \left(\frac{W}{m^3} \right) = MT^2$$

$$K = bT$$

$$\left(1 + \frac{1}{bT}\right) \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{MT}{b} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{1}{T} \left(\frac{\partial T}{\partial x}\right)^2 + \frac{MT}{b} = 0 \quad (2)$$

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{1}{bT} \left(\frac{\partial T}{\partial x}\right)^2 + \frac{MT}{b} = 0 \quad (3)$$

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{1}{b} \left(\frac{\partial T}{\partial x}\right)^2 + \frac{MT}{b} = 0 \quad (4)$$

۳۸- در لوله‌ای به شعاع R_0 مایعی با سرعت متوسط V_0 جریان دارد. شار حرارتی ثابت q'' به دیواره‌ی لوله می‌رسد. اگر عدد بی بعد پکلت (pe) باشد، از انتقال حرارت هدایتی در جهت محوری می‌توان صرف‌نظر کرد.

(۱) برابر صفر (۲) خیلی کوچک

(۳) برابر یک (۴) خیلی بزرگ

۳۹- در عبور سیال از روی یک صفحه تخت با دمای ثابت، روند تغییرات ضریب انتقال حرارت جابجایی در صورتی که طول صفحه به اندازه کافی بزرگ باشد، کدام است؟

(۱) همیشه در طول صفر افزایش پیدا می‌کند.

(۲) اول کم می‌شود بعد زیاد می‌شود و دوباره کم می‌شود.

(۳) تا رینولدز بحرانی کاهش و سپس به طور دائم افزایش پیدا می‌کند.

(۴) تا رینولدز بحرانی افزایش و سپس کاهش پیدا می‌کند.

۴۰- در انتقال حرارت جابجایی از یک صفحه با دمای ثابت به هوایی که از روی آن با جریان آرام عبور می‌کند روند تغییرات گرادیان دما در لایه هوای چسبیده به صفحه کدام است؟

(۱) در طول صفحه ثابت است.

(۲) در طول صفحه افزایش می‌یابد.

(۳) به اختلاف دمای صفحه و دمای جریان آزاد خارج از لایه مرزی بستگی دارد.

(۴) در طول صفحه کاهش می‌یابد.

۴۱- آب سرد در عبور با جریان آرام از درون لوله‌ای که دمای دیواره‌های آن گرم و ثابت است حرارت داده می‌شود. دبی جرمی آب به نصف تقلیل می‌یابد. کدام گزینه صحیح است؟

(۱) سرعت انتقال حرارت موضعی بیشتر و دمای خروجی افزایش می‌یابد.

(۲) سرعت انتقال حرارت موضعی ثابت و دمای آب خروجی افزایش می‌یابد.

(۳) انرژی انتقال یافته به آب بیشتر می‌شود و سرعت انتقال حرارت در طول لوله ثابت نیست.

(۴) چون جریان آرام باقی می‌ماند ضریب انتقال حرارت ثابت می‌ماند و دمای آب خروجی نیز تغییر نمی‌کند.

۴۲- آب سرد از درون یک مخزن وارد لوله‌ای می‌شود که فلاکس حرارتی ثابتی به دیواره آن اعمال می‌شود. کمترین مقدار اختلاف دمای آب و دیواره لوله در کجا اتفاق می‌افتد؟

(۱) در ابتدای لوله که بیشترین مقدار ضریب انتقال حرارت جابجایی را داریم.

(۲) اختلاف دمای آب و دیواره در طول لوله همواره ثابت است.

(۳) حداقل اختلاف دما بعد از توسعه یافتگی جریان در درون لوله اتفاق می‌افتد.

(۴) در انتهای لوله که دمای سیال به بیشترین مقدار خود رسیده است.

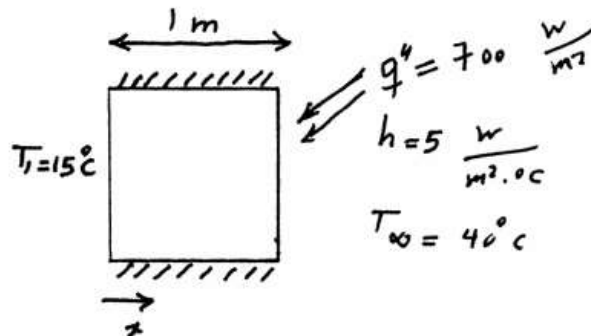
۴۳- انتقال حرارت درون دیواره نشان داده شده در شکل زیر به صورت هدایتی و یک بعدی در جهت x می‌باشد. اگر شرایط پایا باشد براساس مشخصات داده شده روی شکل فلاکس حرارت عبوری از دیواره چند وات بر متر مربع است؟

(۱) ۵۵۰

(۲) ۷۵۰

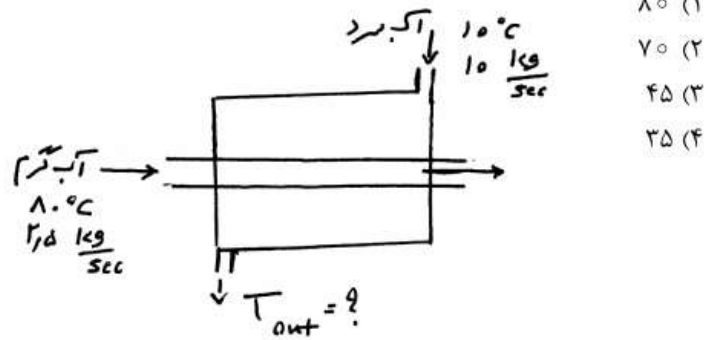
(۳) ۸۰۰

(۴) ۱۹۵۰



۴۴- اگر مبدل حرارتی دو لوله‌ای در شرایط ماکزیمم عملکرد (Maximum Effectiveness) کار کند، ماکزیمم دمای ممکن خروجی برای آب سرد چند درجه سانتی‌گراد است؟

C_p آب را $4000 \frac{J}{kg^{\circ}C}$ در نظر بگیرید.



۴۵- در هرمی که قاعده آن به شکل مربع و سطوح جانبی آن مثلث‌های متساوی‌الساقین می‌باشند، کدام گزینه ضریب شکل شعشعی از قاعده هرم به هریک از سطوح جانبی را نشان می‌دهد؟



را نشان می‌دهد؟

۰/۲ (۱)

۰/۲۵ (۲)

۰/۴ (۳)

۰/۵ (۴)

۴۶- ظرفی محتوی 200 kg آب اشباع در دمای 350°C است. اگر 40% جرم کل این آب به صورت مایع باشد، حجم این ظرف چند مترمکعب است؟ فرض کنید که حجم مخصوص آب مایع و بخار آب را در شرایط مذکور بتوان به ترتیب (به طور تقریب) $0.002 \frac{\text{m}^3}{\text{kg}}$ و $0.008 \frac{\text{m}^3}{\text{kg}}$ در نظر گرفت.

$$(1) \quad 0.2$$

$$(2) \quad 0.88$$

$$(3) \quad 1.12$$

$$(4) \quad 2$$

۴۷- جریان گاز کاملی به صورت کاملاً یکنواخت (پایدار) در فشار 10 اتمسفر و دمای 300°K وارد یک شیبوره (نازل) شده و در دمای 200°K و فشار یک اتمسفر شیبوره را ترک می‌کند. سرعت خروجی از شیبوره تقریباً چند متر بر

ثانیه است؟ سرعت ورودی ناچیز است. $C_p = 0.45 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}^\circ \text{K}}$

$$(1) \quad 9.5$$

$$(2) \quad 200$$

$$(3) \quad 300$$

$$(4) \quad 400$$

۴۸- مقدار تابع $\left(\frac{\partial z}{\partial v}\right)_T$ در نقطه بحرانی کدام است؟

$$(1) \quad 0$$

$$(2) \quad \frac{P_c}{RT_c}$$

$$(3) \quad \frac{Z_c^2}{V_c}$$

$$(4) \quad \frac{Z_c P_c}{RT_c}$$

۴۹- اگر معادله حالت برای گازی $P(v-b) = RT$ باشد، $\left(\frac{\partial s}{\partial v}\right)_T$ برای این گاز کدام است؟

$$(1) \quad -\frac{R}{v-b}$$

$$(2) \quad -\frac{R}{v}$$

$$(3) \quad \frac{R}{v}$$

$$(4) \quad \frac{R}{v-b}$$

۵۰- فشارسنج مخزن هوای یک غواص در عمق 5 متری دریا عدد $1/5$ اتمسفر را نشان می‌دهد. این فشارسنج تقریباً در چه عمقی از دریا عدد $5/5$ اتمسفر را نشان خواهد داد؟

$$(1) \quad 5 \text{ متری بالای سطح آب دریا}$$

$$(2) \quad 10 \text{ متری بالای سطح دریا}$$

$$(3) \quad 15 \text{ متری عمق آب دریا}$$

$$(4) \quad 20 \text{ متری عمق آب دریا}$$

۵۱- ضریب عملکرد یک فریزر خانگی 60% مقدار سیکل کارنو است. دمای محیط 25°C و دمای درون فریزر -15°C است. در صورتی که $100,000 \text{ kJ}$ در روز حرارت از داخل فریزر گرفته شود، کار انجام شده تقریباً چند کیلوژول در روز است؟

$$(1) \quad 45,000$$

$$(2) \quad 25,000$$

$$(3) \quad 12,500$$

$$(4) \quad 387,000$$

۵۲- کدام یک از سیکل‌های زیر دارای یک تحول فشار ثابت و یک تحول حجم ثابت است؟

(۱) دیزل (۲) اتو

(۳) رانکین (۴) سیکل تبرید تراکمی جذبی

۵۳- اگر فشار یک گاز واقعی در دمای ثابت به سمت صفر میل کند، راجع به مقدار

(قدرمطلق) حجم باقیمانده (پسماند) آن کدام یک از احکام زیر صحیح است؟

(۱) مقدار معینی ندارد.

(۲) به سمت صفر میل می‌کند.

(۳) به سمت ضریب ویریال مرتبه دوم آن گاز میل می‌کند.

(۴) به سمت مقداری که تابع ضریب ویریال مرتبه سوم است میل می‌کند.

۵۴- یک مخزن بسیار بزرگ رو باز در شرایط معمولی محتوی آب است. در اثر حادثه‌ای

در فاصله نیم متری از سطح آزاد آب در مخزن سوراخ کوچکی در بدنه مخزن ایجاد

می‌شود. سرعت آب خروجی از سوراخ تقریباً چند متر بر ثانیه است؟

$$g = 10 \frac{m}{sec^2}$$

(۱) ۲/۶ (۲) ۳/۲

(۳) ۴/۱ (۴) ۵/۲

۵۵- گازی از معادله حالت $Z = 1 + \frac{aP}{RT}$ پیروی می‌کند که در آن a یک ثابت می‌باشد.

انتالپی باقیمانده یا پسماند آن گاز از کدام رابطه بدست می‌آید؟

$$(H^R = H - H^{ig} = H - H' = -\Delta H')$$

$$\frac{H - H^{ig}}{RT} = \frac{aP}{RT} - 1 \quad (2) \quad H - H^{ig} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{H - H^{ig}}{RT} = \frac{aP}{RT} \quad (4) \quad \frac{H - H^{ig}}{RT} = \frac{aP}{RT} + 1 \quad (3)$$

۵۶- برای یک گاز در دمای T و فشار P ضریب تراکم‌پذیری برابر $9/9$ می‌باشد و

برای آن گاز معادله $Z = 1 + B'P$ صحیح فرض می‌شود. ضریب فوگاسیته آن

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \dots \quad \text{گاز تقریباً چقدر است؟}$$

(۱) ۸۵/۰ (۲) ۹/۰

(۳) ۹۵/۰ (۴) ۹۸/۰

۵۷- یک جسم جامد به وزن ۱ کیلوگرم و دمای $500^\circ K$ و گرمای ویژه

$$C = 1 \frac{kJ}{kg^\circ K}$$

تغییر خالص انتروپی (تغییر انتروپی کل) این تحول تقریباً چند کیلوژول بر درجه

کلوین می‌باشد. ($\ln 2 = 0.7$, $\ln 3 = 1.1$, $\ln 5 = 1.6$)

(۱) ۱۲/۰ (۲) ۱۶/۰

(۳) ۲۲/۰ (۴) ۲۶/۰

۵۸- یک کیلوگرم گاز کامل در یک سیلندر و پیستون در دمای ثابت 300°K از فشار یک اتمسفر تا فشار 20 اتمسفر به صورت رورسیبل متراکم می‌شود. مقدار تغییر انرژی آزاد هلمهوتز این گاز در طی این تحول تقریباً چند کیلوژول بر کیلوگرم است؟

$$R = 1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}^\circ\text{K}} \quad \ln 2 = 0.7 \quad \ln 3 = 1.1 \quad \ln 5 = 1.6$$

$$900 \quad (1) \quad 600 \quad (2)$$

$$300 \quad (3) \quad 200 \quad (4)$$

۵۹- فشار بخار آب در دمای 293K برابر 2.31 kPa و در دمای 294K برابر 2.46 kPa است. اگر حجم ویژه بخار آب اشباع در دمای 293K برابر $1 \frac{\text{m}^3}{\text{mol}}$ بوده و حجم ویژه آب مایع اشباع در برابر حجم ویژه بخار اشباع قابل صرفنظر باشد، گرمای نهان تبخیر آب در دمای 293K چند $\frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$ است؟

$$152 \quad (1) \quad 5 \quad (2)$$

$$395 \quad (3) \quad 43.95 \quad (4)$$

۶۰- برای یک سیستم سه جزئی در دمای T و فشار P داریم: $M = 10 + 2x_1 + 3x_2x_3$ که در آن واحدها هماهنگ است. در این صورت تابع \bar{M}_1 در همان دما و فشار کدام است؟

$$12 - 3x_2x_3 \quad (1) \quad 12 + 2x_2x_3 \quad (2)$$

$$10 + 3x_3 + 2(1 - x_2) \quad (3) \quad 10 + 3x_3 + 2(1 - x_3) \quad (4)$$

۶۱- به کمک معادله حالت ویربال ضریب فوگاسیته جزء (۱) در یک مخلوط دو جزئی از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$\ln \hat{\phi}_1 = \frac{P}{RT} (B_{11} + y_2^2 \delta_{12})$$

که در این رابطه $\delta_{12} = 2B_{12} - B_{11} - B_{22}$ است. لگاریتم ضریب اکتیویته جزء (۱) برابر کدام است؟

$$\ln \gamma_1 = \frac{P\delta_{12}}{RT} y_1^2 \quad (2) \quad \ln \gamma_1 = \frac{PB_{11}}{RT} \quad (1)$$

$$\ln \gamma_1 = \frac{P\delta_{12}}{RT} y_2^2 \quad (4) \quad \ln \gamma_1 = \frac{Py_2^2 B_{11}}{RT} \quad (3)$$

۶۲- مخلوطی از تولوئن و بنزن در تعادل فازی مایع - بخار در فشار 100 کیلو پاسکال و دمای 373 کلین هستند. فشارهای بخار تولوئن و بنزن به ترتیب 60 و 150 کیلوپاسکال در دمای سیستم می‌باشند. فرض کنید که این مخلوط از قانون راولت تبعیت می‌کند. کسر مولی بنزن در فاز مایع چقدر است؟

$$0.33 \quad (1) \quad 0.44 \quad (2)$$

$$0.56 \quad (3) \quad 0.67 \quad (4)$$

۶۳- برای یک مایع اشباع در دمای 300°K داریم $P_i^{\text{sat}} = 0.1 \text{ bar}$. در این صورت فوگاسیته آن مایع در همان دمای 300°K و فشار 60 بار تقریباً چند بار خواهد بود؟ برای آن مایع حجم مخصوص را برابر $\frac{m^3}{\text{kg}} = 0.001$ فرض کنید.

$$1 \text{ bar} = 100 \text{ kPa} \quad , R = 1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}^\circ\text{K}}$$

$$\text{Exp}(x) = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \dots$$

$$0.104 \quad (2)$$

$$0.106 \quad (1)$$

$$0.1005 \quad (4)$$

$$0.102 \quad (3)$$

۶۴- فرض کنید که ثابت هنری برای حلالیت اتیلن در آب در 27°C برابر 12000 bar باشد. در این صورت اگر کسر مولی اتیلن در آب 0.001 باشد، غلظت اتیلن در فاز گاز در حال تعادل با آب به طور تقریبی برابر چند $\frac{\text{mol}}{\text{L}}$

(مول بر لیتر) است؟ (فاز گاز را ایده آل و $R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mole}^\circ\text{K}}$ فرض کنید)

$$1 \quad (2)$$

$$0.5 \quad (1)$$

$$500 \quad (4)$$

$$100 \quad (3)$$

۶۵- رفتار سیستمی با استفاده از معادله حالت $P = \frac{RT}{v-b}$ توصیف می شود. کدام رابطه برای محاسبه ضریب فوگاسیته صحیح است؟

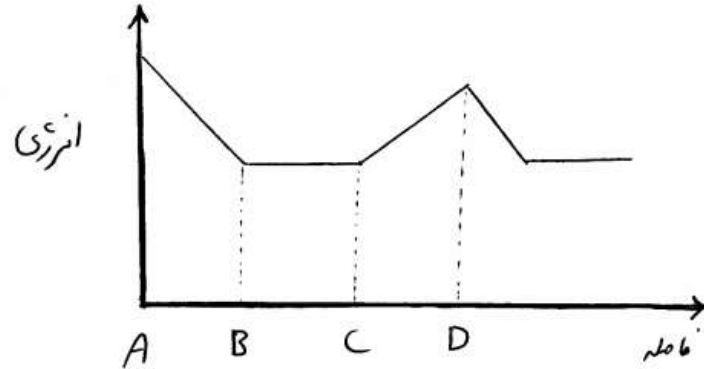
$$\ln \phi = \frac{v-b}{b} \quad (2)$$

$$\ln \phi = 1 - \frac{v}{b} \quad (1)$$

$$\ln \phi = \frac{b}{v-b} \quad (4)$$

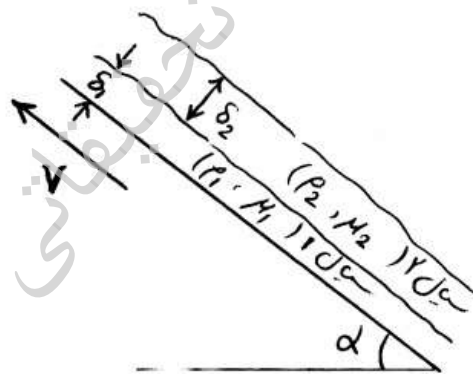
$$\ln \phi = 1 - \frac{v^2}{b^2} \quad (3)$$

۶۶- منحنی تغییرات انرژی برای یک خط لوله به صورت زیر می باشد. در چه نقطه ای از این خط لوله پمپ نصب شده است؟



- (۱) A
(۲) B
(۳) C
(۴) D

۶۷- دو لایه سیال نیوتنی غیرقابل امتزاج مطابق شکل، روی سطح شیب دار به طول L به سمت پایین حرکت می کنند، مقدار نیروی لازم برای کشیده شدن سطح شیب دار با سرعت ثابت V کدام است؟



(۱) $L(\rho_1 g \sin \alpha \delta_1 + \rho_2 g \sin \alpha \delta_2)$

(۲) $\frac{1}{L}(\rho_1 g \sin \alpha \delta_1 + \rho_2 g \sin \alpha \delta_2)$

(۳) $L(\rho_1 g \sin \alpha (\delta_1 + \delta_2) + \rho_2 g \sin \alpha)$

(۴) $L(\rho_2 g \sin \alpha (\delta_1 + \delta_2) + \rho_1 g \sin \alpha)$

۶۸- برای جریان آرام در یک بستر آکنده (packed bed) با ثابت ماندن مشخصات بستر، در صورتی که ویسکوزیته سیال و سرعت جریان سیال دو برابر شود، افت فشار برابر خواهد شد.

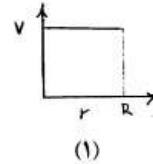
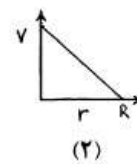
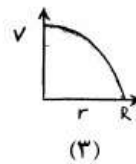
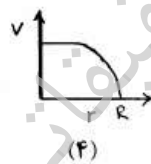
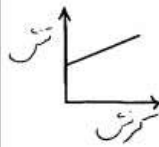
- (۱) $\frac{1}{4}$
(۲) $\frac{1}{2}$
(۳) ۲
(۴) ۴

- ۶۹- در کدام وسیله اختلاف فشار دینامیکی و استاتیکی اندازه گیری می شود؟
 (۱) اریفیس متر
 (۲) لوله پیتوت
 (۳) ونتوری متر
 (۴) لوله بوردن
- ۷۰- تانکی به قطر ۵/۰ متر و ارتفاع ۱ متر کاملاً از آب پر شده است. اگر این تانک حول محورش با سرعت ۲۴۰ دور در دقیقه بچرخد، چه کسری از سطح کف تانک در زمان چرخش دیده خواهد شد؟

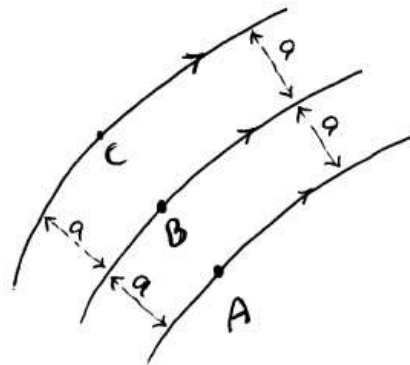
$$\left(\pi = 3, g = 10 \frac{m}{s^2}\right)$$

- (۱) $\frac{2}{3}$
 (۲) $\frac{4}{9}$
 (۳) $\frac{1}{6}$
 (۴) $\frac{1}{9}$

- ۷۱- سیالی با منحنی جریان شکل زیر از داخل لوله ای عبور می کند کدام گزینه نمایش پروفایل سرعت این سیال در لوله می باشد؟



- ۷۲- خطوط جریان در یک زانویی افقی به صورت زیر داده شده است. فاصله خطوط جریان در تمام نقاط یکسان می باشد. کدام گزینه در مورد فشار در نقاط A, B و C صحیح است؟



- (۱) $P_A = P_B = P_C$
 (۲) $P_A > P_B > P_C$
 (۳) $P_C > P_B > P_A$
 (۴) $P_B > P_A, P_C < P_B$

- ۷۳- جریان هوا از داخل یک لوله با قطر نسبتاً بزرگ و یک نانو لوله با قطر خیلی کم عبور می‌کند. احتمال پیوستگی جریان در لوله و نانو لوله چگونه است؟
 (۱) در لوله و در نانو لوله جریان پیوسته است.
 (۲) در لوله و نانو لوله جریان ناپیوسته است.
 (۳) جریان در لوله پیوسته و در نانو لوله ناپیوسته است.
 (۴) پیوستگی تنها به خواص سیال بستگی دارد و تابع قطر لوله‌ها نمی‌باشد.
- ۷۴- منحنی مشخصه پمپ و سیستم به ترتیب به صورت زیر داده شده است:

$$h_p(m) = 100 - Q^2$$

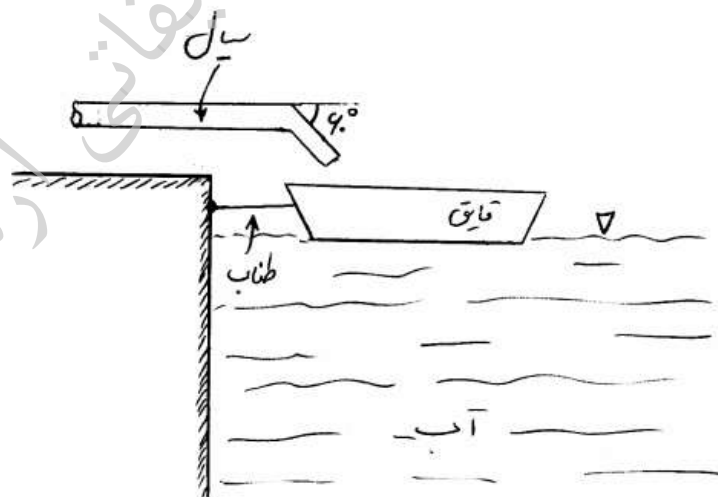
$$h_s(m) = 25 + 2Q^2$$

مقدار دبی تحویل آزاد و دبی نقطه عملکرد به ترتیب از راست به چپ چند $\frac{m^3}{s}$

است؟

- (۱) ۱۰، ۱۰
 (۲) ۵، ۱۰
 (۳) ۵، $\frac{5\sqrt{2}}{2}$
 (۴) ۵، ۵

- ۷۵- سیالی با دبی $1000 \frac{kg}{s}$ داخل تانکی روی قایق مطابق شکل تخلیه می‌شود. سرعت سیال هنگام خروج از لوله $2 \frac{m}{s}$ است. نیروی کشش طناب مهار کننده قایق چند نیوتن است؟



- (۱) ۲۰۰۰
 (۲) ۱۰۰۰
 (۳) ۸۰۰
 (۴) ۵۰۰

-۷۶

در یک جریان دو بعدی بردار سرعت به صورت رابطه زیر می‌باشد:

$$\vec{V} = (3x - y)\vec{i} + (-x + 3y)\vec{j}$$

آیا معادله برنولی را می‌توان برای محاسبه اختلاف فشار بین دو نقطه استفاده کرد؟ چرا؟

- (۱) خیر، چون جریان تراکم‌پذیر است.
- (۲) خیر، چون جریان غیردائم است.
- (۳) بلی، چون جریان دو بعدی است.
- (۴) خیر، چون جریان چرخشی است.

-۷۷

رنگ با ویسکوزیته μ ، دانسیته ρ از مخزنی به شعاع R تخلیه می‌شود. در شرایطی که جریان سیال روی دیواره مخزن آرام، توسعه یافته، دبی ریزش رنگ روی دیواره Q و ضخامت رنگ باقی‌مانده روی دیواره کم باشد، رابطه محاسبه ضخامت کدام است؟ (گشتاب جاذبه)

$$\left(\frac{\mu Q}{2\pi R \rho g}\right)^{\frac{1}{2}} \quad (۱)$$

$$\left(\frac{\mu Q}{2\pi R \rho g}\right)^{\frac{1}{3}} \quad (۲)$$

$$\left(\frac{3\mu Q}{2\pi R \rho g}\right)^{\frac{1}{2}} \quad (۳)$$

$$\left(\frac{\mu Q}{2\pi R \rho g}\right)^{\frac{1}{3}} \quad (۴)$$

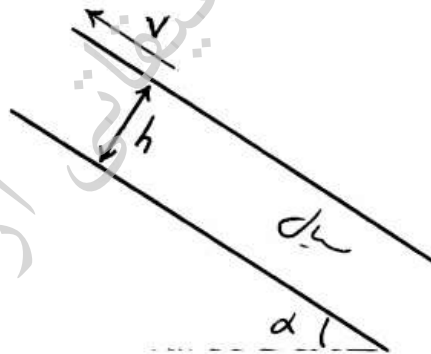
-۷۸ بین دو صفحه موازی که با سطح افق زاویه α می‌سازند سیالی با ویسکوزیته μ و دانسیته ρ قرار دارد، به ازای چه سرعتی از صفحه دبی جریان صفر خواهد بود؟

$$\frac{1}{6\mu} \rho g \sin \alpha h^2 \quad (۱)$$

$$\frac{1}{3\mu} \rho g \sin \alpha h^2 \quad (۲)$$

$$\frac{1}{6\mu} \rho g \sin \alpha h^3 \quad (۳)$$

$$\frac{1}{3\mu} \rho g \sin \alpha h^3 \quad (۴)$$



-۷۹

جریانی از هوا از روی صفحه افقی مستطیل شکلی جریان دارد. طول مستطیل دو برابر عرض آن می‌باشد. نسبت نیروی اصطکاک در حالتی که جریان در راستای طول حرکت کند به حالتی که جریان در راستای عرض مستطیل حرکت کند کدام گزینه می‌باشد؟ ضریب اصطکاک در راستای جریان (x) به صورت

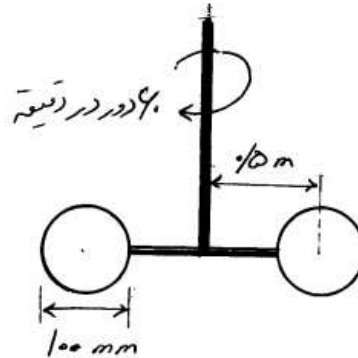
$$C_f = \frac{a}{\sqrt{x}} \quad \text{تعریف می‌شود که در آن } a \text{ مقداری ثابت است.}$$

$$1 \quad (۱)$$

$$2 \quad (۲)$$

$$\sqrt{2} \quad (۳)$$

۸۰- همزنی مطابق شکل (دارای دو دیسک) با سرعت 60° دور دقیقه در مخزن بزرگی محتوی آب ($\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$) می چرخد. اگر ضریب درگ روی دو دیسک 0.8 باشد (با صرف نظر کردن از درگ شفت)، توان مورد نیاز این همزن چند وات است؟ ($\pi = 3$)

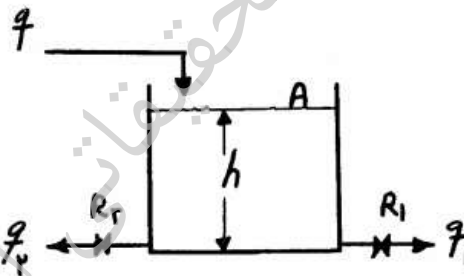


- (۱) ۲۷
- (۲) ۸۱
- (۳) ۱۶۲
- (۴) ۳۲۴

کنترل فرآیندها

۸۱- تابع انتقال سیستم سطح مایع شکل زیر، با اطلاعات

$A = 1, R_1 = 0.2, R_2 = 0.2$ کدام گزینه است؟



- (۱) $\frac{H(s)}{Q(s)} = \frac{1}{10s+1}$
- (۲) $\frac{H(s)}{Q(s)} = \frac{0.1}{0.1s+1}$
- (۳) $\frac{H(s)}{Q(s)} = \frac{0.1}{s+10}$
- (۴) $\frac{H(s)}{Q(s)} = \frac{1}{0.1s+1}$

۸۲- پاسخ یک سیستم درجه اول با ثابت زمانی $\tau = 2 \text{ sec}$ و بهره واحد به یک ورودی ضربه ناگهانی ایده آل به مقدار ۴، پس از گذشت زمان یک ثانیه چقدر است؟

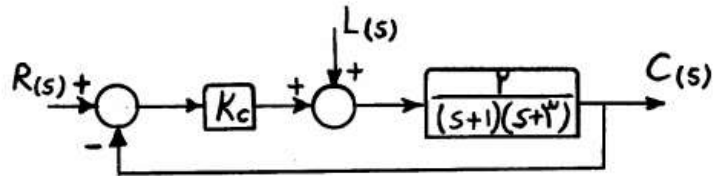
- (۱) $\frac{2}{\sqrt{e}}$
- (۲) \sqrt{e}
- (۳) $2\sqrt{e}$
- (۴) e

۸۳- اگر پاسخ یک سیستم درجه دوم به ورودی پله ای واحد

$C(t) = 1 + e^{-8t} - 2e^{-2t}$ باشد. ضریب میرایی کدام است؟

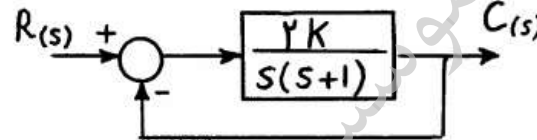
- (۱) ۰.۲۵
- (۲) ۰.۷۵
- (۳) ۱.۰
- (۴) ۱.۲۵

۸۴- مقدار نهایی پاسخ سیستم زیر برای $k_c = 5$ در اثر یک تغییر پله‌ای واحد در L کدام است؟



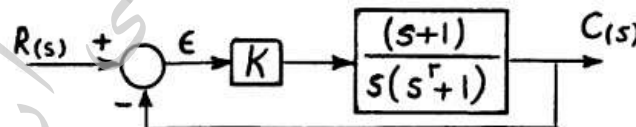
- (۱) $\frac{2}{13}$
 (۲) $\frac{6}{13}$
 (۳) $\frac{10}{13}$
 (۴) $\frac{10}{3}$

۸۵- در سیستم مدار بسته زیر، حداکثر مقدار K که به ازای آن پاسخ به ورودی پله‌ای غیر نوسانی است، چند است؟



- (۱) ۱
 (۲) $\frac{1}{2}$
 (۳) $\frac{1}{4}$
 (۴) $\frac{1}{8}$

۸۶- در مدار زیر اگر $R(t) = t$ باشد، مقدار افت کنترل (off-set) چقدر است؟



- (۱) بی‌نهایت
 (۲) $\frac{1}{K}$
 (۳) صفر
 (۴) $\frac{1}{2K}$

۸۷- معادله مشخصه سیستمی بصورت زیر است:

$$s^4 + 2s^3 + 2s^2 + 2s + 1 = 0$$

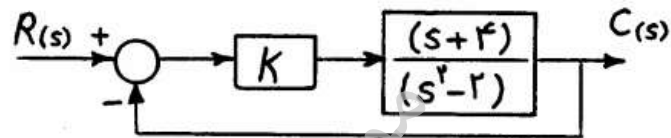
- (۱) همه ریشه‌های سیستم مدار بسته طرف چپ محور موهومی قرار دارند.
 (۲) سیستم مدار بسته دو ریشه پایدار و یک جفت ریشه روی محور موهومی دارد.
 (۳) سیستم مدار بسته سه ریشه پایدار و یک ریشه ناپایدار دارد.
 (۴) سیستم مدار بسته دو ریشه طرف چپ محور موهومی و دو ریشه طرف راست محور موهومی دارد.

- ۸۸- در سیستمی با معادله‌ی مشخصه‌ی
 $1 + GH(s) = s^4 + 2s^3 + s^2 + s + K = 0$ به ازای چه مقداری از K پاسخ
 به ورودی پله‌ای به صورت نوسانی دائم است و همچنین فرکانس نوسانات (۵)، به
 ترتیب از راست به چپ چند است؟

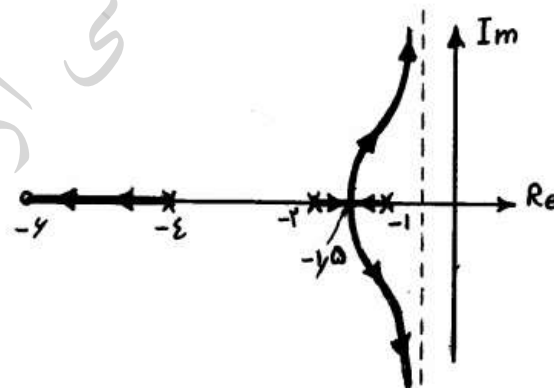
(۱) $\frac{\sqrt{2}}{2}, 0, 5$

(۲) $\frac{\sqrt{2}}{2}, 1$

- ۸۹- کدام عبارت در مورد مدار کنترل داده شده صحیح می‌باشد؟



- (۱) به ازای تمام بهره‌ها سیستم مدار بسته پایدار است.
 (۲) در بهره‌های پایین پایدار و در بهره‌های بالا ناپایدار است.
 (۳) در بهره‌های پایین ناپایدار و در بهره‌های بالا پایدار است.
 (۴) به ازای تمام بهره‌ها سیستم مدار ناپایدار است.
- ۹۰- مکان هندسی ریشه‌های یک سیستم کنترل به صورت زیر نمایش داده شده
 است. حداکثر مقدار K برای آنکه پاسخ سیستم به یک ورودی پله‌ای غیر نوسانی
 باشد، چقدر است؟



- ۹۱- در سیستم کنترل با تابع انتقال مدار باز $\frac{K^2 - 5}{(s+1)^2}$ جهت داشتن حاشیه‌ی فاز
 60° مقدار K ، کدام است؟

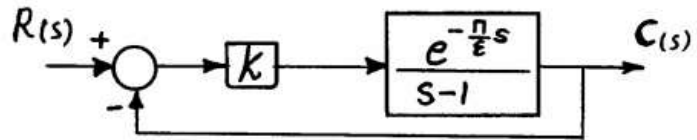
(۱) $\frac{\sqrt{3}}{3}$

(۲) $\sqrt{3}$

(۳) $2\sqrt{3}$

(۴) ۳

۹۲- در مدار زیر برای پایداری سیستم مدار بسته، K باید کدام شرط را ارضا کند؟



$K < 2\sqrt{2}$ (۲)

$K < \sqrt{2}$ (۱)

$K < 2$ (۴)

$K < \sqrt{3}$ (۳)

۹۳- بین ورودی X و خروجی Y تابع تبدیل زیر برقرار است:

$$Y(s) = \frac{1}{s(1-s)} X(s)$$

اگر $X(t) = \sin t$ باشد، پاسخ ماندگار $Y(t)$ کدام است؟

$\sqrt{2} \sin(t - \frac{\pi}{4})$ (۲)

$\frac{1}{\sqrt{2}} \sin(t + \frac{\pi}{4})$ (۱)

$\frac{1}{\sqrt{2}} \sin(t - \frac{\pi}{4})$ (۴)

$\frac{1}{\sqrt{2}} \cos(t - \frac{\pi}{4})$ (۳)

۹۴- تابع تبدیل مدار باز سیستمی بصورت زیر است:

$$G(s) = \frac{K(s+1)(s+3)}{(s+2)(s+4)}$$

در فرکانس $\omega = 2/5$ شیب مجانب نمودار Bode چقدر است؟

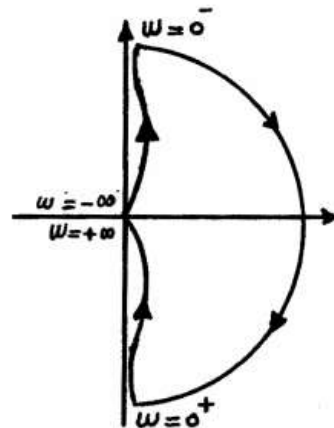
-۱ (۲)

صفر (۱)

+۱ (۴)

-۲ (۳)

۹۵- نمودار نیکویست سیستمی بصورت شکل زیر است. تابع تبدیل مدار باز این سیستم $(G(s))$ ، کدام است؟



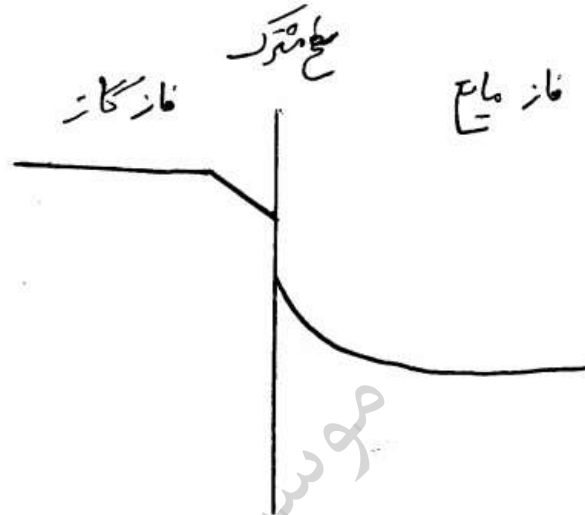
$\frac{1}{s(s+1)}$ (۱)

$\frac{1}{s^2(s+1)}$ (۲)

$\frac{1}{s(1-s)}$ (۳)

$\frac{(1-s)}{s(1+s)}$ (۴)

۹۶- در مقاله‌ای برای توصیف جذب گاز در مایع، توزیع غلظت به صورت زیر رسم شده است. مدل‌هایی که برای انتقال جرم از فاز گاز به مایع به ترتیب از راست به چپ در نظر گرفته شده است، کدام است؟



- ۹۷- (۱) مدل فیلم، مدل فیلم
 (۲) مدل نوشوندگی سطح (جایگزینی سطحی)، مدل فیلم
 (۳) مدل فیلم، مدل نوشوندگی سطح (جایگزینی سطحی)
 (۴) مدل نوشوندگی سطح (جایگزینی سطحی) - مدل نوشوندگی سطح (جایگزینی سطحی)
 برای برقراری تشابه بین پدیده‌های انتقال ۳ گانه، شرایط زیر ارائه شده‌اند.

- ۱- ثابت بودن خاصیت‌های فیزیکی
 ۲- عدم وجود هرگونه تولید یا مصرف جرم و انرژی به صورت همگن در سیستم
 ۳- عدم انتشار حرارت با مکانیسم تشعشع
 ۴- عدم وجود هرگونه اتلاف اصطکاکی
 ۵- عدم تأثیر گذاری انتقال جرم بر روی میدان سرعت
 گزینه صحیح، کدام است؟

- (۱) کلیه عبارت‌های ۱ تا ۵ بایستی برقرار باشند.
 (۲) عبارت‌های ۱ تا ۴ بایستی برقرار باشند.
 (۳) عبارت‌های ۱ تا ۵ بجز گزینه ۴ برقرار باشد.
 (۴) بجز عبارت ۲ بقیه شرایط برقرار باشند چون تشابه برای سیستم‌های واکنشی نظیر کاتالیست‌ها هم به کار می‌رود.

۹۸- ضریب اصطکاک **Fanning** در یک لوله از جنس اسید بنزوتیک به طول L که آب در آن جریان دارد 0.02 گزارش شده است. عدد رینولدز برای جریان داخل لوله 10^4 و عدد اشمیت اسید بنزوتیک در آب $7^3 = 343$ است. عدد شروود تخمینی در لوله برای این سیستم، کدام است؟

- (۱) ۱۰
 (۲) ۷۰
 (۳) ۱۳۴
 (۴) ۱۴۰

۹۹- در یک ستون جذب غیر همسو، هدف بازیابی ۹۱٪ از ماده مورد نظر (A) موجود در فاز گاز ورودی که جزء مولی A در آن $(y = 0.1)$ است، می‌باشد. در صورتی

که دبی گاز ورودی $11 \frac{\text{kmol}}{\text{s}}$ و خط تعادل $Y = X$ باشد، حداقل مقدار حلال

خالص چند کیلو مول بر ثانیه است؟ $(11, 0.1) \equiv (\frac{1}{9})$

(۱) ۱۱ (۲) ۹

(۳) ۱۱ (۴) ۱۸

۱۰۰- برج جذب سینی‌دار برای حذف هیدروژن سولفید از گاز طبیعی در تماس با آب

ورودی عاری از هیدروژن سولفید استفاده می‌شود. $\frac{16}{17}$ هیدروژن سولفید در این

فرآیند از گاز طبیعی حذف می‌شود. فاکتور جذب ۲ و سینی‌های برج ایده‌آل هستند. توزیع تعادلی هیدروژن سولفید بین دو فاز خطی است و می‌توان از رابطه Kremser استفاده کرد.

چه کسری از هیدروژن سولفید پس از گذشتن از نیمی از مراحل ایده‌آل از

ورودی گاز جذب خواهد شد؟ $N_p = \frac{\log \left[\frac{Y_{Np+1} - mX_0}{Y_1 - mX_0} \left(1 - \frac{1}{A} \right) + \frac{1}{A} \right]}{\log A}$

(۱) $\frac{5}{17}$ (۲) $\frac{8}{17}$

(۳) $\frac{9}{17}$ (۴) $\frac{12}{17}$

۱۰۱- در تماس دهنده‌های انتقال جرم، گاهی فاز گاز را به عنوان فاز پیوسته و فاز مایع را به عنوان فاز پراکنده انتخاب می‌کنند. معیار انتخاب فاز گاز به عنوان فاز پیوسته کدام است؟

(۱) وقتی که ضریب انتقال جرم در فاز گاز نسبت به فاز مایع خیلی بیشتر است.

(۲) وقتی که ضریب جمعی (کلی) انتقال جرم خیلی زیاد است.

(۳) وقتی که ضریب انتقال جرم در فاز مایع نسبت به فاز گاز خیلی بیشتر است.

(۴) وقتی که ضریب جمعی (کلی) انتقال جرم خیلی کم است.

۱۰۲- یک برج آکنده برای جذب 80% ماده A از مخلوط رقیق‌گازی با جریان متقابل

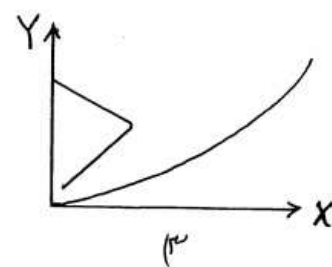
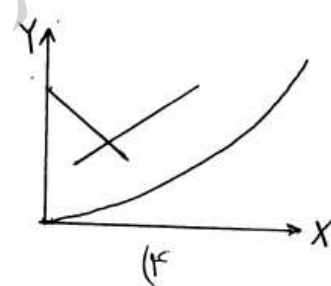
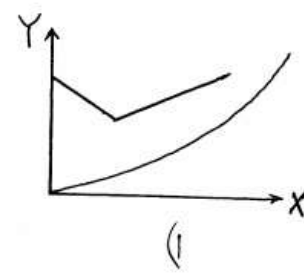
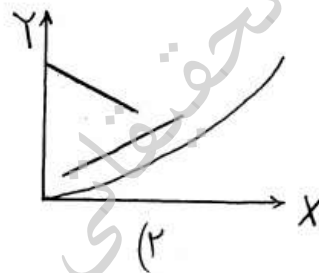
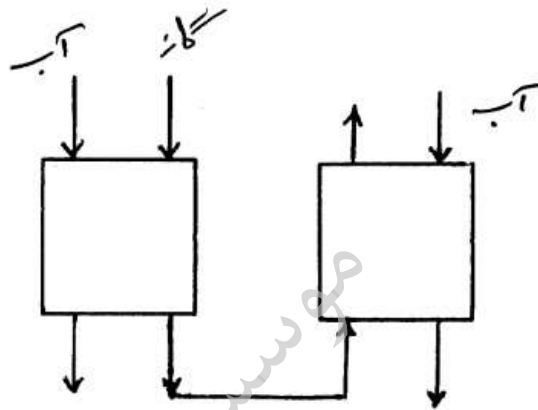
استفاده می‌شود. فاکتور جذب (۱) و حلالیت A در مایع از قانون Henry پیروی می‌کند. پیشنهاد شده است 15% به ارتفاع قسمت آکنده برج افزوده شود بدون آنکه در غلظت‌ها و شدت جریانهای گاز و مایع ورودی به برج تغییری داده شود.

با اجرای این پیشنهاد چه کسری از ماده A از گاز ورودی جذب خواهد شد؟

(۱) 82% (۲) 85%

(۳) 87% (۴) 92%

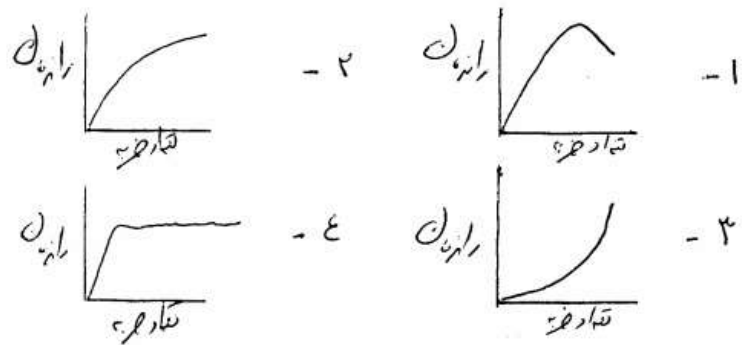
۱۰۳- برای خالص سازی جریان مایع که حاوی مقادیر قابل توجهی ماده ناخواسته A است ابتدا آن را در یک برج بصورت همسو در تماس با آب خالص قرار داده و گاز خروجی از پایین برج را در برج دیگری بصورت متقابل با آب خالص که از بالای برج دوم وارد می شود شستشو می دهیم . کدام یک از گزینه های زیر خطوط تبادل فرآیند را نشان می دهد؟



۱۰۴- برای یک مخلوط مایع دو تایی با افزایش فشار کل، فراریت نسبی
 (۱) ثابت می ماند. (۲) افزایش می یابد.
 (۳) کاهش می یابد. (۴) بستگی به سیستم مورد نظر دارد.

- ۱۰۵- یک مخلوط دو جزئی حاوی ۵۰٪ مولی جزء فرارتر و با ضریب فراریت ثابت ۲ در یک سیستم تبخیر ناگهانی (Flash Vaporization) ۵۰٪ مول آن تبخیر می‌شود. جز مولی جزء فرارتر در محصول بخار حاصل در چه حدودی است؟
- (۱) ۴۱٪ (۲) ۵٪
(۳) ۵۴٪ (۴) ۶٪
- ۱۰۶- معادله خط کار (Operating Line) در یک دستگاه تبخیر آبی به صورت $y_D = 2x_W - 0.5$ داده شده است. در این حالت غلظت (جزء مولی) ماده فرار در خوراک چقدر است؟ (y و x مقادیر جزء مولی در فاز مایع و گاز می‌باشند).
- (۱) ۵٪ (۲) ۲۵٪
(۳) ۱۶۷٪ (۴) ۱٪
- ۱۰۷- اگر در شرایط یکسان، خوراک برج تقطیر دو جزئی را سردتر از نقطه جوش در نظر بگیریم:
- (۱) به کندانسور بزرگتری در بالای برج نیاز است.
(۲) تعداد سینی‌های بالای محل ورود خوراک کم می‌شود.
(۳) تعداد سینی‌های پایین محل ورود خوراک کم می‌شود.
(۴) قطر برج در بالای محل ورود خوراک بزرگتر از قطر برج در پایین محل ورود خوراک می‌شود.
- ۱۰۸- نسبت برگشت در بالای یک برج تقطیر دوجرئی، ۲ انتخاب شده است. اگر دیواره این برج از نظر عایق‌بندی ضعیف باشد:
- (۱) هرچه از بالا به پایین برج حرکت کنیم نسبت برگشت داخلی (شدت مایع به بخار) بیشتر می‌شود.
(۲) هرچه از بالا به پایین برج حرکت کنیم نسبت برگشت داخلی (شدت مایع به بخار) کمتر می‌شود.
(۳) نتیجه‌ای روی تغییر در نسبت برگشت داخلی (شدت مایع به بخار) ندارد.
(۴) هر چه از بالا به پایین برج حرکت کنیم دبی حجمی گاز کمتر خواهد شد.
- ۱۰۹- در استخراج از چغندر قند (Leaching) به کمک آب:
- (۱) هر چقدر خوراک ریزتر باشد راندمان کار بهبود می‌یابد.
(۲) نمی‌توان خوراک را از یک حدی ریزتر کرد چون در عملیات بعدی مشکل‌ساز می‌شود.
(۳) در بعضی مواقع فشار نقش مثبتی بازی خواهد کرد.
(۴) هر چقدر درجه حرارت بالاتر باشد ($t > 100^\circ\text{C}$) کمک به راندمان کلی سیستم خواهد نمود.

۱۱۰- در عملیات استخراج مایع - مایع (Liquid - Liquid Extraction) با استفاده از برج ضربه‌ای (Pulsed Column) کدام شکل گویای ارتباط راندمان با تعداد ضربه در واحد زمان است؟



۱۱۱- در صورت تقطیر یک مخلوط رقیق دو جزئی آب و اتانول، غلظت محصول بالای برج به کدام یک نزدیک می‌باشد؟ (در صورت داشتن تعداد کافی سینی)

- (۱) جزء فرارتر (۲) بستگی به غلظت خوراک دارد.
(۳) جزء غیر فرارتر (۴) آزنوتروپ

۱۱۲- برای تهیه پودر کاکائو کدام خشک‌کن مناسب‌تر است؟

- (۱) خشک‌کن دوار (۲) خشک‌کن باششی
(۳) خشک‌کن سینی دار (۴) خشک‌کن تونلی

۱۱۳- در یک تبخیر کننده تک مرحله‌ای، محلول ۲۰ درصد هیدروکسید سدیم با دبی جرمی ۱۰۰۰۰ پوند بر ساعت باید تا غلظت ۵۰ درصد تغلیظ گردد. اگر مقدار بخار مصرف شده برابر با ۷۷۰۰ پوند بر ساعت باشد اقتصاد (Economy) دستگاه کدام است؟

- (۱) ۱ (۲) ۱/۸
(۳) ۰/۷۸ (۴) ۰/۹۸

۱۱۴- هنگام خشک کردن یک جسم جامد کدام پارامتر بیشترین سهم را در تعیین بار حرارتی خشک‌کن دارد؟

- (۱) گرمای لازم برای پیش گرم کردن جسم جامد تا دمای تبخیر
(۲) گرمای لازم برای رساندن دمای بخار حاصل به دمای گاز (هوای) خشک‌کننده
(۳) گرمای لازم برای رساندن دمای رطوبت باقیمانده در جسم به دمای جامد خروجی

(۴) گرمای لازم برای تبخیر رطوبت (آب) جسم جامد

۱۱۵- در برج‌های خنک‌کننده آب با جریان مختلف الجهد، پایین‌ترین دمایی که می‌توان آب را تا آن دما خنک کرد، کدام است؟

- (۱) دمای حباب تر هوای ورودی (۲) دمای حباب تر هوای خروجی
(۳) دمای حباب خشک هوای ورودی (۴) دمای حباب خشک هوای خروجی

۱۱۶- واکنش ابتدایی $A + B \rightarrow R + S$ در سیستمی متشکل از یک راکتور مخلوط شونده همزن دار (Mixed) و به دنبال آن یک راکتور لوله‌ای پیوسته (plug) صورت می‌گیرد. واکنش دارای معادله سرعتی بصورت $r_A = KC_A^2$ است. تعویض محل دو راکتور میزان تبدیل را چه تغییری می‌دهد؟

(۱) کاهش می‌دهد.

(۲) تغییری نمی‌کند.

(۳) افزایش می‌دهد.

(۴) بستگی به مقدار ثابت سرعت واکنش دارد.

۱۱۷- یک واکنش درجه صفر در ۴ راکتور مخلوط شونده همزن دار هم حجم پشت سر هم انجام می‌گیرد اگر زمان اقامت در هر راکتور یک دقیقه و میزان تبدیل نهایی ۷۰٪ باشد، ثابت سرعت واکنش چند $\frac{\text{مول}}{\text{لیتر دقیقه}}$ است؟ (غلظت اولیه خوراک

یک $\frac{\text{مول}}{\text{لیتر}}$ است)

(۱) ۱۷

(۲) ۲

(۳) ۵

(۴) ۷۵

۱۱۸- واکنش چندگانه و ابتدایی $A + B \xrightarrow{1} R$ که در آن ماده مطلوب R می‌باشند را در نظر می‌گیریم برای افزایش تولید R باید غلظت A و غلظت B باشند.

(۱) کم، کم

(۲) کم، زیاد

(۳) زیاد، کم

(۴) زیاد، زیاد

۱۱۹- واکنش $A \xrightarrow{\text{درجه اول}} B \xrightarrow{\text{درجه اول}} D$ مفروض است برای آنکه B مقدار بیشتری بدست آید از چه نوع راکتوری باید استفاده کنیم؟

(۱) راکتور بازگشتی

(۲) مخلوط شونده همزن دار (Mixed)

(۳) لوله‌ای پیوسته (Plug)

(۴) ناپیوسته (Batch)

۱۲۰- در یک راکتور لوله‌ای پیوسته، واکنشهای زیر را انجام می‌دهیم:



در این واکنش‌ها ضرایب استوکیومتری برابر با درجه واکنش هستند. برای حداکثر گزینش پذیری R نسبت به T باید مقدار C_A و C_B باشند.

(۱) کم، زیاد

(۲) زیاد، کم

(۳) زیاد، زیاد

(۴) ثابت، ثابت

۱۲۱- گاز خالص با شدت حجمی $100 \frac{\text{lit}}{\text{min}}$ وارد یک راکتور مخلوط شونده پیوسته به حجم 100 lit می‌شود. در راکتور واکنش $A \rightarrow 2R$ به معادله سرعت $-r_A = 0.5 C_A$ صورت می‌گیرد. میانگین زمان اقامت در راکتور چند دقیقه است؟

(۱) 0.42 (۲) 0.67

(۳) 1 (۴) 0.25

۱۲۲- واکنش درجه دوم $A \rightarrow 2R$ در فاز گاز در یک راکتور لوله‌ای پیوسته در فشار و دمای ثابت انجام می‌شود. خوراک متشکل از نسبت‌های مولی مساوی ماده A و گاز خنثی است. شدت جریان حجمی خوراک 70 و میزان تبدیل در راکتور 60 درصد است. درصد افزایش شدت جریان خروجی از راکتور چقدر است؟

(۱) 20 (۲) 30

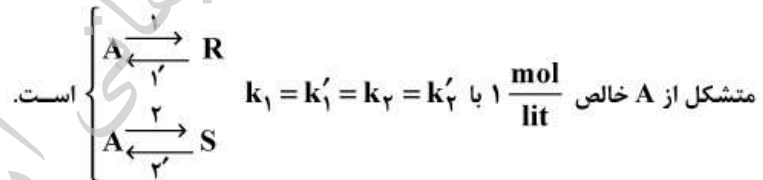
(۳) 50 (۴) 60

۱۲۳- میزان تبدیل A در واکنش $A \rightarrow 2B$ به معادله سرعت $-r_A = 4 C_A^{0.75}$ پس از دو ساعت در یک راکتور ناپیوسته کدام گزینه است؟ $(C_{A0} = 1 \frac{\text{mol}}{\text{lit}})$

(۱) 0.5 (۲) 0.85

(۳) 1 (۴) نمی‌توان پیش‌بینی کرد

۱۲۴- واکنش موازی و برگشت‌پذیر زیر در فاز مایع و در یک راکتور مخلوط شونده پیوسته انجام می‌شود. زمان اقامت در راکتور τ و دما ثابت است. خوراک



پروفیل زمانی A در راکتور (C_A) ، کدام است؟

(۱) $\frac{1+\tau}{1+3\tau}$ (۲) $\frac{1+3\tau}{2(3+\tau)}$

(۳) $\frac{\tau^2}{2(1+\tau)^2}$ (۴) $\frac{(1+\tau)^2}{2\tau^2+3}$

۱۲۵- واکنش درجه صفر $A \rightarrow 3R$ با معادله سرعت $-r_A = 0.2 \frac{\text{mol}}{\text{lit. min}}$ در فاز

گاز و در پنج راکتور مخلوط شونده پشت سر هم انجام می‌شود. حجم هر راکتور ۱۰۰ لیتر و شدت جریان حجمی خوراک متشکل از A خالص با غلظت اولیه

$0.5 \frac{\text{mol}}{\text{Lit}}$ برابر $100 \frac{\text{Lit}}{\text{min}}$ است. درصد تبدیل A در واکنش $A \rightarrow 3R$ در جریان خروجی از راکتور چقدر است؟

(۱) ۵۰ (۲) ۸۰

(۳) ۱۰۰ (۴) اطلاعات ناکافی است.

۱۲۶- در دو راکتور مخلوط شونده پیوسته هم حجم که به‌طور سری به هم متصل شده‌اند واکنش درجه یک $A \rightarrow R$ انجام می‌شود.

سرعت واکنش در راکتور اول چند برابر $k = 2 \frac{1}{\text{min}}$ و $\tau = 3 \text{ min}$ است.

سرعت واکنش در راکتور دوم است؟

(۱) به غلظت اولیه واکنشگر بستگی دارد. (۲) مساوی

(۳) ۲ (۴) ۷

۱۲۷- سه راکتور مخلوط شونده هم‌زمان دار به‌طور سری به هم متصل شده‌اند. میزان تبدیل خروجی از راکتور اول، دوم و سوم به ترتیب برابر ۰.۶، ۰.۵ و ۰.۴ درصد است. میزان تبدیل کل سیستم چند درصد است.

(۱) ۱۰۰ (۲) ۸۸

(۳) ۷۵ (۴) ۶۰

۱۲۸- واکنش درجه صفر $2A \rightarrow R$ در فاز گاز و با A خالص در یک راکتور ناپیوسته با حجم ثابت در دمای 947°C انجام می‌شود. ۴ دقیقه پس از شروع واکنش فشار کل از ۲atm به 1.5 atm کاهش می‌یابد. ثابت سرعت واکنش چند

$\frac{\text{mol}}{\text{lit. min}}$ است.

(۱) 7.1×10^{-3} (۲) 6.1×10^{-3}

(۳) 3.1×10^{-3} (۴) 2.5×10^{-3}

۱۲۹- در واکنش فاز گاز در یک راکتور ناپیوسته با استوکیومتری $A \rightarrow 3R$ اگر

$C_{A0} = 2$ ، $C_A = 1 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ و خوراک شامل ۵۰٪ ماده بی‌اثر باشد، تبدیل A

کدام است؟

(۱) ۰.۷ (۲) ۰.۶

(۳) ۰.۴۵ (۴) ۰.۳۳

۱۳۰- واکنش درجه اول $A \rightleftharpoons R$ در فاز گاز انجام می‌شود. چنانچه ثابت تعادل

$k_c = 3$ باشد، درصد تبدیل حداکثر کدام است؟ (اگر $C_{A_0} = C_{R_0} = 2$)

(۱) ۲۵ (۲) ۵۰

(۳) ۷۵ (۴) ۱۵

ریاضیات (کاربردی - عددی)

۱۳۱- معادله دیفرانسیل $dx + 2axy^{-2}dy = 0$ را در نظر بگیرید. ناگهان یک سمت دیواره در معرض شار

q'' و سمت دیگر در معرض جابه‌جایی با محیط در دمای T_∞ و ضریب انتقال

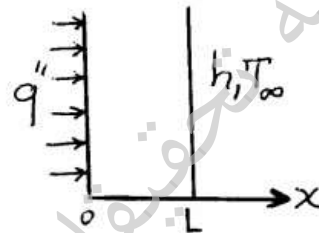
حرارت h قرار می‌گیرد. شرایط مرزی این دیواره کدام است؟

(۱) -1 (۲) $-\frac{1}{2}$

(۳) $+\frac{1}{2}$ (۴) ۱

۱۳۲- یک دیوار به ضخامت L را در نظر بگیرید. ناگهان یک سمت دیواره در معرض شار

q'' و سمت دیگر در معرض جابه‌جایی با محیط در دمای T_∞ و ضریب انتقال



(۱) $-k \frac{\partial T}{\partial x}|_{x=0} = -q''$, $-k \frac{\partial T}{\partial x}|_{x=L} = h(T_\infty - T)$

(۲) $-k \frac{\partial T}{\partial x}|_{x=0} = q''$, $-k \frac{\partial T}{\partial x}|_{x=L} = h(T_\infty - T)$

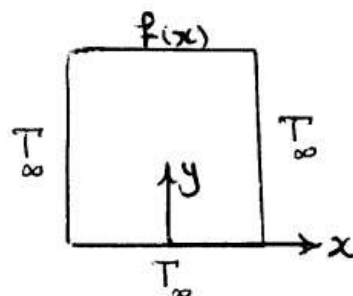
(۳) $-k \frac{\partial T}{\partial x}|_{x=0} = -q''$, $-k \frac{\partial T}{\partial x}|_{x=L} = h(T - T_\infty)$

(۴) $-k \frac{\partial T}{\partial x}|_{x=0} = q''$, $-k \frac{\partial T}{\partial x}|_{x=L} = h(T - T_\infty)$

۱۳۳- صفحه دو بعدی مطابق شکل از سه طرف دارای دمای T_∞ بوده و توزیع دما در

یک لبه نیز مشخص می‌باشد. دما در حالت پایا در جهت x به صورت و

در جهت y به صورت می‌باشد. ($\theta = T - T_\infty$)



(۱) \sinh , \cos

(۲) \cosh , \sin

(۳) \cos , \cosh

(۴) \sin , \sinh

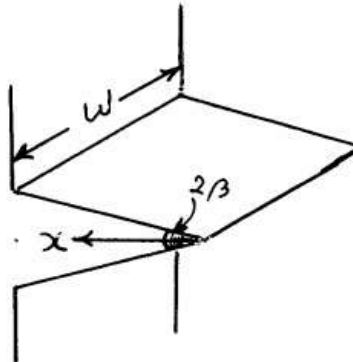
۱۳۴- کدام گزینه در مورد توابع لژاندر صحیح است؟

$$P_n(-x) = -P_n(x) \quad (۲) \quad P_n(-x) = (-1)^{n+1} P_n(x) \quad (۱)$$

$$P_n(-x) = P_n(x) \quad (۴) \quad P_n(-x) = (-1)^n P_n(x) \quad (۳)$$

۱۳۵- معادله حاکم بر انتقال حرارت پره مثلثی شکل مقابل کدام است؟

k هدایت گرمایی پره، h ضریب انتقال گرمای سطح پره با سیال اطراف در دمای ثابت T_∞ و $\theta = T - T_\infty$ است.



$$\frac{d}{dx} \left(x \frac{d\theta}{dx} \right) - \frac{hw}{k \sin \beta} x \theta = 0 \quad (۱)$$

$$\frac{d}{dx} \left(x \frac{d\theta}{dx} \right) - \frac{hw}{\sqrt{k} \sin \beta} x \theta = 0 \quad (۲)$$

$$\frac{d}{dx} \left(x \frac{d\theta}{dx} \right) - \frac{\sqrt{2}hw}{k \sin \beta} x \theta = 0 \quad (۳)$$

$$\frac{d^2 \theta}{dx^2} - \frac{hw}{k \sin \beta} \theta = 0 \quad (۴)$$

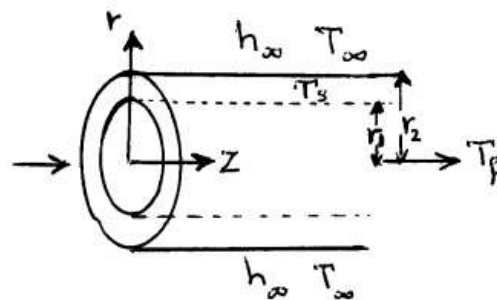
۱۳۶- کدام رابطه زیر برای توابع بسل صحیح است؟

$$2J_1(0) - I_1(0) = 1 \quad (۲) \quad 2J_0(0) + I_0(0) = 1 \quad (۱)$$

$$2J_1(0) + I_1(0) = 1 \quad (۴) \quad 2J_0(0) - I_0(0) = 1 \quad (۳)$$

۱۳۷- جریان سیال داغ از داخل یک لوله استوانه‌ای به ضخامت δ در حرکت است. اگر دمای سیال در داخل لوله، در جهت شعاعی لامپ (Lump) فرض شود و فقط تابع طول لوله باشد، $T_f(z)$ ، و دمای جداره تابع شعاع و طول لوله باشد، $(T_s(r, z))$.

تعیین کنید شرط مرزی تماس در $r = r_1$ از کدام فرمول یا فرمول‌های زیر تبعیت می‌کند؟ h_f : ضریب انتقال گرمایی سیال، k_s : ضریب هدایت حرارتی جداره، h_∞ : ضریب انتقال گرمایی هوای اطراف، k_f : ضریب هدایت حرارتی سیال



$$-k_s \frac{\partial T_s}{\partial r} \Big|_{r=r_1} = h_f (T_f - T_s \Big|_{r=r_1}) \quad (۲) \quad k_f \frac{\partial T_f}{\partial r} \Big|_{r_1} = k_s \frac{\partial T_s}{\partial r} \Big|_{r_1} \quad (۱)$$

$$-k_f \frac{\partial T_f}{\partial r} \Big|_{r_1} = h_\infty (T_s \Big|_{r_2} - T_\infty) \quad (۴) \quad -k_f \frac{\partial T_f}{\partial r} \Big|_{r_1} = k_s \frac{\partial T_s}{\partial r} \Big|_{r_1} \quad (۳)$$

۱۳۸- جسم جامد استوانه‌ای شکل به شعاع R را در نظر بگیرید که ابتدا غلظت ماده A در آن برابر CA_0 باشد. اگر جسم ناگهان در محیطی با غلظت CA_s قرار گیرد از کدام یک از معادلات زیر می‌توان تغییرات غلظت A را در داخل جسم بدست آورد؟ D ضریب نفوذ ماده A از حفرات جسم جامد می‌باشد (فرض می‌شود نفوذ از سطح جانبی انجام می‌شود)

$$\frac{d}{dr} \left(r \frac{dCA}{dr} \right) = \frac{1}{D} \frac{dCA}{dt} \quad (۲) \quad \frac{1}{r} \frac{d}{dr} \left(r^2 \frac{dCA}{dr} \right) = \frac{1}{D} \frac{dCA}{dt} \quad (۱)$$

$$\frac{d}{dr} \left(r^2 \frac{dCA}{dr} \right) = \frac{1}{D} \frac{dCA}{dt} \quad (۴) \quad \frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} \left(r^2 \frac{dCA}{dr} \right) = \frac{1}{D} \frac{dCA}{dt} \quad (۳)$$

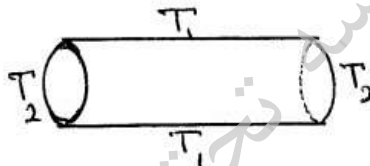
۱۳۹- یک استوانه به شعاع R و طول L را در نظر بگیرید. سطح جانبی استوانه در دمای T_1 و دو قاعده‌ی آن در دمای T_2 قرار دارد. برای بدست آوردن توزیع دما درون استوانه با استفاده از روش جداسازی متغیرها، از کدام تغییر متغیر باید استفاده کرد؟

$$(۱) \quad \theta = T - T_2$$

$$(۲) \quad \theta = T - T_1$$

$$(۳) \quad \theta = T - T_2 \quad \text{یا} \quad \theta = T - T_1$$

$$(۴) \quad \text{هیچکدام}$$



۱۴۰- توزیع دمای انتقالی در یک میله نامتناهی با ثابت هدایت گرمایی k به صورت زیر ارائه شده است.

$$T = \text{erf}(x\sqrt{t} - ct)$$

که در آن x فاصله از ابتدای میله و t زمان است. شار هدایت حرارتی با کدام رابطه بیان می‌شود؟

$$q'' = \frac{4kx}{\sqrt{\pi} e^{(x\sqrt{t} - ct)^2}} \quad (۱)$$

$$q'' = \frac{4kx e^{(x\sqrt{t} - ct)^2}}{\sqrt{\pi}} \quad (۲)$$

$$q'' = \frac{4k e^{(x\sqrt{t} - ct)^2}}{\sqrt{\pi} x} \quad (۳)$$

$$q'' = \frac{4k}{\sqrt{\pi} x e^{(x\sqrt{t} - ct)^2}} \quad (۴)$$

۱۴۱- در حل دستگاه معادلات به روش تکرار ژاکوبی، کدام فرم از دستگاه دارای شرط کافی برای همگرایی جواب می باشد؟

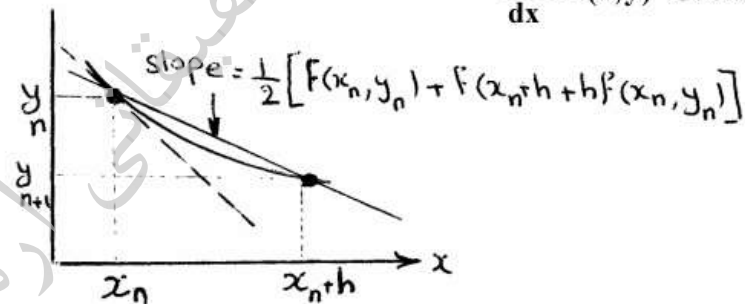
$$\begin{cases} -4x_1 - 7x_2 - 12x_3 = 2 \\ 2x_1 + 4x_2 + x_3 = -2 \\ x_1 + 3x_2 - x_3 = 4 \end{cases} \quad (2) \quad \begin{cases} 7x_1 + 3x_2 - x_3 = 4 \\ -4x_1 - 7x_2 - 12x_3 = 2 \\ 2x_1 + 4x_2 + x_3 = -2 \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} -4x_1 - 7x_2 - 12x_3 = 2 \\ 2x_1 + 4x_2 + x_3 = -2 \\ 7x_1 + 3x_2 - x_3 = 4 \end{cases} \quad (4) \quad \begin{cases} 2x_1 + 4x_2 + x_3 = -2 \\ 7x_1 + 3x_2 - x_3 = 4 \\ -4x_1 - 7x_2 - x_3 = 2 \end{cases} \quad (3)$$

۱۴۲- معادله دیفرانسیل $\frac{dp}{dt} = t + 3P$ به دو روش اویلر (Euler) و اویلر بهبود یافته (Modified Euler) با شرط اولیه $P(2) = 1$ برای یافتن $P(3)$ حل گردید. مقدار عددی تفاوت پاسخها برابر کدام است؟ (طول قدم $h = 1$)

- (۱) ۲
(۲) ۸
(۳) ۱۵
(۴) ۲۱

۱۴۳- در شکل، از چه روشی برای حل عددی معادله دیفرانسیلی مرتبه اول زیر استفاده شده است؟ $\frac{dy}{dx} = f(x, y)$



- (۱) روش هیون (Heun)
(۲) روش نقطه میانی (Midpoint)
(۳) روش رالستون (Ralston)
(۴) روش اویلر (Euler)

۱۴۴- معادله دیفرانسیل مرتبه دوم با شرایط مرزی زیر در اختیار است. به روش پرتابی (shooting) با فرض $y'(0) = 1$ و به روش اویلر معادله را حل کنید و به ترتیب $y(0.1)$ و $y'(0.1)$ را به دست آورید؟ ($h = 0.1$)

- (۱) $0.9, 0.2$
(۲) $-0.9, -0.1$
(۳) $1.1, 0.1$
(۴) $-1.1, -0.2$
- $\frac{d^2y}{dx^2} - \frac{dy}{dx} - y = 0$
 $\begin{cases} y(0) = 0 \\ y(1) = 1 \end{cases}$

۱۴۵- اطلاعات زیر برای گذر نور فرابنفش از محلول ماده رنگی رقیق در آب بر حسب غلظت بدست آمده است. پردازش این اطلاعات به خط گذرنده از مبدأ کدام است؟

$C(\frac{g}{m^3})$	ϵ
۱	۲۰۰
۵	۴۶۰

(۱) $\epsilon = 92 C$

(۲) $\epsilon = 100 C$

(۳) $\epsilon = 146 C$

۱۴۶- با استفاده از فرمول اختلاف پیشرو با دقت از رتبه h^2 (h: طول گام) برای داده- های جدول زیر، مقدار $f'(3)$ کدام است؟

x	۳	۴	۵
f(x)	۲۷	۶۴	۱۲۵

(۱) ۲۵

(۲) ۲۵/۵

(۳) ۲۶

(۴) ۲۶/۵

۱۴۷- برای محاسبه انتگرال $\int_0^4 \frac{x}{x+4} dx$ از روش ذوزنقه‌ای با طول گام $h = 1$ ، مقدار تقریبی انتگرال کدام است؟

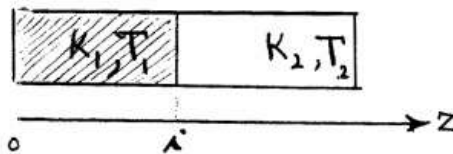
(۱) $\frac{307}{420}$

(۲) $\frac{509}{420}$

(۳) $\frac{614}{420}$

(۴) $\frac{509}{210}$

۱۴۸- شرط مرزی تماس را برای یک میله متشکل از دو جنس مختلف (بر حسب اختلاف‌های محدود) با کدام فرمول زیر تطابق دارد؟ (k_1 و k_2 به ترتیب ضریب هدایت گرمایی می‌باشند) (طول گام: h)



(۱) $T_{ij} = \frac{T_{r,i+1} + T_{r,i-1}}{2}$

(۲) $T_{ij} = \frac{k_1 T_{r,i+1} - k_2 T_{r,i-1}}{k_1 - k_2}$

(۳) $T_{ij} = \frac{k_2 T_{r,i+1} + k_1 T_{r,i-1}}{k_2 + k_1}$

(۴) $T_{ij} = \frac{k_1 T_{r,i+1} + k_2 T_{r,i-1}}{k_1 - k_2}$

۱۴۹- در معادله دیفرانسیل زیر به روش اختلاف‌های محدود با دقت از رتبه h^2 ، معادله حاصل بعد از گسسته‌سازی به کدام صورت تبدیل می‌شود؟

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial y}{\partial r} \right) - \nu y = 0 \quad \text{طول گام } (h=1) \text{ ، (مرز ابتدایی } r_0 = 0)$$

$$y_{i+1} \left(1 - \frac{1}{i}\right) + 4y_i + y_{i-1} \left(1 + \frac{1}{i}\right) = 0 \quad (1)$$

$$2y_{i+1} - 4y_i + y_{i-1} = 0 \quad (2)$$

$$y_{i+1} \left(1 + \frac{1}{i}\right) - 4y_i + y_{i-1} \left(1 - \frac{1}{i}\right) = 0 \quad (3)$$

$$y_{i+1} + 4y_i + y_{i-1} = 0 \quad (4)$$

۱۵۰- برای دستگاه معادلات غیرخطی زیر به روش نیوتن رافسون با حدس اولیه $(x, y, z) = (1, 1, 1)$ در اولین مرحله کدام دستگاه معادلات خطی باید حل شود؟

$$x^2 + 2xy - 3z = 0$$

$$xy - 2y^2 - 3xz = 0$$

$$xy^2 - y + 2yz = 0$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ -2 & -3 & -3 \\ 1 & 3 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -4 \\ 2 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} 4 & 2 & -3 \\ -2 & 3 & -3 \\ 1 & 3 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 4 \\ -2 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ -2 & 3 & -3 \\ 1 & 3 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -4 \\ 2 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} 4 & 2 & -3 \\ -2 & -3 & -3 \\ 1 & 3 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 4 \\ -2 \end{bmatrix} \quad (4)$$