

283

F

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:



283F

صبح جمعه  
۱۳۹۵/۱۲/۶  
دفترچه شماره (۱)



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)»

## آزمون ورودی دوره دکتری (فیمه‌متمرکز) داخل – سال ۱۳۹۶

### رشته امتحانی علوم کامپیوتر (کد ۲۲۴۷)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (ساختمن گستته – منطق – نظریه علوم کامپیوتر)	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

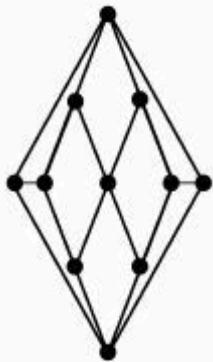
اسفندماه – سال ۱۳۹۵

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تعاملی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان معاز می‌نالند و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

ساختمان گستته:

-۱ فرض کنید  $G$  گرافی با ۱۷ رأس و ۹ یال است که دقیقاً یک دور دارد.  $G$  چند مؤلفه همبندی دارد؟

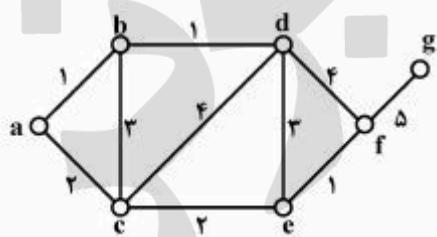
- (۱) ۶  
(۲) ۷  
(۳) ۸  
(۴) ۹



-۲ کدام گزاره درباره گراف زیر صحیح است؟

- (۱) دویخشی است.  
(۲) دارای مسیر اویلری است.  
(۳) دارای دور همیلتونی است.  
(۴) عدد رنگی یالی این گراف برابر ۵ است.

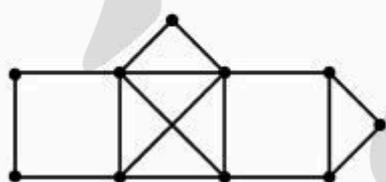
-۳ در گراف زیر با اجرای الگوریتم پریم با شروع از رأس  $a$  کدام دنباله از یال‌ها (از چپ به راست) انتخاب می‌شوند؟



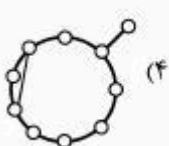
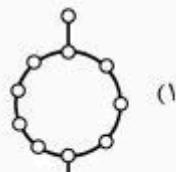
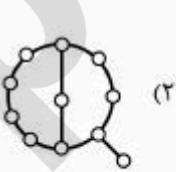
- ab ,bd,ef ,ce,ac,fg (۱)  
ab ,bd,ac,ce,ef,fg (۲)  
ab ,bd,ef ,fg,ac,ce (۳)  
ab,ef ,bd,ac,ce ,fg (۴)

-۴ عدد رنگی (رأسي) گراف زیر چند است؟

- (۱) ۲  
(۲) ۳  
(۳) ۴  
(۴) ۵



-۵ در گدام گراف امکان ندارد درخت DFS. مسیر باشد؟



-۶ کدام رابطه صحیح است؟

$$\sum_{i=1}^9 \binom{2^0}{2i+1} = 2^{19} \quad (1)$$

$$\sum_{i=0}^{10} \binom{2^0}{2i+1} = 2^{19} \quad (2)$$

$$\sum_{i=0}^9 \binom{2^0}{2i} = 2^{19} \quad (3)$$

$$\sum_{i=1}^{10} \binom{2^0}{2i} = 2^{19} \quad (4)$$

با شرایط زیر می‌خواهیم از میان ۳ نوع خودکار ۱۰۰ خودکار بخریم (الف) تعداد خودکارهای مشکی حداقل یک

باشد. (ب) تعداد خودکارهای آبی زوج باشد. (ج) تعداد خودکارهای قرمز حداقل یک باشد.

به چند طریق می‌توان این خرید را انجام داد؟ (خودکارهای هر رنگ، یکسان هستند)

(۱) ۱۰۰ (۲)

۴۹۵۰ (۳)

۲۰۰ (۴)

۹۹۰۰

-۷ دنباله  $\{x_n\}_{n \geq 0}$  در شرایط اولیه  $x_1 = 2$  و  $x_0 = 1$  و به ازای  $n \geq 2$  در رابطه  $x_n = 2x_{n-1} - x_{n-2} + 1$  صدق

می‌کند. کدام گزینه درست است؟

$$x_{101} = 4x_{50} + 199 \quad (1)$$

$$x_{100} = x_{50} + 3 \quad (2)$$

$$x_{101} = 4x_{50} + 203 \quad (3)$$

$$x_{100} = 4x_{50} - 3 \quad (4)$$

می‌خواهیم با ارقام ۱، ۲ و ۳ یک عدد ۱۰ رقمی بسازیم. به طوری که بعد از رقم فرد، رقم زوج نباشد (از چپ به راست). چند عدد مختلف می‌توان ساخت؟

۲۰۴۷ (۱)

۱۰۲۳ (۲)

۲۰۴۸ (۳)

۱۰۲۴ (۴)

-۸ فهرستی از سه حرف  $x$ ، سه حرف  $y$  و سه حرف  $z$  در نظر بگیرید. به چند راه می‌توان این حروف را روی خط آرایش داد به طوری که دو یا سه  $x$  مجاور هم باشند؟

۷۰۰ (۱)

۹۸۰ (۲)

۱۵۴۰ (۳)

۱۶۸۰ (۴)

- ۱۱ در یک شهر فرضی سکنهای ۱ تومانی، ۵ تومانی، و ۹ تومانی رایج است. به چند طریق می‌توان از مغازه‌داری که پولی در بساط ندارد یک جنس ۲۰ تومانی خرید مشروط بر آنکه تعداد سکنهای ۱ تومانی پرداختی از سکنهای ۹ تومانی پرداختی کمتر نباشد؟
- (۱) ۸  
(۲) ۱۰  
(۳) ۹  
(۴) ۱۱
- ۱۲ بزرگترین مقدار عدد ثابت  $k$  را به دست آورید به طوری که جمله زیر به ازای همه مقادیر طبیعی  $n$  درست باشد.  
«هر گراف همبند از مرتبه  $n$  و با حداکثر  $n+k$  یال مسطح است.»
- (۱) ۱  
(۲) ۲  
(۳) ۳  
(۴) ۴
- ۱۳ قطر گراف برابر با حداکثر فاصله بین رؤوس در گراف است. در گراف‌های همبند از مرتبه ۱۰۰ و اندازه ۱۰۰، اختلاف کمترین و بیشترین مقدار ممکن برای قطر گراف، با کدام گزینه برابر است؟
- (۱) ۴۸  
(۲) ۹۵  
(۳) ۴۹  
(۴) ۹۶
- ۱۴  $X$  مجموعه‌ای است شامل ۲۰ عدد حقیقی به طوری که مجموع هر ۱۰ عضو آن از ۱۰ کمتر نیست. چند تا از گزاره‌های زیر صحیح هستند؟
- الف) مجموع هر ۱۶ عدد از  $X$  از ۱۶ کمتر نیست.  
ب) مجموع هر ۵ عدد از  $X$  از ۵ کمتر نیست.  
ج) مجموع هر ۱۱ عدد از  $X$  از ۱۱ کمتر نیست.  
د) مجموع هر ۱۵ عدد از  $X$  از ۱۵ کمتر نیست.
- (۱) ۱  
(۲) ۲  
(۳) ۳  
(۴) ۴
- ۱۵ فرض کنید  $G^k$  گرافی است که از روی گراف  $G$  و با وصل کردن هر دو رأس با فاصله حداکثر  $k$  به یکدیگر حاصل می‌شود.
- چند تا از گراف‌های زیر مسطح هستند؟ (مسیر  $n$  رأسی با  $P_n$  و دور  $n$  رأسی با  $C_n$  نمایش داده شده است.)
- |                 |               |               |               |
|-----------------|---------------|---------------|---------------|
| الف) $P_{10}^3$ | ب) $P_{10}^3$ | ج) $C_{10}^3$ | د) $C_{11}^2$ |
|-----------------|---------------|---------------|---------------|
- (۱) ۱  
(۲) ۲  
(۳) ۳  
(۴) ۴

منطق:

- ۱۶ تمامیت قوی منطق محمولی معادل با کدام مورد است؟

- (۱) هر مجموعه سازگار از جملات، ارضا شدنی است.
- (۲) هر مجموعه از جمله‌ها که مدل دارد، سازگار است.

(۳) به ازای هر  $\Gamma$  و  $\varphi$  داریم  $\Gamma \vdash \neg\varphi$  یا  $\Gamma \vdash \varphi$

(۴) به ازای هر  $\Gamma$  و  $\varphi$ ، اگر  $\Gamma \vdash \varphi$  آنگاه  $\Gamma \vdash \neg\varphi$

- ۱۷ فرض کنید  $\sigma \not\models \Sigma$  و  $\neg\eta \models \Sigma$ . آنگاه لزوماً داریم:

(۱)  $\Sigma \vdash \neg\eta$  سازگار است.

(۲)  $\Sigma \cup \{\neg\sigma, \neg\eta\}$  سازگار است.

(۳)  $\Sigma \cup \{\sigma \rightarrow \eta\} \vdash \sigma$

(۴)  $\Sigma \not\models \sigma \vee \eta$

- ۱۸ چه تعداد از مجموعه‌های زیر از رابطه‌ها کامل است؟

{ $\wedge, \vee, \perp$ } -

{ $\wedge, \vee, \rightarrow, T$ } -

{ $\neg, \rightarrow$ } -

۰ (۱)

۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

- ۱۹ اگر بخواهیم منطق گزاره‌ای را به عنوان یک حالت خاص از منطق مرتبه اول در نظر بگیریم، متغیرهای اتمی را در

منطق مرتبه اول چگونه باید تعبیر کنیم؟

(۱) توابع یک متغیره

(۲) متغیرهای فردی در زبان منطق مرتبه اول

(۳) توابع صفر متغیره

(۴) روابط صفر متغیره

- ۲۰ کدام گزاره همان‌گو (راستگو) نیست؟

$[(A \leftrightarrow B) \leftrightarrow C] \leftrightarrow (A \vee B \vee C)$  (۱)

$[(A \rightarrow B) \rightarrow A] \rightarrow A$  (۲)

$(A \rightarrow B) \vee (B \rightarrow C)$  (۳)

$[(A \rightarrow B) \wedge (C \rightarrow D)] \rightarrow [(A \vee C) \rightarrow (B \vee D)]$  (۴)

- ۲۱ مجموعه همه جملات درست حسابی را به اصول حساب مرتبه اول پثانو می‌افزاییم. چه تعداد از موارد زیر در مورد

نظریه حاصل درست است؟

- تمام است.

- سازگار است.

- تصمیم‌پذیر است.

۲ (۲)

۱ (۱)

۰ (۴)

۳ (۳)

-۲۲- فرم نرمال پیشوندی فرمول  $\exists x \forall x \phi(x) \rightarrow \exists x \Psi(x)$  کدام است؟

$$\exists x(\phi(x) \rightarrow \Psi(x)) \quad (1)$$

$$\exists x(\neg\phi(x) \vee \Psi(x)) \quad (2)$$

$$\exists x \exists x(\phi(x) \rightarrow \Psi(y)) \quad (3)$$

$$\exists x \exists y(\neg\phi(x) \vee \Psi(y)) \quad (4)$$

-۲۳- فرض کنیم  $\{p_1, p_2, \dots, p_n\}$  ها گزاره‌های اتمی هستند. کدام گزینه درست است؟

(۱)  $\Sigma$  به طور بازگشتی اصل بذیر است ولی تصمیم بذیر نیست.

(۲)  $\Sigma$  به طور بازگشتی اصل بذیر است ولی کامل نیست.

(۳) کامل است ولی تصمیم بذیر نیست.

(۴) کامل و تصمیم بذیر است.

-۲۴- همه گزینه‌های زیر در مورد حساب مرتبه اول پثانو (PA) صحیح‌اند. به غیر از:

(۱) PA کامل نیست.

(۲) مجموعه نامتناهی  $\{x > s(o), x > ss(o), \dots, o\}$  سازگار است.

(۳) هر دو مدل PA، هم ارز مقدماتی‌اند.

(۴) هر مدل PA، نامتناهی است.

-۲۵- همه موارد در ساختار  $(\mathbb{N}, +, =)$  تعریف بذیر هستند. به غیر از:

(۱) ترتیب  $<$

(۲)  $\{\}$

(۳) تابع تالی

(۴) تابع ضرب

-۲۶- کدام یک از فرمول‌های زیر نامعتبر است؟

$$\forall x \exists y (\phi(x) \rightarrow \psi(y)) \leftrightarrow \exists y \forall x (\phi(x) \rightarrow \psi(y)) \quad (1)$$

$$\forall x \exists y (\phi(x) \rightarrow \psi(y)) \rightarrow (\exists x \phi(x) \rightarrow \exists y \psi(y)) \quad (2)$$

$$\forall x (\phi(x) \rightarrow \psi(x)) \rightarrow (\forall x \phi(x) \rightarrow \forall x \psi(x)) \quad (3)$$

$$\forall x (\neg\phi(x) \rightarrow \psi(x)) \rightarrow (\exists x \neg\phi(x) \rightarrow \forall x \psi(x)) \quad (4)$$

-۲۷- مجموعه  $\{p, q, p \rightarrow q, p \vee q\}$  را در نظر بگیرید. چند زیر مجموعه مستقل از  $\Sigma$  وجود دارد که با  $\Sigma$  هم

ارز منطقی است؟

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

-۲۸- جدول ارزش‌ها را برای گزاره  $s \rightarrow [(p \wedge q) \vee r]$  تشکیل داده‌ایم. چند ۱ در ستون مربوط به آن دیده می‌شود؟

(۱) ۱۱

(۲) ۱۳

(۳) ۱۴

(۴) ۱۶

-۲۹- چند گزاره دوبعد ناهم‌ارز  $\sigma$  با گزاره‌های اتمی  $p, q, r$  می‌توان ساخت بطوری‌که  $\sigma \models p \rightarrow (q \rightarrow r)$

- (۱) ۲۷  
 (۲) ۲۳  
 (۳) ۲  
 (۴) ۲۷ - ۲۳

-۳۰- فرض کنید  $T$  مجموعه‌ای از جمله‌های مرتبه اول و  $\phi(x)$  یک فرمول باشد به‌طوری‌که  $\models \phi(x) \neq T$ . در این صورت کدام گزینه لزوماً درست است؟

- (۱)  $T, \forall x \neg \phi(x)$  سازگار است.  
 (۲)  $T, \neg \forall x \phi(x)$  سازگار است.  
 (۳)  $T, \forall x \phi(x)$  سازگار است.  
 (۴)  $T, \exists x \phi(x)$  ناسازگار است.

نظریه علوم کامپیوuter:

-۳۱- کدام یک از توابع زیر، بازگشتی اولیه (primitive recursive) نیست؟

$$A(x, y) = \begin{cases} y + 1 & : x = 0 \\ A(x-1, 1) & : y = 0 \\ A(x-1, A(x, y-1)) & : x \neq 0, y \neq 0 \end{cases} \quad (1)$$

(۲) با فرض اینکه  $\phi(x)$  بازگشتی اولیه است،  $f(x, y) = \begin{cases} g(x) & : y = 0 \\ f(f(x, y-1), y-1) & : y \neq 0 \end{cases}$

اگر  $x$  مرربع کامل باشد:  
 $B(x) = \begin{cases} 2x & \\ 2x+1 & \end{cases}$  در غیر اینصورت: (۳)

(۴) با فرض این که  $\phi(x)$  بازگشتی اولیه است:  $f(x, y) = \overbrace{g(g(\dots g}^{\text{۳ مرتبه}}(x)\dots))$

-۳۲- کدام یک از احکام زیر نادرست است؟  $dmn(f)$  دامنه تابع  $f$  است.  $\phi_n$  ماشین تورینگ با کد  $n$  است و  $K$  مجموعه  $n$ ‌هایی است که  $(n \in dmn(\phi_n))$

- (۱) عددی مثل  $n$  موجود است که  $dmn(\phi_n) = \{n\}$   
 (۲) عددی مثل  $n$  موجود است که  $n \in dmn(\phi_n) = K$   
 (۳) عددی مثل  $n$  موجود است که  $n \notin dmn(\phi_n) = K$

(۴) الگوریتمی وجود دارد که به عنوان ورودی، (توصیف) یک ماشین تورینگ مثل  $T$  را می‌گیرد و در خروجی (توصیف) ماشین تورینگی را می‌دهد که دست کم برای یک ورودی، خروجی متفاوتی با خروجی  $T$  می‌دهد.

-۳۳- فرض کنید  $x \in \mathbb{R}$ . کدام یک به طور مؤثری با تعریف محاسبه پذیری  $x$  معادل نیست؟  
 ۱) دنباله ارقام  $X$  در یک بسط دوگانی (مبناي ۲) از آن توسط یک الگوريتم، محاسبه پذير است.

۲) دنباله‌ای محاسبه‌پذیر از اعداد گویا مثل  $\{x_n\}_{n \in \mathbb{N}}$  موجود است طوری که برای هر  $n \in \mathbb{N}$

۳) دنباله‌ای محاسبه‌پذیر از اعداد گویا مثل  $\{x_n\}_{n \in \mathbb{N}}$  موجود است طوری که برای هر  $n \in \mathbb{N}$

۴) دنباله‌ای محاسبه‌پذیر از اعداد گویا مثل  $\{x_n\}_{n \in \mathbb{N}}$  موجود است طوری که برای هر  $n \in \mathbb{N}$

-۳۴- مجموعه‌های بازگشته شمارش پذیر تحت:

۱) عملگرهای اجتماع، اشتراک، الحق و مکمل بسته است.

۲) عملگرهای اجتماع و اشتراک و الحق بسته است ولی تحت مکمل بسته نیست.

۳) عملگرهای اجتماع و الحق بسته است ولی تحت اشتراک و مکمل بسته نیست.

۴) عملگر اجتماع بسته ولی تحت اشتراک، مکمل و الحق بسته نیست.

-۳۵- با فرض این که  $K_1$  بازگشته و  $K_2$  بازگشته شمارش پذیر است و  $\bar{K}_2$  بازگشته شمارش پذیر نیست و همچنینتابع‌های  $f_1$  و  $f_2$  محاسبه‌پذیر تمام هستند، کدام یک از reduction‌های زیر انجام شدنی است؟

$$\bar{K}_2 \leq_{f_1} K_1, \quad K_2 \leq_{f_2} K_1 \quad (1)$$

$$K_2 \leq_{f_1} K_1, \quad \bar{K}_2 \leq_{f_2} K_2 \quad (2)$$

$$K_1 \leq_{f_1} \bar{K}_1, \quad K_1 \leq_{f_2} K_2 \quad (3)$$

-۳۶- کدام یک از زبان‌های زیر روی الفبای  $\{0,1\}$  تصمیم‌نایپذیر (Undecidable) است؟

۱)  $\{B\}$  یک اوتوماتون متناهی و قطعی است که  $\emptyset$  را می‌پذیرد  $L = \{\langle B, \emptyset \rangle\}$

۲)  $\{B\}$  یک ماشین تورینگ است که  $\emptyset$  را قبول می‌کند  $L = \{\langle B \rangle\}$

۳)  $\{B\}$  یک گرامر مستقل از متن است که  $\emptyset$  را می‌پذیرد  $L = \{\langle B \rangle\}$

۴)  $\{B\}$  یک اوتوماتون متناهی و غیرقطعی است که  $\emptyset$  را می‌پذیرد  $L = \{\langle B, \emptyset \rangle\}$

-۳۷- کدام گزاره درست است؟

۱) برای مجموعه‌های تصمیم‌نایپذیر  $L_k, L_1, \dots, L_n$ ، مجموعه  $\bigcup L_k \cup \dots \cup L_1$  تصمیم‌نایپذیر است.

۲) برای مجموعه‌های بازگشته شمارش‌پذیر  $L$  و  $K$  مجموعه  $K-L$  بازگشته شمارش‌پذیر است.

۳) برای مجموعه تصمیم‌پذیر  $L$  و مجموعه بازگشته شمارش‌پذیر  $K$  اگر  $K \cup L$  تصمیم‌پذیر باشد آنگاه  $K$  نیز تصمیم‌پذیر است.

۴) برای زبان‌های بازگشته شمارش‌پذیر  $L_k, L_1, \dots, L_n$ ، شرایط  $\phi = \bigcup_{i,j} L_i \cap L_j$  (برای  $j \neq i$ ) و  $\Sigma^*$  نتیجه می‌دهد که همه  $\Sigma$ ‌ها تصمیم‌پذیرند.

-۳۸- کدام مجموعه تصمیم‌پذیر نیست؟

۱) مجموعه ماشین‌های تورینگ که با حداقل یک ورودی هرگز متوقف نخواهد شد.

۲) مجموعه ماشین‌های تورینگ که هرگز حرکتی به طرف چپ روی هیچ ورودی‌ی نخواهد داشت.

۳) مجموعه ماشین‌های تورینگ که با شروع از نوار خالی بالاخره یک نماد ناتهی روی نوار خواهد نوشت.

۴) مجموعه ماشین‌های تورینگ که با شروع از نوار خالی به هیچ خانه‌ای بیش از یکبار وارد نمی‌شوند.

-۳۹- کدام یک بازگشته شمارش‌پذیر نیست؟

۱) خانواده همه توابع محاسبه‌پذیر جزئی - مقدماتی

۲) خانواده همه توابع بازگشته شمارش‌پذیر بازگشته

-۴۰ در مورد مجموعه کدهای ماشین‌های تورینگی که زبان آن‌ها دست کم دو عضوی است، چه می‌توان گفت؟

(۱) این مجموعه و مکمل آن هردو مستقل از متن هستند.

(۲) مکمل این مجموعه بازگشتی شمارش‌پذیر است.

(۳) این مجموعه و مکمل آن هر دو تصمیم‌پذیر هستند ولی مستقل از متن نیستند.

(۴) این مجموعه بازگشتی شمارش‌پذیر است ولی مکمل آن بازگشتی شمارش‌پذیر نیست.

-۴۱

کدام‌یک از احکام زیر درست است؟

(۱) ماشین تورینگ با  $\kappa_n$  است با یک ورودی  $x$  و  $\uparrow \varphi_n$  یعنی  $\varphi_n$  با ورودی  $x$  متوقف نمی‌شود و همچنین  $\downarrow \varphi_n$  یعنی  $\varphi_n$  روی ورودی  $x$  متوقف نمی‌شود.

(۲) مجموعه‌ای نامتناهی مثل  $B \subseteq \mathbb{N}$  وجود دارد بطوری که برای هر  $x \in B$  داشته باشیم  $\uparrow \varphi_x$  و همچنین

$$f(x) = \begin{cases} \uparrow : \varphi_x(x) \\ \circ : x \in B \\ \uparrow \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{تابع مقابل محاسبه‌پذیر جزئی باشد:} \\ \text{در غیر اینصورت:} \end{array}$$

(۳) مجموعه‌ای نامتناهی  $X \subseteq \mathbb{N}$  تصمیم‌پذیر است اگر و فقط اگر تابع اکیداً صعودی و محاسبه‌پذیر تام  $f$  موجود باشد بطوری که  $X$  برابر با  $\text{برد } f$  باشد.

(۴) مجموعه‌ای نامتناهی مثل  $B \subseteq \mathbb{N}$  وجود دارد طوری که برای هر  $x \in B$  داشته باشیم  $\uparrow \varphi_x$  و همچنین تابع

$$f(x) = \begin{cases} \uparrow : \varphi_x(x) \\ \circ : x \in B \\ \uparrow \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{مقابل محاسبه‌پذیر جزئی نباشد:} \\ \text{در غیر اینصورت:} \end{array}$$

(۵) همه گزینه‌ها درست است.

-۴۲ کدام‌یک از عبارات زیر مجموعه رشته‌هایی روی  $\{a, b\} = \Sigma$  را مشخص می‌سازد که طول آنها بیشتر از ۳ است؟

$$\Sigma^* \Sigma^* \Sigma^* \Sigma^* \quad (۱)$$

$$\Sigma \Sigma \Sigma^* \Sigma \Sigma \quad (۲)$$

$$\Sigma^* \Sigma^* \Sigma^+ \Sigma^* \Sigma^* \quad (۳)$$

$$\Sigma \Sigma \Sigma \Sigma \quad (۴)$$

-۴۳ گرامر زیر کدام زبان را تولید می‌کند؟

$$S \rightarrow aaSA \quad , \quad S \rightarrow A \quad , \quad A \rightarrow bA \quad , \quad A \rightarrow \lambda$$

$$\{a^{rn} b^{n+1} : n \in \mathbb{N}\} \quad (۱)$$

$$\{a^n b^{rm} : n > m, m, n \in \mathbb{N}\} \quad (۲)$$

$$\{a^{rn} b^m : m, n \in \mathbb{N}\} \quad (۳)$$

$$\{a^{rn} b^n : n \in \mathbb{N}\} \quad (۴)$$

- ۴۴- کدام گزینه زبان عبارت منظم  $a^+ba^+$  را تولید می‌کند؟

$$S \rightarrow AB, A \rightarrow aA | a, B \rightarrow bA \quad (1)$$

$$S \rightarrow AbB, A \rightarrow aA | \lambda, B \rightarrow aB | \lambda \quad (2)$$

$$S \rightarrow AB, A \rightarrow aS | a, B \rightarrow bA \quad (3)$$

$$S \rightarrow aAbB, A \rightarrow aA | \lambda, B \rightarrow aB | \lambda \quad (4)$$

- ۴۵- حداقل توان محاسباتی برای پذیرش زبان  $\{a^n b^m | n < m\}$  کدام گزینه است؟

(۱) ماشین تورینگ

(۲) اutomaton متناهی  
(LBA)

(۳) اتماتون پشته‌ای

ایسی‌پی‌اپر. اورگ

ایسی‌پاپر.org