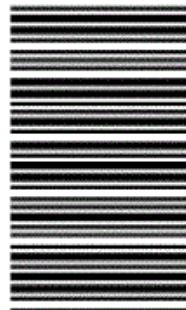


۱۷۹

F



۱۷۹F

نام :

نام خانوادگی :

محل امضاء :

صبح جمعه  
۹۲/۱۲/۱۶  
دفترچه شماره (۱)



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.  
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

## آزمون ورودی دوره‌های دکتری (نیمه مرکز) داخل سال ۱۳۹۳

**مهندسی هوای فضا (۴)  
mekanik proaz control zmineh mahoar (kd ۲۳۳۴)**

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی - دینامیک پرواز پیشرفته، کنترل بهینه)	۴۵	۱	۴۵

اسندهای سال ۱۳۹۲

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی باشد.

-۱ دو جمله‌ی اول غیر صفر بسط مک‌لورن  $f(z) = \sin(\sin z)$  در صفحه‌ی مختلط عبارتست از:

$$z + \frac{z^3}{3} \quad (2) \quad z - \frac{z^3}{3} \quad (1)$$

$$z + \frac{z^3}{3!} \quad (4) \quad z - \frac{z^3}{3!} \quad (3)$$

-۲ با استفاده از روش جداسازی متغیرها  $u(x,t) = X(x)T(t)$  در مسأله داده شده، برای  $T(t)$  چه جوابی به دست می‌آید؟

$$\begin{aligned} u_{tt} - u_{xx} - u &= 0 & 0 < x < 1, t > 0 \\ u(0,t) &= u(1,t) = 0 \\ u(x,0) &= 0 & 0 \leq x \leq 1 \end{aligned}$$

$$\sin(t\sqrt{k^2\pi^2 - 1}) \quad (2) \quad \sin(t\sqrt{k\pi - 1}) \quad (1)$$

$$\sin(t(k^2\pi^2 - 1)) \quad (4) \quad \sin(t(k\pi - 1)) \quad (3)$$

-۳ حاصل انتگرال  $\int_C \frac{dz}{\cosh z}$  که در آن  $C$  مربعی در جهت مثلثاتی به رؤس

$$\begin{aligned} &\text{می‌باشد، کدام است؟} \\ -2\pi i &\quad (2) \quad -2\pi i \quad (1) \\ 2\pi i &\quad (4) \quad 2\pi i \quad (3) \end{aligned}$$

-۴ در مسأله جریان سیال مشخصی، لاپلاسین پتانسیل سرعت به صورت

$$\frac{\partial^2 \phi}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \phi}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial \theta^2} = 0 \quad \text{می‌باشد. با استفاده از روش جداسازی متغیرها،}$$

$$\phi = \sum_{n=0}^{\infty} \left( A_n r^n + \frac{B_n}{r^n} \right) (C_n \cos n\theta + D_n \sin n\theta) \quad \text{پتانسیل سرعت به شکل}$$

$$\text{حاصل می‌شود. اگر به ازای تمام مقادیر } \theta, \text{ شرایط: } r = a \text{ و } \frac{\partial \phi}{\partial r} = 0, \text{ و } r = b \text{ و } \frac{\partial \phi}{\partial r} = 0, \text{ ثابت)$$

$\frac{\partial \phi}{\partial r} = U \cos \theta$  و  $\phi = U \cos \theta$  عبارتست از:

$$\phi = \frac{Ub^2}{(b^2 - a^2)} \left( r - \frac{a^2}{r} \right) \cos \theta \quad (2) \quad \phi = \frac{Ub^2}{(b^2 - a^2)} \left( r - \frac{a^2}{r} \right) \sin \theta \quad (1)$$

$$\phi = \frac{Ub^2}{(b^2 - a^2)} \left( r + \frac{a^2}{r} \right) \sin \theta \quad (4) \quad \phi = \frac{Ub^2}{(b^2 - a^2)} \left( r + \frac{a^2}{r} \right) \cos \theta \quad (3)$$

-۵ تبدیل فوریه تابع  $f(x) = e^{-|x|}$  به طوری که

$$\left( F(\omega) = \int_0^\infty e^{-i\omega x} f(x) dx \right)$$

کدام است؟

$$\frac{2}{1+\omega^2} \quad (1)$$

$$\frac{1}{1+\omega^2} \quad (2)$$

$$\begin{cases} \frac{-1}{1+\omega^2}, \omega < 0 \\ \frac{1}{1+\omega^2}, \omega > 0 \end{cases} \quad (3)$$

$$\frac{|\omega|}{1+\omega^2} \quad (4)$$

-۶ می‌دانیم تابع  $f(z) = u(r, \theta) + iv(r, \theta)$  در نقطه  $z_0 = 1 - i$  تحلیلی است و در این صورت مقدار  $u_r v_\theta + u_\theta v_r$  در نقطه مذکور کدام است؟

$$-4i \quad (1)$$

$$2\sqrt{2} \quad (2)$$

$$-2\sqrt{2}i \quad (3)$$

$$\sqrt{2} \quad (4)$$

-۷ تصویر ناحیه  $w = u + iv$  از صفحه  $z$  به صفحه  $y > C_2$  و  $x > C_1$  تحت تبدیل (نگاشت)  $w = \frac{1}{z}$  در کدام یک از حالات زیر کراندار نیست؟

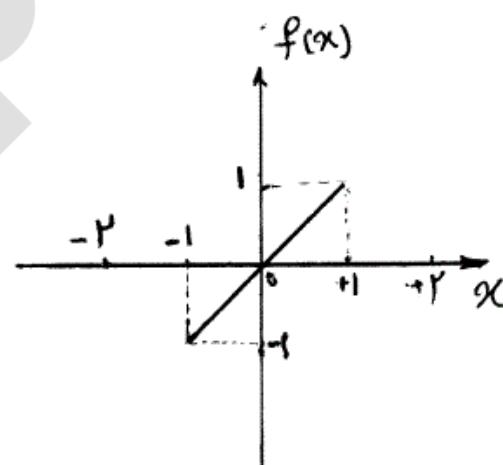
$$C_2 > 0, C_1 < 0 \quad (1)$$

$$C_2 < 0, C_1 < 0 \quad (2)$$

$$C_2 > 0, C_1 > 0 \quad (3)$$

$$C_2 < 0, C_1 > 0 \quad (4)$$

-۸ تابع  $f(x)$  به شکل زیر مفروض است. اگر  $g(x) = \int f(x) dx$  و  $g(0) = a_0$  در این صورت ضریب  $a_0$  در سری فوریه تابع  $g(x)$  کدام است؟



$$\frac{-1}{4} \quad (1)$$

$$\frac{-1}{12} \quad (2)$$

$$0 \quad (3)$$

$$\frac{1}{12} \quad (4)$$

تابع مختلط  $f(z) = u(r, \theta) + iv(r, \theta)$  در حوزه  $D$  که شامل مبدأ نیست تحلیلی می‌باشد به قسمی که تابع حقیقی  $v$  فقط به  $\theta$  بستگی دارد (یعنی  $v$  به  $r$  بستگی ندارد). در این صورت مقدار کلی تابع  $u$  کدام است؟ -۹

$$C_{\ln r} \quad (1)$$

$$C_1 \ln r + C_2 \quad (2)$$

$$\ln r + C \quad (3)$$

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} = \sin^3(\pi x), & 0 < x < 1, t > 0 \\ u(x, 0) = 0, u_t(x, 0) = 0, & 0 \leq x \leq 1 \\ u(0, t) = 0, u(1, t) = 0, & \forall t > 0 \end{cases} \quad \text{مسئله مقدار اولیه - مرزی (1)} \quad -10$$

با تغییر متغیر تابع  $u(x, t) - v(x) = w$  تبدیل می‌شود به مسئله مقدار اولیه مرزی (2)

$$\begin{cases} w_{tt} - w_{xx} = 0, & 0 < x < 1, t > 0 \\ w(x, 0) = g(x), w_t(x, 0) = 0, & 0 \leq x \leq 1 \\ w(0, t) = w(1, t) = 0 \end{cases}$$

که در آن  $v(x)$  تابعی است که در معادله دیفرانسیل (1) و شرایط مرزی آن صدق می‌کند. مقدار  $w(x)$  کدام است؟

$$\frac{-3}{4\pi^2} \sin(\pi x) + \frac{1}{36\pi^2} \sin(3\pi x) \quad (1)$$

$$\frac{3}{4\pi^2} \sin(\pi x) - \frac{1}{36\pi^2} \sin(3\pi x) \quad (2)$$

$$\frac{-3}{4} \sin(\pi x) + \frac{1}{36} \sin(3\pi x) \quad (3)$$

$$\frac{3}{4} \sin(\pi x) - \frac{1}{36} \sin(3\pi x) \quad (4)$$

معادله انتگرالی زیر داده شده است: -11

$$\int_0^\infty [A(\lambda) \cos(\lambda x) + B(\lambda) \sin(\lambda x)] d\lambda = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{\pi}{2}, & x = 0 \\ \pi e^{-x}, & x > 0 \end{cases}$$

مقادیر  $A(\lambda)$  و  $B(\lambda)$  به ترتیب کدام هستند؟

$$\lambda e^{-\lambda}, e^{-\lambda} \quad (1)$$

$$e^{-\lambda}, \lambda e^{-\lambda} \quad (2)$$

$$\frac{1}{1+\lambda^2}, \frac{\lambda}{\lambda^2+1} \quad (1)$$

$$\frac{\lambda}{\lambda^2+1}, \frac{1}{1+\lambda^2} \quad (2)$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{y(u)du}{(x-u)^r + a^r} = \frac{1}{x^r + b^r}, \quad 0 < a < b \quad -12$$

پاسخ  $y(x)$  کدام است؟ (راهنمایی:

$$y(x) = \frac{(b-a)\alpha}{b\pi[x^r + (b-a)^r]} \quad (2) \quad y(x) = \frac{(b+a)\alpha}{b\pi[x^r + (b+a)^r]} \quad (1)$$

$$y(x) = \frac{(a+b)\alpha}{b\pi[x^r + (a-b)^r]} \quad (4) \quad y(x) = \frac{(a-b)\alpha}{b\pi[x^r + (a-b)^r]} \quad (3)$$

سری فوریه تابع  $f(x) = \ln(\cos(\frac{x}{r}))$ ,  $-\pi < x < \pi$  کدام است؟ -13

$$-\ln 2 - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n+1} \cos nx \quad (2) \quad -\ln 2 - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n} \cos nx \quad (1)$$

$$-\ln 2 - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^r + 1} \cos nx \quad (4) \quad -\ln 2 - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^r} \cos nx \quad (3)$$

$$\mathcal{L} \left\{ \frac{2}{t} (1 - \cosh(at)) \right\} = \ln(1 - \frac{a^r}{s^r}) \quad \text{اگر آنگاه} \quad -14$$

$$\mathcal{L} \left\{ \frac{2}{t} (1 - \cos(\omega t)) \right\}$$

$$\ln(\frac{\omega^r}{s^r} - 1) \quad (2) \quad \ln(1 - \frac{\omega^r}{s^r}) \quad (1)$$

$$\ln(1 + \omega^r s^r) \quad (4) \quad \ln(1 + \frac{\omega^r}{s^r}) \quad (3)$$

برای جواب مساله ۱۵

$$u_{xx} = u_t \quad 0 \leq x \leq \pi, t \geq 0$$

$$u(0, t) = u(\pi, t) = 0$$

$$u(x, 0) = \sin x + \sin 3x \quad 0 < x < \pi$$

مقدار  $u(\frac{\pi}{2}, 1)$  کدام است؟

$$e + e^{-r} \quad (2)$$

$$e - e^{-r} \quad (1)$$

$$\frac{e^{10} - 1}{e^9} \quad (4)$$

$$\frac{e^{10} + 1}{e^9} \quad (3)$$

کدام مورد جزو دلایل استفاده از سیستم‌های کنترل پرواز نیست؟ -16

۱) کاهش مصرف سوخت      ۲) کنترل نوسانات سازه‌ای

۳) کاهش حساسیت وسیله پرنده به باد      ۴) افزایش پایداری ذاتی وسیله پرنده

-۱۷ کدام گزینه در مورد ارتباط مشتقات پایداری و پایداری حرکت هواپیما صحیح نمی باشد؟

- ۱) مثبت بودن مشتق  $X_u$  می تواند باعث ناپایداری نوسانی مود فوگوتید شود.
- ۲) مثبت بودن مشتق  $L_\beta$  باعث ناپایداری مود چرخشی هواپیما می شود.
- ۳) مثبت بودن مشتق  $M_u$  باعث ناپایداری مود تاک هواپیما می شود.
- ۴) مثبت بودن مشتق  $M_\alpha$  می تواند باعث ناپایداری حرکت پریودیک کوتاه هواپیما شود.

-۱۸ ماهیت کدام یک از سیستم های کنترلی زیر با بقیه تفاوت دارد؟

- |                              |                         |
|------------------------------|-------------------------|
| Wing Leveler (۲)             | Yaw Damper (۱)          |
| Turn Coordination System (۴) | Tuck Control Device (۳) |

-۱۹ کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) نسبت میرایی مود داچ رول با افزایش مقدار yaw damping derivative زیاد می شود.
- ۲) سرعت پاسخ مود رول یک هواپیما با افزایش مقدار roll damping derivative کم می شود.
- ۳) فرکانس طبیعی مود داچ رول با جلو رفتن مرکز ثقل زیاد می شود.
- ۴) نسبت میرایی مود پریود کوتاه با افزایش مقدار pitch damping derivative زیاد می شود.

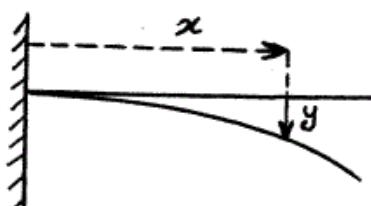
-۲۰ معادلات حرکت پریود کوتاه (short period) هواپیما به شکل زیر داده شده است.

اگر قانون کنترلی به صورت  $\dot{\delta}_e = 2q + w \cdot \delta_e$  در نظر گرفته شود، کدام گزینه صحیح است؟ (  $w$  سرعت قائم،  $q$  سرعت زاویه ای پیچ و  $\delta_e$  زاویه بالابر است).

$$\begin{cases} \dot{w} = w + 5 \cdot q \\ \dot{q} = -0.2w - 0.6q - 2\delta_e \end{cases}$$

- ۱) هواپیما در حال تعادل نیست.
- ۲) مرکز جرم هواپیما عقب تر از مرکز خنثی قرار دارد.
- ۳) حرکت طبیعی هواپیما پایدار است.
- ۴) سیستم کنترل مدار بسته پایدار است.

-۲۱ برای تحلیل حرکت قائم بال الاستیک یک هواپیما می توان از مدل تیر یک سر گیردار استفاده کرد که مطابق شکل در هر نقطه دارای جابجایی  $y$  می باشد. مدل مذبور چند درجه آزادی دارد؟



- ۱)
- ۲)
- ۳)
- ۴) بی نهایت

- ۲۲ اگر بخواهیم مشکل ناپایداری ناشی از نرخ رول یک هواپیما را در مرحله طراحی حل کنیم، کدام گزینه را پیشنهاد نمی کنید؟
- ۱) بزرگ کردن اندازه ایلوون یا مقدار انحراف زاویه‌ای آن
  - ۲) بزرگ کردن سطح دم افقی یا دم عمودی
  - ۳) تغییر چیدمان اجزای داخلی هواپیما
  - ۴) استفاده از SAS

- ۲۳ معادلات حرکت انتقالی مرکز جرم یک جسم پرنده، که از قانون دوم نیوتون بدست می آید، در کدام گزینه صحیح نوشته شده است؟ متغیرهای نوشته شده در روابط در جدول زیر معرفی شده‌اند:

<b>U, V, W</b>	مؤلفه‌های بردار سرعت
<b>P, Q, R</b>	مؤلفه‌های بردار چرخش
<b>F<sub>x</sub>, F<sub>y</sub>, F<sub>z</sub></b>	مؤلفه‌های بردار نیرو

$$\begin{aligned} m(\dot{U} - QW + RW) &= F_x \\ m(\dot{V} + RW - PU) &= F_y \quad (1) \\ m(\dot{W} + PV - QU) &= F_z \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} m(\dot{U} - RV + QW) &= F_x \\ m(\dot{V} + RU - PW) &= F_y \quad (2) \\ m(\dot{W} - QU + PV) &= F_z \end{aligned}$$

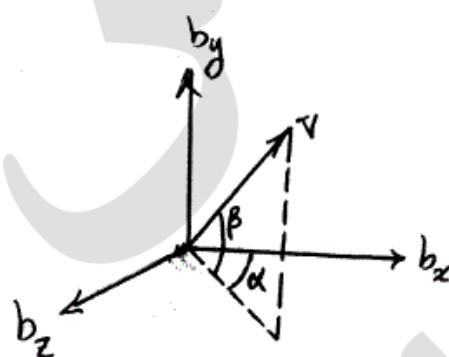
$$\begin{aligned} m(\dot{U} + QW - RV) &= F_x \\ m(\dot{V} + RW - PU) &= F_y \quad (3) \\ m(\dot{W} + PU - QV) &= F_z \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} m(\dot{U} - RW + QV) &= F_x \\ m(\dot{V} + RU - PW) &= F_y \quad (4) \\ m(\dot{W} - PU + QV) &= F_z \end{aligned}$$

- ۲۴ در مورد مؤلفه‌های سرعت زاویه‌ای در دستگاه بدنی هواپیما ( $p, q, r$ ) و نرخ زوایای اویلر ( $\dot{\Psi}, \dot{\theta}, \dot{\phi}$ ) کدام گزینه صحیح است؟
- ۱) انتگرال  $\dot{\phi}$ ,  $\dot{\theta}$  و  $\dot{\Psi}$  منجر به سینگولاریتی (تکینگی) می‌شود.
  - ۲) انتگرال  $r$  و  $q$  و  $p$  منجر به سینگولاریتی (تکینگی) می‌شود.
  - ۳) انتگرال  $r$  و  $q$  و  $p$  منجر به زوایایی می‌شود که توجیه فیزیکی ندارند ولی برای نرخ زوایای اویلر این گونه نیست.
  - ۴) انتگرال  $\dot{\phi}$ ,  $\dot{\theta}$  و  $\dot{\Psi}$  منجر به زوایایی می‌شود که توجیه فیزیکی ندارند ولی برای  $r$  و  $q$  و  $p$  این گونه نیست.

- ۲۵ کدام گزینه در یک هواپیما که توسط خلبان کنترل می‌شود، درست است؟
- ۱) فرکانس قطع بهره سرو مکانیزم باید از پهنانی باند خلبان بیشتر باشد.
  - ۲) فرکانس قطع بهره سرو مکانیزم باید از پهنانی باند خلبان کمتر باشد.
  - ۳) فرکانس قطع بهره دینامیک ذاتی هواپیما باید به مراتب از پهنانی باند خلبان کمتر باشد.
  - ۴) فرکانس قطع بهره دینامیک ذاتی هواپیما باید به مراتب از پهنانی باند خلبان بیشتر باشد.

- ۲۶ در شکل زیر بردار سرعت و زوایای حمله و لغزش جانبی و محورهای دستگاه بدنی هواپیما نشان داده شده است. مؤلفه جانبی سرعت هواپیما چیست؟



$$V \cos \beta \sin \alpha \quad (1)$$

$$V \cos \beta \quad (2)$$

$$V \sin \beta \quad (3)$$

$$V \cos \beta \cos \alpha \quad (4)$$

- ۲۷ مفهوم Inertia Coupling در کدام یک از هواپیماهای زیر در هنگام انجام مانور بیشتر قابل مشاهده خواهد بود؟
- ۱) هواپیمایی با نسبت منظری بال (AR) متوسط و بدنه کوتاه و نازک که بیشتر جرم آن در بال متتمرکز شده است.
  - ۲) هواپیمایی با نسبت منظری بال (AR) پایین و بدنه کشیده و نازک که بیشتر جرم آن در بدنه متتمرکز شده است.
  - ۳) هواپیمایی با نسبت منظری بال (AR) بالا و بدنه کوتاه و پهن که بیشتر جرم آن در بالها متتمرکز شده است.
  - ۴) هواپیمایی با نسبت منظری بال (AR) بالا و بدنه کوتاه و پهن با توزیع جرم یکنواخت

-۲۸ معادلات حرکت طولی هواپیما به شکل زیر داده شده است. اگر معادلات را به فرم معادلات حالت ( $\dot{\mathbf{X}} = \mathbf{AX} + \mathbf{Bu}$ ) بنویسیم، ماتریس ضرایب  $\mathbf{A}$  در کدام گزینه صحیح نوشته شده است؟

$$\begin{cases} \dot{\mathbf{u}} = -\circ/\textcircled{1}\mathbf{u} + \circ/\textcircled{2}\mathbf{w} + 2\delta_{th} \\ \dot{\mathbf{w}} = -\circ/\textcircled{3}\mathbf{u} + \circ/\textcircled{4}\mathbf{w} + 5\circ\mathbf{q} + \delta_e \\ \dot{\mathbf{q}} = \circ/\textcircled{5}\mathbf{u} - \circ/\textcircled{6}\mathbf{w} - \circ/\textcircled{7}\mathbf{q} - 2\delta_e \\ \dot{\theta} = \mathbf{q} \end{cases}$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -\circ/\textcircled{1} & \circ/\textcircled{2} & 0 & 0 \\ -\circ/\textcircled{3} & \circ/\textcircled{4} & 5\circ & 0 \\ \circ/\textcircled{5} & -\circ/\textcircled{6} & -\circ/\textcircled{7} & \circ/\textcircled{1} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -\circ/\textcircled{1} & \circ/\textcircled{2} & 0 & 0 \\ -\circ/\textcircled{3} & \circ/\textcircled{4} & 5\circ & 0 \\ \circ/\textcircled{5} & -\circ/\textcircled{6} & \circ/\textcircled{7} & -\circ/\textcircled{6} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -\circ/\textcircled{1} & \circ/\textcircled{2} & 0 & 0 \\ -\circ/\textcircled{3} & \circ/\textcircled{4} & 5\circ & 0 \\ \circ/\textcircled{5} & -\circ/\textcircled{6} & -\circ/\textcircled{7} & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -\circ/\textcircled{1} & \circ/\textcircled{2} & 0 & 0 \\ -\circ/\textcircled{3} & \circ/\textcircled{4} & 5\circ & 0 \\ \circ/\textcircled{5} & -\circ/\textcircled{6} & -\circ/\textcircled{7} & -5/6 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (4)$$

-۲۹ صفرهای تابع تبدیل یک موشک الاستیک شامل:

- ۱) صفرهای مدل جسم صلب می‌باشد.
- ۲) صفرهایی منطبق بر قطب‌های خمی بدن می‌باشد.
- ۳) صفرهایی منطبق بر قطب‌های الاستیک می‌باشند.
- ۴) صفرهایی نزدیک به صفرهای مدل جسم صلب می‌باشد.

-۳۰ اگر برای یک هواپیمای مسافربری سنگین، مشتقات حرکت پریود کوتاه به صورت زیر داده شده باشند، ثابت زمانی هواپیما (Aircraft Time Constant) چند ثانیه خواهد بود؟

$$M_w = -\frac{1}{0.0025}, M_{\dot{w}} = 0, Z_w = -\frac{1}{0.25},$$

$$Z_{\delta E} = 0, M_{\delta E} = -1$$

$$0.25 \text{ (۲)}$$

$$100 \text{ (۴)}$$

$$0.01 \text{ (۱)}$$

$$4 \text{ (۳)}$$

-۳۱ برای سیستم زیر کدام گزینه صحیح است؟

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = -x_2 \\ \dot{x}_2 = -x_1 + u \end{cases}$$

(۱) کلاً کنترل پذیر است.

(۲) کلاً کنترل پذیر نیست.

(۳) فقط متغیر حالت اول ( $x_1$ ) کنترل پذیر نیست.

(۴) فقط متغیر حالت دوم ( $x_2$ ) کنترل پذیر نیست.

-۳۲ کدام یک از تابعی های زیر حداقل مصرف سوخت ماهواره در کوتاه ترین زمان است؟

$$J = \int_{t_0}^{t_f} \left(1 + \frac{1}{2}u^2\right) dt \text{ (۲)}$$

$$J = \int_{t_0}^{t_f} (1 - u^2) dt \text{ (۱)}$$

$$J = \int_{t_0}^{t_f} \left(1 + \frac{1}{2}u^2\right) dt \text{ (۴)}$$

$$J = \int_{t_0}^{t_f} (1 + |u|) dt \text{ (۳)}$$

-۳۳ در صورتی که بخواهیم استراتژی کنترل بهینه را برای قراردادن یک ماهواره در یک موقعیت مشخص (به لحاظ بردار سرعت و موقعیت) بدست آوریم، معیار عملکرد در چه طبقه بندی قرار خواهد گرفت؟

(۱) کنترل پایانی (Terminal Control)

(۲) ردیابی (Tracking)

(۳) حداقل تلاش کنترلی

(۴) رگولاتور

-۳۴ معادله جبری ریکاتی سیستم  $\dot{x} = -\frac{1}{5}x + u$  برای بهینه کردن تابع هزینه

$$J = \frac{1}{2} \int_0^\infty (x^2 + u^2) dt$$

$$k^2 + k - 1 = 0 \text{ (۲)}$$

$$k^2 - k - 1 = 0 \text{ (۱)}$$

$$k^2 - k + 2 = 0 \text{ (۴)}$$

$$k^2 + k + 2 = 0 \text{ (۳)}$$

-۳۵ در مسئله LQR زیر:

$$\dot{x} = A(t)x + B(t)u$$

$$J = \int_{t_0}^{t_f} [x^T Q x + u^T R u] dt$$

تحت چه شرایطی ماتریس  $k(t)$  (جواب معادله ریکاتی) به یک ماتریس ثابت میل می‌کند؟

(۱) همیشه میل می‌کند و نیاز به شرطی نیست.

(۲)  $Q$  و  $R$  و  $A$  و  $B$  ماتریس‌های ثابتی باشند.

(۳)  $t_f \rightarrow \infty$  و سیستم کاملاً کنترل پذیر باشد.

(۴) هر دو مورد ۲ و ۳ برقرار باشد.

-۳۶ برای مسئله کنترل بهینه زیر:

$$\dot{x} = a(x, u, t)$$

$$H = \text{تابع همیلتونین}$$

$$J = h(x(t_f), t_f) + \int g(x, u, t) dt$$

با فرض نامقید بودن  $x$  و  $u$  برای اینکه  $u$  بهینه باشد بایستی:

$$\frac{\partial^2 H}{\partial u^2} > 0 \quad \text{و} \quad \frac{\partial H}{\partial u} = 0 \quad (۲) \quad \frac{\partial^2 H}{\partial u^2} < 0 \quad \text{و} \quad \frac{\partial H}{\partial u} \neq 0 \quad (۱)$$

$$\frac{\partial^2 H}{\partial u^2} < 0 \quad \text{و} \quad \frac{\partial H}{\partial u} = 0 \quad (۴) \quad \frac{\partial^2 H}{\partial u^2} > 0 \quad \text{و} \quad \frac{\partial H}{\partial u} \neq 0 \quad (۳)$$

-۳۷ در مسئله LQR:  $J = \int (X^T Q X + U^T R U) dt$  شرایط ماتریس‌های  $R$  و  $Q$  چگونه است؟

(۱)  $R$  مثبت نیمه معین و  $Q$  مثبت معین است.

(۲)  $R$  مثبت معین و  $Q$  مثبت نیمه معین است.

(۳)  $R$  و  $Q$  هر دو مثبت معین هستند.

(۴)  $R$  و  $Q$  هر دو مثبت نیمه معین هستند.

-۳۸ کدام یک صحیح است؟

(۱) روش برنامه‌ریزی پویا بهینه مطلق را مشخص می‌کند.

(۲) روش برنامه‌ریزی پویا بهینه محلی را مشخص می‌کند.

(۳) روش برنامه‌ریزی پویا گاهی بهینه محلی و گاهی بهینه مطلق را مشخص می‌کند.

(۴) هیچ کدام

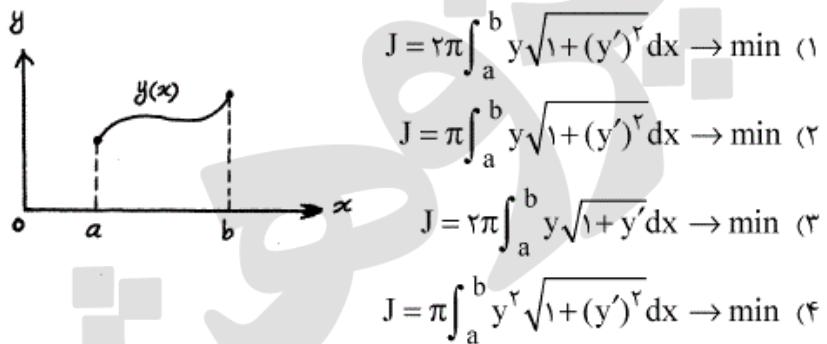
-۳۹ تابع  $x(t)$  را چنان پیدا کنید که  $J$  را با شرایط

$$x(t_f) = 3 \quad \text{و} \quad x(1) = 0$$

$$x(t) = \frac{18}{\gamma} \left( 1 - \frac{1}{t^3} \right) \quad (۲) \quad x(t) = \frac{24}{\gamma} \left( 1 - \frac{1}{t^3} \right) \quad (۱)$$

$$x(t) = 6 - \frac{6}{t} \quad (۴) \quad x(t) = 4 - \frac{4}{t^2} \quad (۳)$$

برای حداقل نمودن سطح حاصل از دوران منحنی  $y(x)$  حول محور  $ox$  کدام رابطه صحیح است؟ -۴۰



منحنی بهینه برای تابع - تابع زیر با شروط مرزی داده شده، کدام است؟ -۴۱

$$J = \int_0^1 \frac{\sin(\dot{x})}{\sqrt{1+\dot{x}^2}} dt \quad x(0)=1 \quad x(1)=2$$

$$x^*(t) = t + \cos\left(\frac{\pi}{2}t\right) \quad (2) \qquad x^*(t) = e^{t \ln 2} \quad (1)$$

$$x^*(t) = t + 1 + \sin(\pi t) \quad (4) \qquad x^*(t) = t + 1 \quad (3)$$

کدام یک از روابط زیر برای ماتریس انتقال حالت برای یک سیستم متغیر با زمان صحیح است؟ -۴۲

**(Time Varying)**

$$\phi(t, t) = I, \phi(t_2, t_1)\phi(t_1, t_0) = \phi(t_2, t_0) \quad (1)$$

$$\phi(t, t) = I, \phi(t_2, t_1)\phi(t_1, t_0) = \phi(t_0, t_2) \quad (2)$$

$$\phi(t, t) = 0, \phi(t_2, t_1)\phi(t_1, t_0) = \phi(t_2, t_0) \quad (3)$$

$$\phi(t, t) = 0, \phi(t_2, t_1)\phi(t_1, t_0) = \phi(t_0, t_2) \quad (4)$$

معادله شبیه حالت اول در مسأله کنترل بهینه زیر کدام است؟ -۴۳

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = -x_2 + x_1 u \\ \dot{x}_2 = -x_1^2 + u \end{cases} \qquad J = \frac{1}{2} \int_0^{t_f} (x_1^2 + u^2) dt$$

$$\dot{P}_1 = x_1(P_1^2 + 2P_2 - 1) + P_1 P_2 \quad (2) \qquad \dot{P}_1 = x_1(P_2^2 + 2P_1 - 1) - P_1 P_2 \quad (1)$$

$$\dot{P}_1 = x_1(P_2^2 + 2P_1 - 1) - P_1 P_2 \quad (4) \qquad \dot{P}_1 = x_1(P_1^2 + 2P_2 - 1) + P_1 P_2 \quad (3)$$

معادله تغییرات زمانی متغیر شبیه حالت در مسأله کنترل بهینه زیر کدام است؟ -۴۴

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 \\ \dot{x}_2 = -x_1 + u \end{cases} \qquad J = \int_0^{t_f} \frac{1}{2} u^2 dt$$

$$P_1 = C_1 + C_2 e^{-rt} \quad (2) \qquad P_1 = C_1 + C_2 e^{rt} \quad (1)$$

$$P_2 = C_1 + C_2 e^{rt} \quad (4) \qquad P_2 = C_1 + C_2 e^{-rt} \quad (3)$$

برای سیستم دینامیکی زیر با قیود داده شده، حداقل تعداد سوئیچ کنترل جهت حداقل نمودن زمان کدام است؟ -۴۵

- |                              |           |
|------------------------------|-----------|
| $\dot{x}_1 = -x_2$           | (۱) ۱ بار |
| $\dot{x}_2 = -x_1$           | (۲) ۲ بار |
| $\dot{x}_3 = -x_1 + x_2 + u$ | (۳) ۳ بار |
|                              | (۴) ۴ بار |