



290E

کد کنترل

290

E

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.»

امام خمینی (ره)

صبح جمعه

۱۳۹۶/۱۲/۴

دفترچه شماره (۱)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه متمرکز) - سال ۱۳۹۷

رشته مهندسی برق - کنترل (کد ۲۳۰۵)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: ریاضیات مهندسی - مدارهای الکتریکی او ۲ - سیگنال ها و سیستم ها - سیستم های کنترل خطی	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می شود.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... در جلسه این آزمون شرکت می‌نمایم.

امضا:

۱- تابع متناوب  $f$  در یک دوره تناوب به صورت  $f(x) = \begin{cases} x, & 0 \leq x \leq a \\ 2a - x, & a < x < 2a \end{cases}$ ، تعریف شده است. سری فوریه

مثلهائی این تابع کدام است؟

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\gamma a}{n^{\gamma} \pi^{\gamma}} \cos \frac{n\pi x}{a} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\gamma a}{n\pi} \sin \frac{n\pi x}{a} \quad (1)$$

$$\frac{a}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \left[ \frac{\gamma a}{n^{\gamma} \pi^{\gamma}} \cos \frac{n\pi x}{a} + \frac{\gamma a}{n\pi} \sin \frac{n\pi x}{a} \right] \quad (2)$$

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\gamma a}{\pi^{\gamma} (\gamma n - 1)^{\gamma}} \cos \frac{(\gamma n - 1)\pi x}{a} \quad (3)$$

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\gamma a}{n^{\gamma} \pi^{\gamma}} \cos \frac{n\pi x}{a} \quad (4)$$

۲- به ازای کدام مجموعه مقادیر از  $\alpha$  جواب معادله زیر، شکل نوسانی خواهد داشت؟

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} + \alpha u_t + u = 0 & 0 < x < 1, t > 0 \\ u(0, t) = u(1, t) = 0 & \forall t > 0 \\ u(x, 0) = f(x) & u_t(x, 0) = g(x); 0 < x < 1 \end{cases}$$

$$[-\sqrt{1+\pi^2}, \sqrt{1+\pi^2}] \quad (1)$$

$$[-2\sqrt{1+\pi^2}, 2\sqrt{1+\pi^2}] \quad (2)$$

$$(-\infty, 4 + 4\pi^2) \quad (3)$$

$$(-\infty, 2 + 2\pi^2) \quad (4)$$

۳- با جایگزینی  $u(x, y) = w(x, y)e^{-(bx+ay)}$ ، معادله دیفرانسیل با مشتقات جزئی مرتبه دوم

$$u_{xy} + au_x + bu_y + cu = 0 \text{ به کدام صورت در می آید؟}$$

$$e^{-(bx+ay)} w_{xy} + (c - ab)w = 0 \quad (1)$$

$$w_{xy} + (c - ab)e^{-(bx+ay)} w = 0 \quad (2)$$

$$w_{xy} + (c + ab)w = 0 \quad (3)$$

$$w_{xy} + (c - ab)w = 0 \quad (4)$$

۴- برای پاسخ مسئله  $\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} = 0 & 0 < x < \frac{\pi}{2}, t > 0 \\ u(x, 0) = \sin x, u_t(x, 0) = \cos x \\ u_x(0, t) = 0, u(\frac{\pi}{2}, t) = 0 \end{cases}$ ، حاصل عبارت  $u(\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2})$ ، کدام است؟

$$\sqrt{2} \quad (1)$$

$$\sqrt{2} + 1 \quad (2)$$

$$2\sqrt{2} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (4)$$

۵- در میله‌ای به طول  $L = \pi$ ، معادله حرارت با شرایط زیر داده شده است. دمای  $u$  در زمان  $t = 1$  و مکان  $x = \frac{L}{4}$ ،

کدام است؟

$$\begin{cases} u_t = u_{xx} \\ u(0, t) = u(L, t) = 0 \\ u(x, 0) = \sin\left(\frac{2\pi}{L}x\right) \end{cases}$$

$$e^{-2} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} e^{-1} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} e^{-2} \quad (3)$$

$$e^{-1} \quad (4)$$

۶- می‌دانیم  $f(z)$  یک تابع تام و  $\operatorname{Re}[f(z)] = u(x, y) = \alpha_1 x^3 + \alpha_2 x^2 y + \alpha_3 xy^2 + \alpha_4 y^3 + \beta_1 x + \beta_2 y$  است. در این صورت روابط بین ضرایب  $\alpha_k$  و  $\beta_k$  در حالت کلی کدام است؟

(۱)  $\alpha_3 = -3\alpha_4, \alpha_2 = -3\alpha_1, \beta_2, \beta_1$  دلخواه

(۲)  $\alpha_4, \alpha_1$  صفر و بقیه ضرایب دلخواه

(۳)  $\alpha_2, \alpha_3$  صفر و بقیه ضرایب دلخواه

(۴)  $\alpha_k$  ها صفر،  $\beta_2, \beta_1$  دلخواه

۷- مکان هندسی نقاطی از صفحه مختلط که در رابطه  $|\frac{z-1+i}{2z-3i}| = \frac{1}{2}$  صدق می‌کنند، کدام است؟

(۱) بیضی (۲) خط مستقیم (۳) دایره (۴) هذلولی

۸- حاصل انتگرال زیر روی مسیر بسته  $C$  (دایره به مرکز مبدأ و شعاع واحد)، کدام است؟

$$I = \oint_C \operatorname{Re}\{z\} + i \operatorname{Im}\{z^2\} dz$$

(۱)  $\pi$

(۲)  $i\pi$

(۳)  $i\frac{\pi}{2}$

(۴)  $\frac{\pi}{2}$

۹- اگر  $C$  مرز  $|z|=3$  در جهت مثلثاتی باشد، آنگاه مقدار انتگرال  $\oint_C \frac{dz}{z^2 \sin z}$ ، کدام است؟

(۱)  $\pi i$

(۲)  $2\pi i$

(۳)  $\frac{\pi i}{2}$

(۴)  $\frac{\pi i}{3}$

۱۰- مقدار مانده تابع مختلط  $f(z) = \frac{1}{\sin^2(z)} + \frac{1}{1-\cos(z)}$  در نقطه  $z=0$ ، کدام است؟

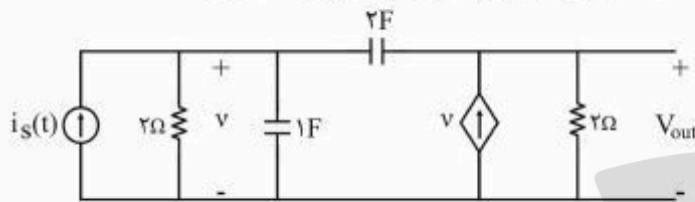
(۱) صفر

(۲)  $\frac{1}{2}$

(۳)  $\frac{1}{6}$

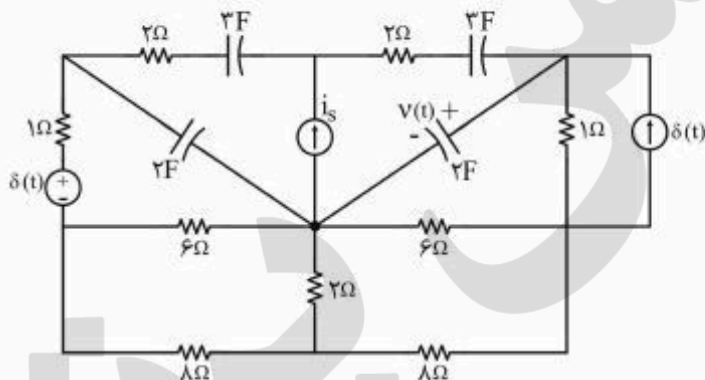
(۴) ۱

۱۱- اعمال کدام ورودی  $i_s(t)$  به مدار زیر، فقط فرکانس‌های طبیعی مدار را در خروجی ظاهر می‌کند؟



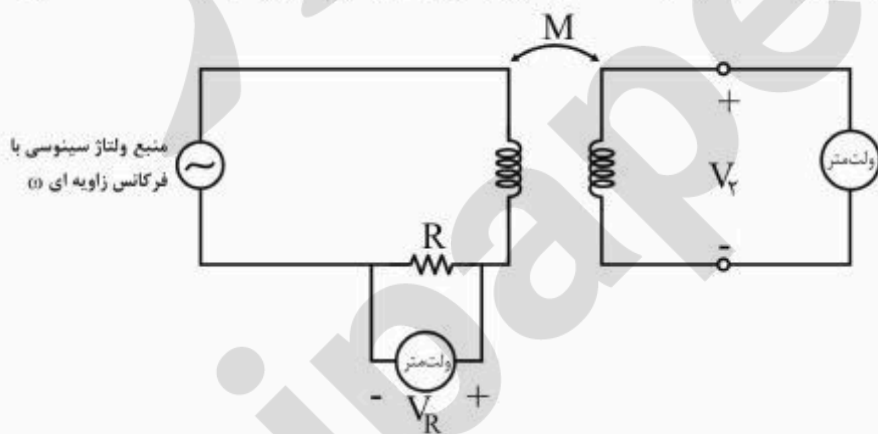
- (۱)  $e^{-\omega/25t} u(t)$
- (۲)  $e^{-\omega/5t} u(t)$
- (۳)  $e^{-t} u(t)$
- (۴)  $e^{-2t} u(t)$

۱۲- در مدار زیر، منبع جریان ورودی،  $i_s = 2\delta(t)$ ، و شرایط اولیه صفر است. کدام گزینه برای معادله ولتاژ خازن ۲ فارادی  $v(t)$  صحیح است؟



- (۱)  $\frac{3}{5} e^{-10t} u(t)$
- (۲)  $-\frac{3}{5} e^{-10t} u(t)$
- (۳)  $\frac{4}{5} e^{-\frac{t}{\Delta}} u(t)$
- (۴)  $-\frac{4}{5} e^{-\frac{t}{\Delta}} u(t)$

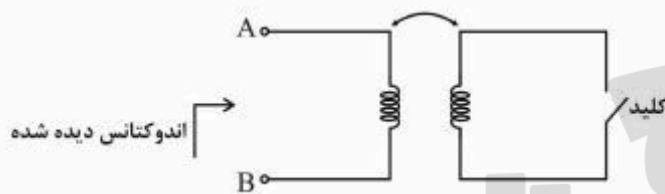
۱۳- برای اندازه‌گیری اندوکتانس متقابل  $M$  در آزمایشگاه، اندازه‌گیری‌های ولتاژ به صورت زیر انجام شده است. مقدار  $M$  برابر کدام است؟



- (۱)  $\frac{R}{2\omega} \left| \frac{V_r}{V_R} \right|$
- (۲)  $\frac{2R}{\omega} \left| \frac{V_r}{V_R} \right|$
- (۳)  $\frac{R}{\omega} \left| \frac{V_r}{V_R} \right|$
- (۴)  $\frac{R}{\omega} \left| \frac{V_R}{V_r} \right|$



۱۴- برای اندازه‌گیری ضریب تزویج  $k$  یک جفت سلف تزویجی از مدار زیر استفاده شده است. اندازه اندوکتانس دیده شده از دو سر  $A$  و  $B$ ، در حالتی که کلید باز است برابر  $L_{oc}$  و در حالتی که کلید بسته است، برابر  $L_{sc}$  اندازه‌گیری شده است. مقدار ضریب تزویج  $k$ ، کدام است؟



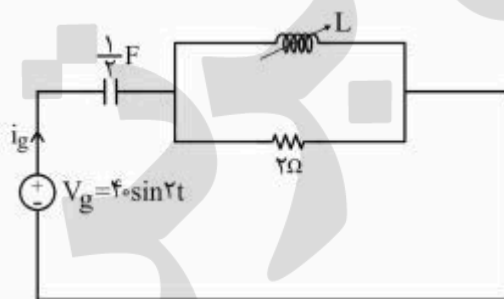
(۱)  $\sqrt{1 - \frac{L_{oc}}{L_{sc}}}$

(۲)  $1 - \frac{L_{oc}}{L_{sc}}$

(۳)  $1 - \frac{L_{sc}}{L_{oc}}$

(۴)  $\sqrt{1 - \frac{L_{sc}}{L_{oc}}}$

۱۵- در مدار زیر، مقدار اندوکتانس سلف  $L$  قابل تنظیم چقدر باشد تا در حالت دائمی سینوسی جریان  $i_g$  با ولتاژ  $v_g$  هم‌فاز باشد؟ در همین حالت دامنه  $|i_g|$  چقدر است؟



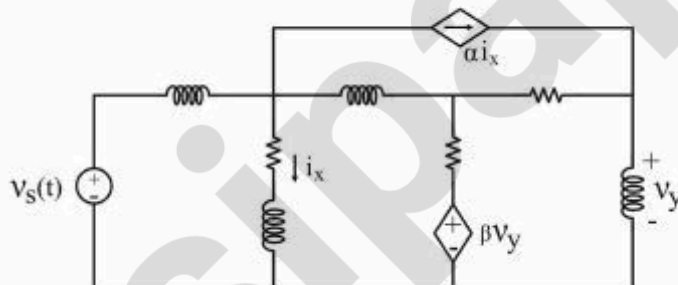
(۱)  $20\text{ A}, 2\text{ H}$

(۲)  $40\text{ A}, 2\text{ H}$

(۳)  $40\text{ A}, 1\text{ H}$

(۴)  $20\text{ A}, 1\text{ H}$

۱۶- در شکل زیر، اگر مقادیر همه سلف‌ها و مقاوم‌ها دوبرابر شوند و منابع ناپسته ثابت باشند، مقادیر  $\alpha$  و  $\beta$  را چگونه تغییر دهیم تا ولتاژ شاخه‌های شبکه، بدون تغییر باقی بماند و جریان شاخه‌ها نصف شود؟



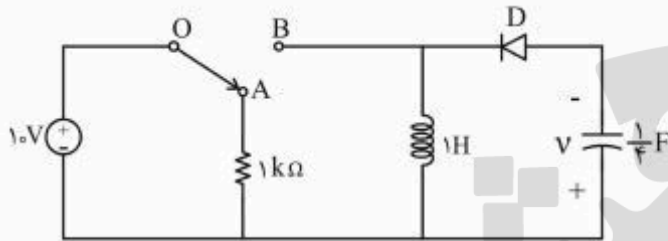
(۱)  $\alpha$  ثابت و  $\beta$  دوبرابر شود.

(۲)  $\alpha$  دوبرابر و  $\beta$  ثابت باشد.

(۳)  $\alpha$  و  $\beta$  هر دو دوبرابر شوند.

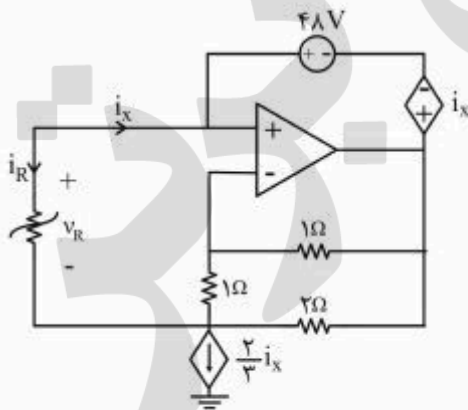
(۴)  $\alpha$  و  $\beta$  ثابت بماند.

۱۷- در مدار زیر، دیود  $D$  ایدئال و کلید در وضعیت  $OA$  می‌باشد. با شرایط اولیه صفر اگر کلید به مدت ۲ ثانیه در وضعیت  $OB$  قرار گیرد و سپس به وضعیت قبلی برگردد، پس از چند ثانیه (بعد از قرار گرفتن مجدد کلید در وضعیت  $OA$ ) انرژی‌های ذخیره شده در سلف و خازن یکسان خواهد بود؟



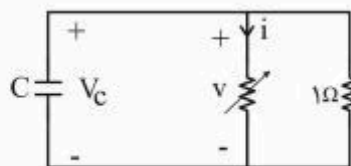
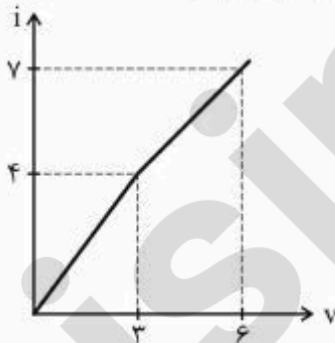
- (۱)  $\frac{\pi}{8}$
- (۲)  $\frac{\pi}{4}$
- (۳)  $\frac{3\pi}{4}$
- (۴)  $\frac{\pi}{2}$

۱۸- در مدار زیر مقاومت غیرخطی  $R$  با مشخصه  $V_R = 6i_R^2 - \frac{2}{3}i_R$  توصیف می‌شود. با فرض این که تقویت‌کننده عملیاتی ایدئال باشد، جریان  $i_x$  چند آمپر است؟



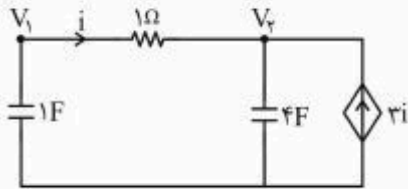
- (۱) -۴
- (۲) -۲
- (۳) ۰
- (۴)  $\frac{2}{18}$

۱۹- خازن  $C = 0.5 \text{ F}$  را به‌طور موازی با یک مقاومت ۱ اهم و یک مقاومت غیرخطی با مشخصه زیر متصل کرده‌ایم. ولتاژ اولیه خازن  $V_C(0^-) = 5 \text{ V}$  است. زمان لازم برای رسیدن ولتاژ خازن به ۳V کدام است؟



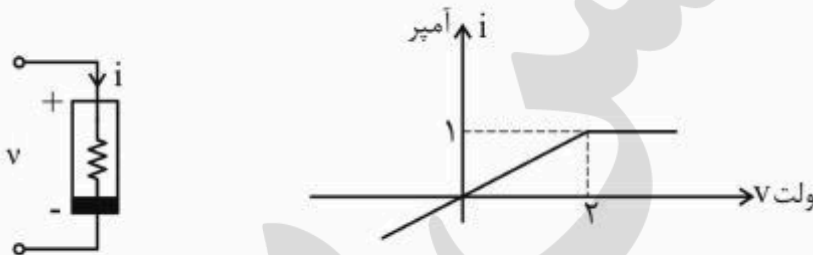
- (۱)  $\frac{1}{4} \ln\left(\frac{9}{5}\right)$
- (۲)  $\frac{1}{4} \ln\left(\frac{11}{5}\right)$
- (۳)  $\frac{1}{4}$
- (۴)  $\frac{1}{4} \ln\left(\frac{13}{5}\right)$

۲۰- اگر  $V_1(0^+) = \Delta V$  و  $V_2(0^+) = -\Delta V$  باشد، جریان  $i$  در مدار زیر برای  $t > 0$  کدام است؟



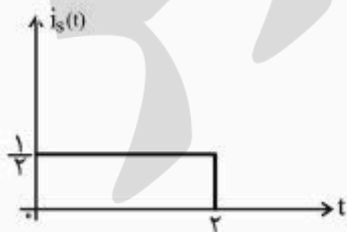
- (۱)  $10e^{-\Delta t}$
- (۲)  $10e^{-\Delta t/4}$
- (۳)  $10e^{-2t}$
- (۴) ۰

۲۱- اگر  $v(t) = \frac{3}{4} \cos 6t$  باشد، توان متوسط مصرف شده در یک دوره تناوب در مقاومت غیرخطی  $v-i$ ، چند وات است؟



- (۱) صفر
- (۲)  $\frac{1}{4}$
- (۳)  $\frac{9}{16}$
- (۴)  $\frac{1}{4}$

۲۲- در مدار زیر، دو قطبی N یک مدار RLC است. هرگاه  $i_s(t) = e^{-2t}u(t)$  باشد، ولتاژ حالت صفر،  $v(t) = (e^{-t} - e^{-2t})u(t)$  به دست می آید. ولتاژ حالت صفر  $v(t)$  برای  $0 < t < 2$  به ورودی  $i_s(t)$  در شکل ب



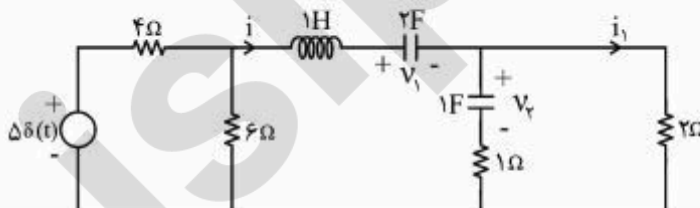
شکل (ب)



شکل (الف)

- (۱)  $\frac{1}{2} - \frac{1}{2}e^{-t}$
- (۲)  $1 - \frac{1}{2}e^{-t}$
- (۳)  $e^{-t} - e^{-2t}$
- (۴)  $\frac{1}{2} - \frac{1}{2}e^{-2t}$

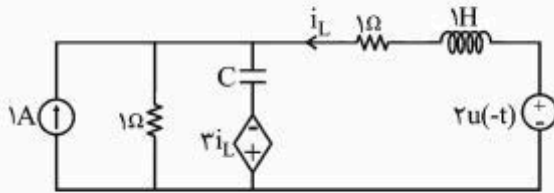
۲۳- در مدار زیر شرایط اولیه به صورت  $v_1(0^-) = 2V$ ،  $v_2(0^-) = 4V$  و  $i(0^-) = 2A$  است.  $i_1(0^+)$  چند آمپر است؟



- (۱) ۳
- (۲) ۲
- (۳) ۴
- (۴) ۶

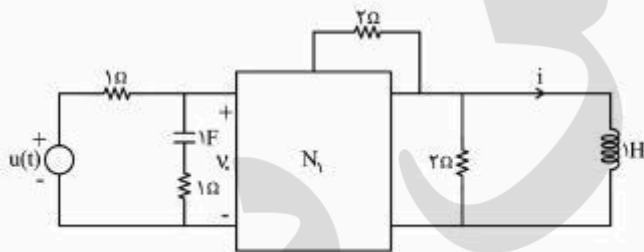


۲۴- در مدار زیر، مقدار  $\frac{d^2 i_L}{dt^2}(0^+)$ ، کدام است؟



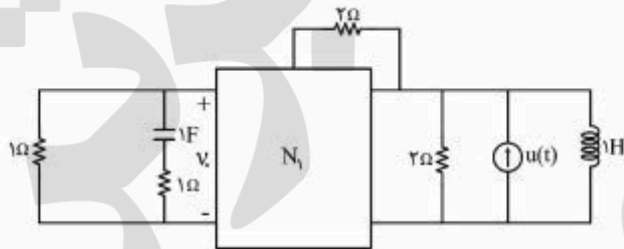
- (۱) +۴
- (۲) +۳
- (۳) -۳
- (۴) -۴

۲۵- در مدار (الف) جریان حالت صفر  $i = (2e^{-t} - 3e^{-2t} + 1)u(t)$  را داریم. در مدار (ب)  $v_o(t)$  در حالت صفر کدام است؟



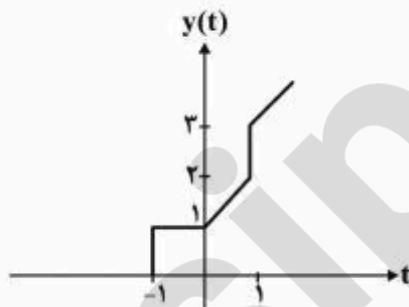
شکل (الف)

- (۱)  $(-2e^{-t} + 12e^{-2t})u(t)$
- (۲)  $(2e^{-t} - 3e^{-2t})u(t)$
- (۳)  $(2te^{-t} - 3e^{-2t})u(t)$
- (۴)  $(-2e^{-t} + 12e^{-2t})u(t)$



شکل (ب)

۲۶- پاسخ یک سیستم LTI به ورودی  $tu(t)$  در شکل زیر ارائه شده است. در مورد پاسخ فرکانسی این سیستم،



کدام گزینه می تواند صحیح باشد؟

- (۱)  $|H(0)| = 0$
- (۲)  $|H(0)| = 2$
- (۳)  $|H(j\frac{\pi}{4})| = 1$
- (۴)  $|H(j\frac{\pi}{4})| = 0$

۲۷- سیستمی با رابطه ورودی خروجی زیر تعریف شده است که در آن  $\alpha$  مقدار ثابت و معلوم است.

$$y(t) = \int_t^{t+1} x(T - \alpha) dT$$

گزینه درست در مورد این سیستم، کدام است؟ این سیستم:

(۱) معکوس‌پذیر نیست و برای برخی مقادیر  $\alpha$  علی است.

(۲) معکوس‌پذیر و به ازای برخی مقادیر  $\alpha$  غیرعلی است.

(۳) معکوس‌پذیر و علی نیست.

(۴) معکوس‌پذیر و علی است.

۲۸- پاسخ ضربه یک سیستم LTI به صورت  $h(t) = e^t$  است. خروجی آن  $(y(t))$  به ازای  $x(t) = u(t+1)$  برابر

کدام است؟

(۱)  $e^{t+1}u(t+1)$

(۲)  $e^{t-1}u(t-1)$

(۳)  $e^{t-1}$

(۴)  $e^{t+1}$

۲۹- تبدیل لاپلاس یک سیستم LTI پیوسته به صورت  $H(s) = \frac{k(s-1)}{s^2 + 3s + 2}$  مفروض است. با فرض

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{dh(t)}{dt} e^{\gamma t} dt \quad \text{حاصل عبارت روبه‌رو کدام است؟} \quad \int_{-\infty}^{\infty} h(t) dt = \frac{-1}{\gamma}$$

(۱) -۶

(۲) ۰

(۳) ۱۲

(۴)  $\infty$

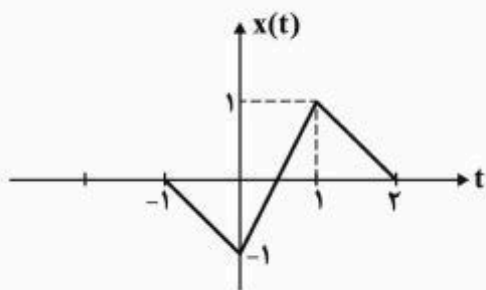
۳۰-  $x(t)$  سیگنال زمان پیوسته و  $T > 0$  است. اگر  $x(t)$  دارای تبدیل فوریه  $X(j\omega)$  باشد، در آن صورت:

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} |X(j\frac{\gamma\pi n}{T})|^2 = T \sum_{n=-\infty}^{\infty} |x(nT)|^2 \quad (۱)$$

$$T \sum_{n=-\infty}^{\infty} |X(j\frac{\gamma\pi n}{T})|^2 = \sum_{n=-\infty}^{\infty} |x(n)|^2 \quad (۲)$$

$$T \sum_{n=-\infty}^{\infty} X(j\frac{\gamma\pi n}{T}) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(nT) \quad (۳)$$

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} X(j\frac{\gamma\pi n}{T}) = T \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(nT) \quad (۴)$$



۳۱- تبدیل فوریه سیگنال ارائه شده در شکل زیر، کدام است؟

(۱)  $e^{-j\pi f} \text{sinc}^2(f) \sin\left(\frac{\pi f}{4}\right)$

(۲)  $-2je^{-j\pi f} \text{sinc}^2(f) \sin(\pi f)$

(۳)  $e^{-j\pi f} \text{sinc}^2(f) \sin\left(\frac{\pi f}{2}\right)$

(۴)  $je^{-j\pi f} \text{sinc}^2\left(\frac{f}{2}\right) \sin(\pi f)$

۳۲- اگر پایداری ورودی - کراندار، خروجی - کراندار (BIBO) و خاصیت کراندار بودن انرژی پاسخ ضربه در یک سیستم LTI را، به ترتیب، با نمادهای S و E نشان دهیم، کدام گزینه برای سیستم LTI زمان گسسته صادق است؟

(۱) برقراری S شرط کافی برای برقراری E است.

(۲) برقراری S شرط لازم و کافی برای برقراری E است.

(۳) برقراری E شرط کافی برای برقراری S است.

(۴) برقراری E شرط لازم و کافی برای برقراری S است.

۳۳- در مورد سیستم روبه‌رو، کدام گزینه صحیح است؟

$$H(z) = \frac{1 + \frac{1}{4}z^{-1} - \frac{3}{8}z^{-2}}{z^{-1}\left(1 + \frac{1}{4}z^{-1}\right)\left(1 - \frac{3}{8}z^{-1}\right)}$$

(۱) اگر سیستم پایدار باشد، غیرعلی است.

(۲) اگر سیستم ناپایدار باشد، علی است.

(۳) اگر سیستم پایدار باشد، علی است.

(۴) سیستم همواره پایدار است.

۳۴- سیگنال  $x[n]$  یک سیگنال پریودیک با دوره تناوب ۶ است که برای آن رابطه زیر برقرار است:

$$\frac{1}{3}a_k^3 + a_k^2 a_{k-3} + a_k a_{k-3}^2 + \frac{1}{3}a_{k-3}^3 = 0$$

سیگنال  $y[n] = \sin\left(\frac{n\pi}{4}\right)x[n-1]$  از روی سیگنال  $x[n]$  ساخته شده است. ضرایب سری فوریه سیگنال  $y[n]$

کدام است؟

(۱)  $\frac{j\pi k}{a_k e^{\pi}}$

(۲) ۰

(۳)  $\frac{j\pi k}{a_k e^{\pi}}$

(۴)  $a_k e^{-j\pi k}$

۳۵- اگر داشته باشیم  $Y(z) = X(a^{-1}z) + X(2a^{-1}z) + X(4a^{-1}z) + X(8a^{-1}z) + \dots$  حاصل  $y[1]y[2]$  کدام است؟

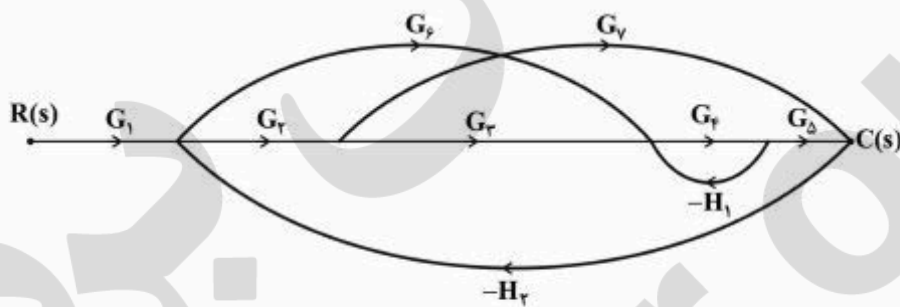
(۱)  $\frac{16}{3}x[1]x[2]a^2$

(۲)  $\frac{16}{9}x[1]x[2]a^2$

(۳)  $\frac{8}{3}x[1]x[2]a^2$

(۴)  $\frac{4}{3}x[1]x[2]a^2$

۳۶- در نمودار گذر سیگنال زیر اگر بهره تمامی شاخه‌های  $G_1$  تا  $G_7$  برابر واحد باشد، بهره  $H_1$  و  $H_2$  چقدر باشد تا خروجی  $C(s)$  ورودی مرجع  $R(s)$  را دنبال کند؟



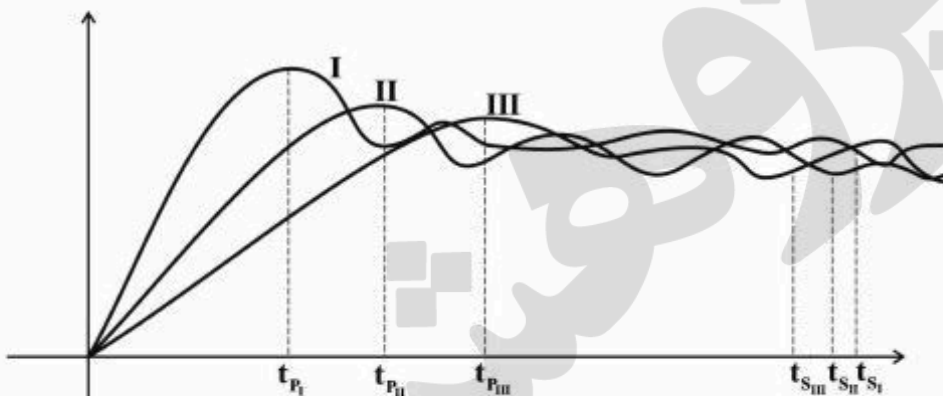
(۱)  $H_1 = 1, H_2 = -1$

(۲)  $H_1 = 1, H_2 = \frac{1}{2}$

(۳)  $H_1 = \frac{1}{2}, H_2 = 1$

(۴)  $H_1 = -1, H_2 = \frac{1}{2}$

۳۷- پاسخ پله سه سیستم مرتبه دوم به صورت زیر است. چه ارتباطی می‌تواند بین این سیستم‌ها وجود داشته باشد؟



- (۱) فرکانس نوسانات میرا ( $\omega_d$ ) یکسان
- (۲) ضریب میرایی ( $\zeta\omega_n$ ) یکسان
- (۳) نسبت میرایی ( $\zeta$ ) یکسان
- (۴) فرکانس طبیعی ( $\omega_n$ ) یکسان

۳۸- برای یک سیستم کنترل با تابع تبدیل مسیر پیشروی  $G(s)$  و فیدبک واحد منفی، ماتریس انتقال حالت سیستم حلقه بسته به صورت زیر است (k بهره  $G(s)$ ). نقطه شکست و محل تلاقی مجانب‌های مکان ریشه برای  $G(s)$  به ترتیب کدام است؟

$$\Phi(t) = \begin{bmatrix} 2e^{-t} - 2e^{-2t} + e^{-3t} & e^{-t} - e^{-2t} & 0 \\ 0 & e^{-2t} & -e^{-2t} + e^{-3t} \\ k(e^{-2t} - e^{-3t}) & 0 & e^{-3t} \end{bmatrix}$$

$$-6, -\left[\frac{6-\sqrt{3}}{3}\right] \quad (۱)$$

$$-2, -\left[\frac{6-\sqrt{3}}{3}\right] \quad (۲)$$

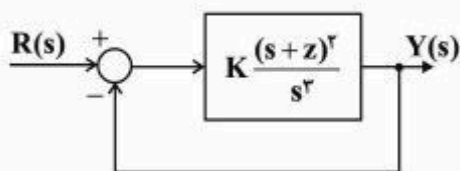
$$-2, -\left[\frac{6+\sqrt{3}}{3}\right] \quad (۳)$$

$$-6, -\left[\frac{6+\sqrt{3}}{3}\right] \quad (۴)$$

۳۹- پاسخ حلقه بسته سیستم زیر به ورودی ضربه واحد و به ازای  $K = 27$  عبارت است از:

$$y(t) = [K_1 e^{-3t} + K_2 e^{-12t} + K_3 t e^{-12t}] u(t)$$

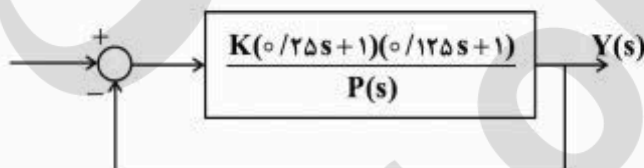
که در آن  $K_1$  و  $K_2$  و  $K_3$  مقادیر ثابت اند. فرکانس نوسانات نامبرای سیستم حلقه بسته چند رادیان بر ثانیه است؟



- ۴ (۱)
- ۳ (۲)
- ۲ (۳)
- ۱ (۴)

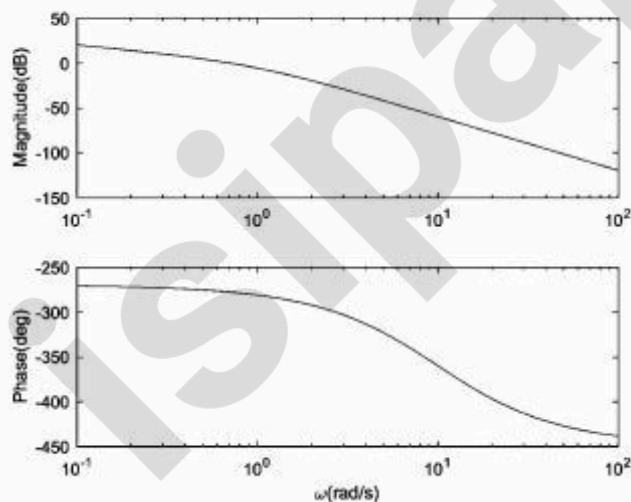
۴۰- در سیستم حلقه بسته زیر، جدول راث نسبت به خط  $s = -1$  برای چند جمله‌ای  $P(s)$  مطابق جدول زیر حاصل شده است. خطای حالت دائم سیستم حلقه بسته به ورودی پله کدام است؟ ضرایب سطر  $s^1$  ابتدا همگی صفر بوده‌اند.

$s^4$	۱	۲۸	-۲۹
$s^3$	۱۰	-۱۰	۰
$s^2$	۲۹	-۲۹	۰
$s^1$	+۵۸	۰	۰
$s^0$	-۲۹	۰	۰



- (۱) چون سیستم حلقه باز ناپایدار است، خطای حالت دائم، قابل محاسبه نیست.
- (۲) با توجه به اینکه محل قطب‌های تابع تبدیل حلقه بسته نامشخص است، نمی‌توان نظر داد.
- (۳) خطای حالت دائم ورودی پله، صفر است.
- (۴) خطای حالت دائم ورودی پله سیستم حلقه بسته برابر  $(\frac{1}{1+k})$  است.

۴۱- دیاگرام بودی، در شکل زیر نشان داده شده است، تابع تبدیل سیستم آن کدام است؟



$$G(s) = \frac{1 - 0.1s}{s(1 + 0.1s)(1 - s^2)} \quad (1)$$

$$G(s) = \frac{(s - 10)}{s^3(s + 10)(1 - s^2)} \quad (2)$$

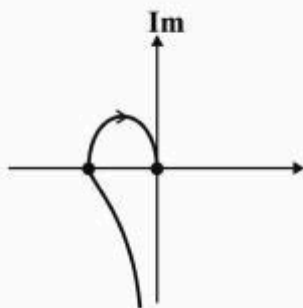
$$G(s) = \frac{(s - 10)}{s(s + 10)(1 - s^2)} \quad (3)$$

$$G(s) = \frac{(1 - 0.1s)}{s^3(1 + 0.1s)(1 - s^2)} \quad (4)$$



۴۲- در صورتی که تابع تبدیل حلقه باز سیستمی به صورت  $G(s) = \frac{k}{(s+2)(s+\alpha)(s+\beta)}$  و منحنی نایکوئیست آن

به صورت زیر و فرکانس نوسانات سیستم حلقه بسته با فیدبک واحد  $\sqrt{3}$  باشد، آنگاه تابع تبدیل حلقه باز این سیستم کدام است؟



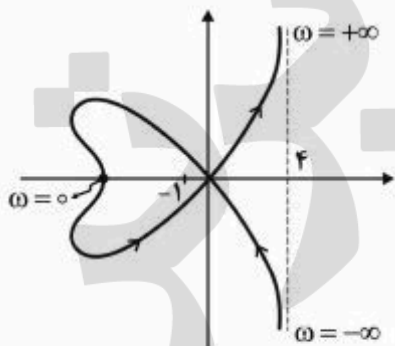
(۱)  $G(s) = \frac{2}{s(s+2)(s+2)}$

(۲)  $G(s) = \frac{1}{s(s+1)(s+2)}$

(۳)  $G(s) = \frac{2}{s(s+1)(s+2)}$

(۴) جوابی نمی توان یافت

۴۳- کدام تابع تبدیل می تواند دارای نمودار نایکوئیست زیر باشد؟



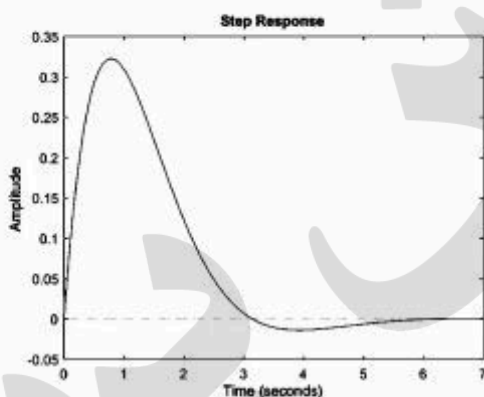
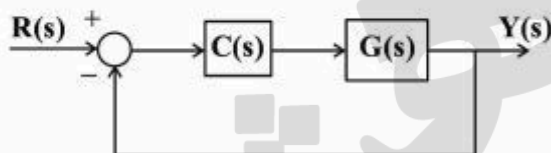
(۱)  $\frac{k(s^2-3)(s^2+16)}{(s^2-9)(s-4)}$

(۲)  $\frac{k(s^2+3)(s^2+16)}{(s^2-9)(s+4)}$

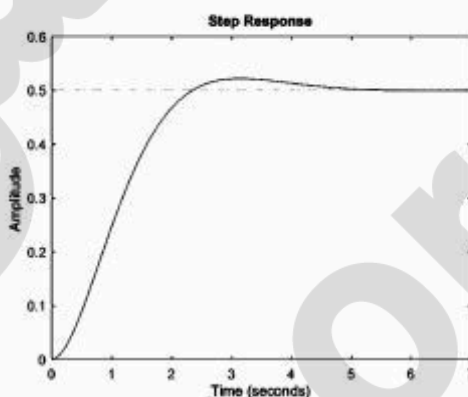
(۳)  $\frac{-k(s^2-3)(s^2-16)}{(s^2-9)(s-5)}$

(۴)  $\frac{k(s^2+3)(s^2-16)}{s(s^2-9)}$

۴۴- سیستم فیدبک واحد زیر را در نظر بگیرید. پاسخ پله واحد  $G(s)$  در شکل ۱ نشان داده شده است. کنترل‌کننده  $C(s)$  چنان طراحی شده است که منجر به خطای حالت دائم صفر برای تابع تبدیل حلقه بسته می‌شود. حال اگر  $G(s)$  با تابع تبدیلی که پاسخ پله واحد آن در شکل ۲ نشان داده شده است جایگزین شود، خطای حالت دائم به ورودی پله برای سیستم جدید کدام است؟



شکل (۲)



شکل (۱)

$$\frac{1}{2} \quad (۲)$$

$$0 \quad (۱)$$

$$-\frac{1}{2} \quad (۳)$$

(۴) در این حالت خطا تعریف نمی‌شود.

۴۵- گزینه نادرست، کدام است؟

(۱) اگر  $k$  تعداد تغییر علامت‌های جدول راث و  $m$  تعداد ریشه‌های متقارن باشد،  $m - 2k$  تعداد ریشه‌های موهومی معادله مشخصه است.

(۲) در صورتی که  $0 < \zeta < \frac{1}{\sqrt{2}}$  باشد، فرکانس تشدید از رابطه  $\omega_r = \omega_n \sqrt{1 - 2\zeta^2}$  محاسبه می‌شود.

(۳) با افزایش پهنای باند، زمان اوج پاسخ پله کم می‌شود.

(۴) با کاهش نسبت میرایی، مقدار ماکزیمم پاسخ فرکانسی افزایش می‌یابد.